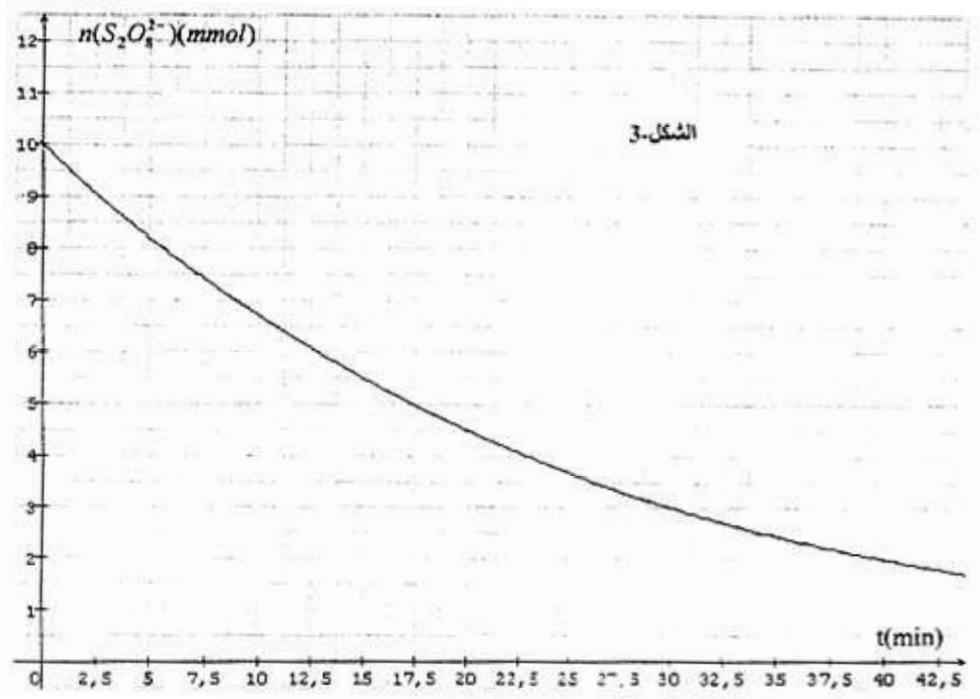


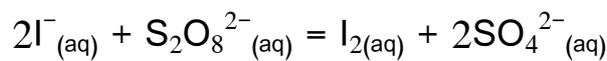
الموضوع 3 ثا - 04

التمرين الأول : (U01-Ex35)

نريد دراسة تطور التحول الكيميائي الحاصل بين شوارد محلول (S_1) ليبروكسوديبيريتات البوتاسيوم ($2K^+_{(aq)} + S_2O_8^{2-}_{(aq)}$) و شوارد محلول (S_2) ليود البوتاسيوم ($K^+_{(aq)} + I^-_{(aq)}$) في درجة حرارة ثابتة . لهذا الغرض نمزج في اللحظة $t = 0$ حجما $V_1 = 50 \text{ mL}$ من المحلول (S_1) تركيزه المولي $C_1 = 2,0 \cdot 10^{-1} \text{ mol/L}$ مع حجم $V_2 = 50 \text{ mL}$ من المحلول (S_2) تركيزه المولي $C_2 = 1,0 \text{ mol/L}$. نتابع تغيرات كمية $S_2O_8^{2-}$ المتبقية في الوسط التفاعلي في لحظات زمنية مختلفة ، فنحصل على البيان الموضح (الشكل-3) .



ننمذج التحول الكيميائي الحاصل بالتفاعل الذي معادلته :



1- حدد الثنائيتين ox/red المشاركتين في التفاعل .

2- أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل .

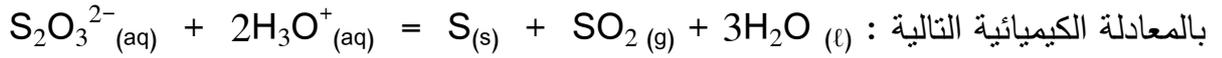
3- حدد المتفاعل المحد علماً أن التحول تام .

- 4- عرف زمن نصف التفاعل ($t_{1/2}$) و استنتج قيمته بيانيا .
 5- أوجد التراكيز المولية لأنواع الكيمائية المتواجدة في الوسط التفاعلي عند اللحظة $t_{1/2}$.
 6- استنتج بيانيا قيمة السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة $t = 10 \text{ min}$.

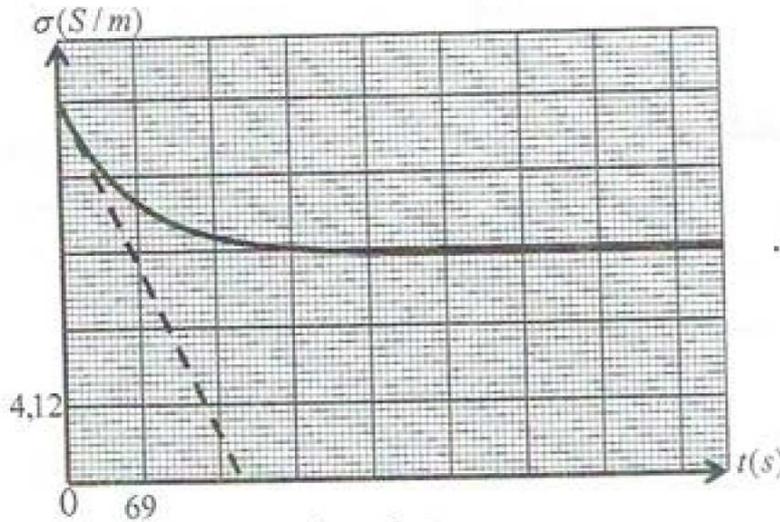
التمرين الثاني : (بكالوريا 2015 - رياضيات) (U01-Ex51)

لدراسة حركية التحول الكيميائي بين محلول ثيوكبريتات الصوديوم ($2\text{Na}^+_{(aq)} + \text{S}_2\text{O}_3^{2-}$) و محلول حمض كلور الماء ($\text{H}_3\text{O}^+_{(aq)} + \text{Cl}^-_{(aq)}$) .

في اللحظة $t = 0$ نمزج حجما $V_1 = 480 \text{ mL}$ من محلول ثيوكبريتات الصوديوم تركيزه $C_1 = 0.5 \text{ mol/L}$ مع حجم $V_2 = 20 \text{ mL}$ من محلول حمض كلور الماء تركيزه المولي $C_2 = 5.0 \text{ mol/L}$. نمذج التحول الحادث



- 1- أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل .
 2- حدد المتفاعل المحد .
 3- إن متابعة التحول عن طريق قياس الناقلية النوعية للمزيج مكنت من رسم بيان الشكل (1) و الممثل لتغيرات الناقلية النوعية بدلالة الزمن $\sigma = f(t)$.



الشكل (1)

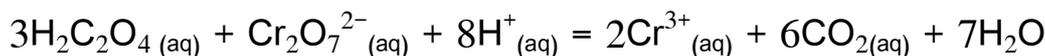
- علل دون حساب سبب تناقص الناقلية النوعية .
 4- تعطى الناقلية النوعية للمزيج التفاعلي عند لحظة t بالعبارة : $\sigma(t) = 20.6 - 170x$.
 أ- عرف السرعة الحجمية للتفاعل .

ب- بين أن السرعة الحجمية للتفاعل تكتب بالشكل : $V_{\text{vol}} = -\frac{1}{170V} \cdot \frac{d\sigma(t)}{dt}$

- حيث V حجم الوسط التفاعلي المعتبر ثابتا .
 ج- احسب السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة $t = 0$.
 د- عرف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ثم حدد قيمته بيانيا .

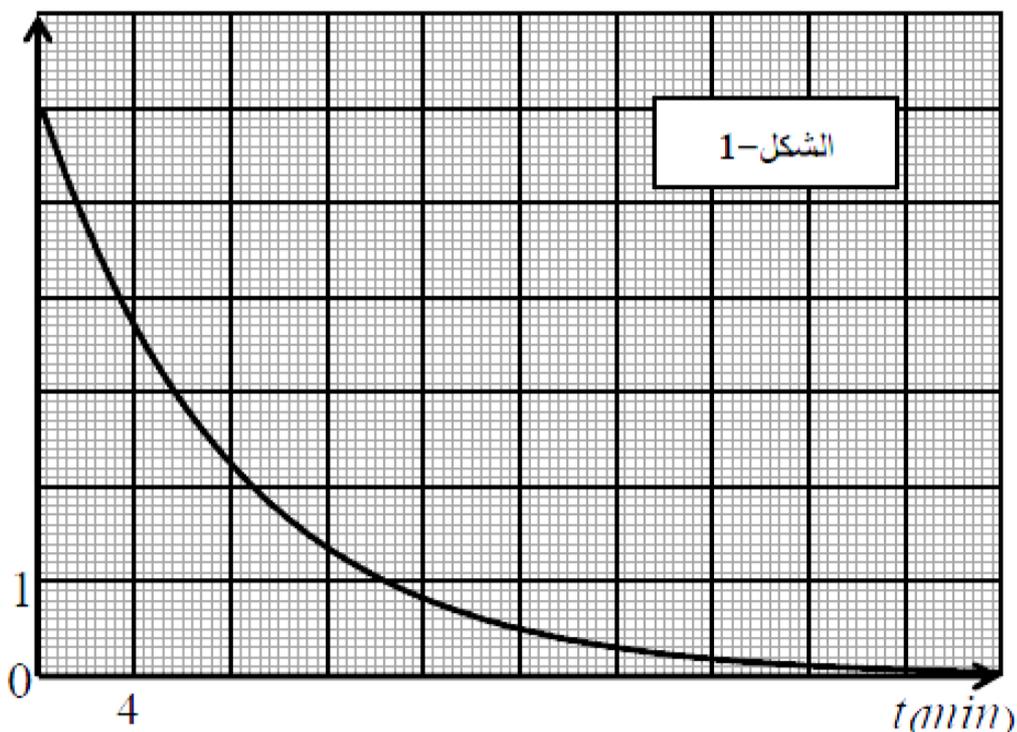
التمرين الثالث : (بكالوريا 2013 - رياضيات) (U01-Ex40)

لمتابعة تطور حمض الأوكساليك $H_2C_2O_4(aq)$ مع شوارد ثنائي الكرومات $Cr_2O_7^{2-}(aq)$.
نمزج في اللحظة $t = 0 \text{ min}$ حجما $V_1 = 50 \text{ mL}$ من محلول حمض الأوكساليك تركيزه المولي :
 $C_1 = 12 \text{ mmol/L}$ مع حجم $V_2 = 50 \text{ mL}$ من محلول ثنائي كرومات البوتاسيوم $(2K^+(aq) + Cr_2O_7^{2-}(aq))$
تركيزه المولي $C_2 = 16 \text{ mmol/L}$ ، بوجود وفرة من حمض الكبريت المركز . نمذج التفاعل الحاصل بالمعادلة
التالية :



- 1- أ- حدد الثنائيتين Ox/Red المشاركتين في التفاعل .
ب- أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل ، ثم حدد المتفاعل المحد .
- 2- البيان يمثل تغيرات التركيز المولي لحمض الأوكساليك بدلالة الزمن (الشكل-1) .

$[H_2C_2O_4](\text{mmol/L})$



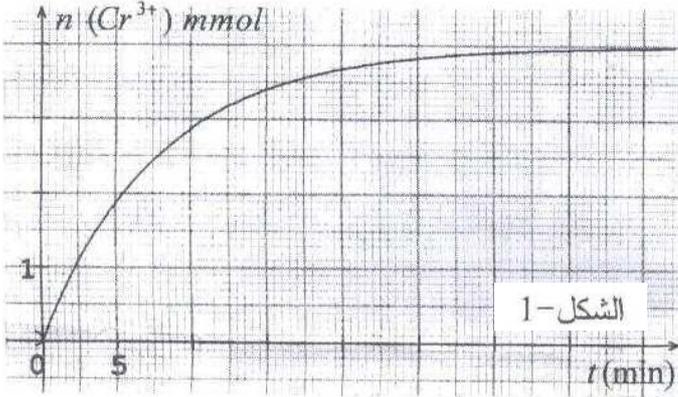
- أ- عرف السرعة الحجمية للتفاعل .
- ب- بين أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل في أي لحظة تكتب بالعلاقة :
 $v = -\frac{1}{3} \times \frac{d[H_2C_2O_4]}{dt}$
- ج- احسب قيمة السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة $t = 12 \text{ min}$.
- 3- عرف زمن نصف التفاعل ، ثم احسبه .

التمرين الرابع : (بكالوريا 2011 – ع ت) (U01-Ex41)

لدراسة تطور حركية التحول بين شوارد البيكرومات $\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}(\text{aq})$ و محلول حمض الأوكساليك $\text{C}_2\text{H}_2\text{O}_4(\text{aq})$ نمزج في اللحظة $t = 0\text{s}$ حجما $V_1 = 40\text{ mL}$ من محلول بيكرومات البوتاسيوم $(2\text{K}^+(\text{aq}) + \text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}(\text{aq}))$ تركزه المولي $C_1 = 0.2\text{ mol.L}^{-1}$ مع حجم $V_2 = 60\text{ mL}$ من محلول حمض الأوكساليك تركيزه المولي مجهول C_2 .

- 1- إذا كانت الثنائيتان المشاركتان في التفاعل هما : $(\text{CO}_2(\text{aq})/\text{C}_2\text{H}_2\text{O}_4(\text{aq}))$ و $(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}(\text{aq})/\text{Cr}^{3+}(\text{aq}))$.
 - أ- أكتب المعادلة المعبرة عن التفاعل أكسدة - إرجاع النمذج للتحول الكيميائي الحادث .
 - ب- أنشئ جدولا لتقدم التفاعل .

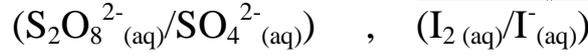
- 2- يمثل (الشكل-1) المنحنى البياني لتطور كمية مادة $\text{Cr}^{3+}(\text{aq})$ بدلالة الزمن .



- أوجد من البيان :
 - أ- سرعة تشكل شوارد $\text{Cr}^{3+}(\text{aq})$ في اللحظة $t = 20\text{ min}$
 - ب- التقدم الأعظمي X_{max} .
 - ج- زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.
- 3- أ- باعتبار التحول تاما عين المتفاعل المحد .
 - ب- أوجد التركيز المولي لمحلول حمض الأوكساليك C_2 .

حل التمرين الأول

1- الثنائيتين (ox/red) المشاركتين في التفاعل :



2- جدول التقدم :

حالة الجملة	التقدم	$2I^-(aq)$	$+ S_2O_8^{2-}(aq)$	$= I_2(aq)$	$+ 2SO_4^{2-}(aq)$
ابتدائية	$x = 0$	$5 \cdot 10^{-2}$	10^{-2}	0	0
انتقالية	x	$5 \cdot 10^{-2} - 2x$	$10^{-2} - x$	x	$2x$
نهائية	x_f	$5 \cdot 10^{-2} - 2x_{mx}$	$10^{-2} - x_f$	x_f	$2x_f$

- $n_0(I^-) = C_2 V_2 = 1 \cdot 0.05 = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$
- $n_0(S_2O_8^{2-}) = C_1 V_1 = 2 \cdot 10^{-1} \cdot 0.05 = 10^{-2} \text{ mol}$

3- تحديد المتفاعل المحد :

- بفرض أن I^- متفاعل محد :

$$5 \cdot 10^{-2} - 2 x_{max} = 0 \rightarrow x_{max} = 2.5 \cdot 10^{-2}$$

- بفرض أن $S_2O_8^{2-}$ متفاعل محد :

$$10^{-2} - x_{max} = 0 \rightarrow x_{max} = 10^{-2} \text{ mol}$$

إذن : $x_{max} = 10^{-2} \text{ mol}$ و المتفاعل المحد هو شوارد البيروكسيدوكبريتات $S_2O_8^{2-}$.

4- تعريف زمن نصف العمر و قيمته :

- نحسب $n_{1/2}(S_2O_8^{2-})$.

- من جدول التقدم :

$$n_{1/2}(S_2O_8^{2-}) = 10^{-2} - x_{1/2}$$

حسب تعريف $t_{1/2}$:

$$t = t_{1/2} \rightarrow x = x_{1/2} = \frac{x_{max}}{2} = \frac{10^{-2}}{2} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

و منه

$$n_{1/2}(S_2O_8^{2-}) = 10^{-2} - 5 \cdot 10^{-3} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

بالإسقاط في البيان نجد : $t_{1/2} = 17.5 \text{ min}$.

5- التركيز المولية للأنواع الكيميائية في الوسط التفاعلي عند $t_{1/2}$:

- الأنواع الكيميائية المتواجدة في الوسط التفاعلي عند اللحظة $t_{1/2}$ هي : $S_2O_8^{2-}$ ، I^- ، I_2 ، SO_4^{2-} بالإضافة إلى شوارد K^+ التي لم تدخل إلى التفاعل و لم تظهر في المعادلة .

- اعتمادا على جدول التقدم يكون :

$$[S_2O_8^{2-}]_{1/2} = \frac{n_{1/2}(S_2O_8^{2-})}{V_1 + V_2} = \frac{10^{-2} - x_{1/2}}{V_1 + V_2} = \frac{10^{-2} - 5 \cdot 10^{-3}}{0.05 + 0.05} = 0.05 \text{ mol/L}$$

$$[I^-]_{1/2} = \frac{n_{1/2}(I^-)}{V_1 + V_2} = \frac{5 \cdot 10^{-2} - 2x_{1/2}}{V_1 + V_2} = \frac{5 \cdot 10^{-2} - (2 \cdot 5 \cdot 10^{-3})}{0.05 + 0.05} = 0.4 \text{ mol/L}$$

$$\bullet [I_2]_{1/2} = \frac{n_{1/2}(I_2)}{V_1 + V_2} = \frac{x_{1/2}}{V_1 + V_2} = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{0.05 + 0.05} = 0.05 \text{ mol/L}$$

$$\bullet [SO_4^{2-}]_{1/2} = \frac{n_{1/2}(SO_4^{2-})}{V_1 + V_2} = \frac{2x_{1/2}}{V_1 + V_2} = \frac{2 \cdot 5 \cdot 10^{-3}}{0.05 + 0.05} = 0.1 \text{ mol/L}$$

الشوارد K^+ لم تدخل في التفاعل كما ذكرنا و عليه فإن كمية مادة K^+ عند اللحظة $t_{1/2}$ مساوية لكمية مادة K^+ في اللحظة $t = 0$ ، و هذا الأخير تكون مساوي لمجموع كميتي مادة K^+ في المحلولين الممزوجين لأن كلاهما يحتوي على الشوارد K^+ ، لذلك يكون :

$$[K^+]_{1/2} = \frac{n_{1/2}(K^+)}{V_1 + V_2} = \frac{n_0(K^+)}{V_1 + V_2} = \frac{n_1(K^+) + n_2(K^+)}{V_1 + V_2} = \frac{[K^+]_{10} V_1 + [K^+]_{20} V_2}{V_1 + V_2}$$

- في المحلول ($2K^+ + S_2O_8^{2-}$) ذو التركيز المولي C_1 يكون $[K^+]_{10} = 2C_1$ و في المحلول ($K^+ + I^-$) ذو التركيز المولي C_2 يكون $[K^+]_{20} = C_2$ و منه يصبح :

$$[K^+]_{1/2} = \frac{2C_1 V_1 + C_2 V_2}{V_1 + V_2}$$

$$[K^+]_{1/2} = \frac{(2 \cdot 2 \cdot 10^{-1} \cdot 0.05) + (1 \cdot 0.05)}{0.05 + 0.05} = 0.7 \text{ mol/L}$$

6- قيمة السرعة الحجمية عند اللحظة $t = 10 \text{ min}$:

- نكتب عبارة سرعة الحجمية بدلالة ميل المماس $\frac{dn(S_2O_8^{2-})}{dt}$

- لدينا حسب تعريف السرعة الحجمية للتفاعل :

$$v_{\text{vol}} = \frac{1}{V_s} \frac{dx}{dt}$$

من جدول التقدم :

$$n(S_2O_8^{2-}) = 10^{-2} - x$$

نشتق الطرفين بالنسبة للزمن :

$$\frac{dn(S_2O_8^{2-})}{dt} = - \frac{dx}{dt} \rightarrow \frac{dx}{dt} = - \frac{dn(S_2O_8^{2-})}{dt}$$

بالتعويض في عبارة السرعة الحجمية نجد :

$$v_{\text{vol}} = - \frac{1}{V_s} \frac{dn(S_2O_8^{2-})}{dt}$$

عند رسم المماس عند اللحظة $t = 10 \text{ min}$ و حساب ميله نجد $\frac{dn(S_2O_8^{2-})}{dt} = - 2.7 \cdot 10^{-4}$ و منه يكون :

$$v_{\text{vol}} = - \frac{1}{0.05 + 0.05} \cdot (- 2.7 \cdot 10^{-4}) = 2.7 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L.min}$$

حل التمرين الثاني

1 جدول التفاعل :

	$S_2O_3^{2-} + 2H_3O^+ = S + SO_2 + 3H_2O$				
ابتدائية	$n_0(S_2O_3^{2-})$	$n_0(H_3O^+)$	0	0	لوقوة
انتقالية	$n_0(S_2O_3^{2-}) - x$	$n_0(H_3O^+) - 2x$	x	x	
نهائية	$n_0(S_2O_3^{2-}) - x_{max}$	$n_0(H_3O^+) - 2x_{max}$	x_{max}	x_{max}	

• $n_0(S_2O_3^{2-}) = C_1 V_1 = 0,5 \times 0,48 = 0,24 \text{ mol}$

• $n_0(H_3O^+) = C_2 V_2 = 5 \times 0,02 = 0,10 \text{ mol}$

2- اتمام التفاعل المحدد

بفرض أن $S_2O_3^{2-}$ متفاعل محدد :

$n_0(S_2O_3^{2-}) - x_{max} = 0 \rightarrow x_{max} = n_0(S_2O_3^{2-}) = 0,24 \text{ mol}$

بفرض أن H_3O^+ متفاعل محدد :

$n_0(H_3O^+) - 2x_{max} = 0 \rightarrow x_{max} = \frac{n_0(H_3O^+)}{2} = \frac{0,1}{2} = 0,05 \text{ mol}$

اذن $x_{max} = 0,05 \text{ mol}$ واطمئنان التفاعل المحدد H_3O^+

سبب تناقص الناقلية :

تناقص الناقلية يتناقص تراكيز الشوارد المتواجدة في الوسط التفاعلي ، وكون أن هذه الشوارد تتصل في الشوارد المتفاعلة ولا وجود للشوارد ناتجة ، فهذا يؤدي حتماً إلى نقصان تراكيز الشوارد المتفاعلة وبالتالي تناقص الناقلية النوعية في الوسط التفاعلي .

4-4 تعريف السرعة الحجمية للتفاعل :

هي سرعة التفاعل في وحدة الحجم أو هي مقدار تغير تقدم التفاعل بدلالة الزمن في وحدة الحجم .

ب- اثبات : $v_{vol} = -\frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$

$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$

لدينا :

$$\sigma = 20,16 - 170 x$$

نشتق الطرفين بالنسبة للزمن :

$$\frac{d\delta}{dt} = (0 - 170) \frac{dx}{dt}$$

$$\frac{d\delta}{dt} = -170 \frac{dx}{dt} \rightarrow \frac{dx}{dt} = -\frac{1}{170} \frac{d\delta}{dt}$$

بالتعويض في عبارة السرعة الحجمية :

$$v_{vol} = \frac{1}{V} \left(-\frac{1}{170} \frac{d\delta}{dt} \right) \rightarrow v_{vol} = -\frac{1}{170V} \frac{d\delta}{dt}$$

ح- حساب السرعة الحجمية عند $t=0$:
من البيان :
 $t=0 \rightarrow \frac{d\delta}{dt} = -\frac{5 \times 4,12}{2,3 \times 69} = -0,130$
ومنه :
 $v_{vol} = -\frac{A}{170(0,48+0,02)} (-0,13) = 1,53 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L.s}$
د- تعريف زمن نصف التفاعل
هو الزمن اللازم لبعث تقدم التفاعل نصف قيمته النهائية

قيمة $t_{1/2}$
حسب تعريف $t_{1/2}$
 $t = t_{1/2} \rightarrow x_{1/2} = \frac{x_{max}}{2} = \frac{0,05}{2} = 0,025 \text{ mol}$
بالتعويض في العبارة نجد :
 $\delta_{1/2} = 20,6 - 170x_{1/2}$
 $\delta_{1/2} = 20,6 - (170 \cdot 0,025) = 18,35 \text{ g/m}$
بالقسمة على مسام الرسم نجد 4 cm
لأنه 4 cm
 $t_{1/2} = 0,7 \times 69 \rightarrow t_{1/2} = 48,3 \text{ s}$

حل التمرين الثالث

1- تحديد الشائتين (ox/red) لدينا وكتبي في التفاعل هـ
($\text{MnO}_4^- / \text{Mn}^{2+}$)
($\text{CO}_2 / \text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$)

ب- جدول التقدم :

التقدم الخ ك		$3 \text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$	$+ \text{Cr}_2\text{O}_7^{2-} + 8 \text{H}^+$	$= 2 \text{Cr}^{3+} + 6 \text{H}_2\text{O} + 7 \text{H}_2\text{O}$			
انتداية	$x=0$	$n_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)$	$n_0(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-})$	بوفرة	0	0	بوفرة
انتداية	x	$n_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) - 3x$	$n_0(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}) - x$	بوفرة	$2x$	$6x$	بوفرة
نهاية	x_f	$n_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) - 3x_{\max}$	$n_0(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}) - x_{\max}$	بوفرة	$2x_{\max}$	$6x_{\max}$	بوفرة

• $n_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) = C_1 V_1 = 0,012 \times 0,05 = 6 \times 10^{-4} \text{ mol}$

• $n_0(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}) = C_2 V_2 = 0,016 \times 0,05 = 8 \times 10^{-4} \text{ mol}$

تحديد المتفاعل المحدر :

إذا اختفى $\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$ كلياً :

$$n_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) - 3x_{\max} = 0 \rightarrow x_{\max} = \frac{n_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)}{3}$$

$$x_{\max} = \frac{6 \times 10^{-4}}{3} = 2 \times 10^{-4} \text{ mol}$$

إذا اختفى $\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}$ كلياً :

$$n_0(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}) - x_{\max} = 0 \rightarrow x_{\max} = n_0(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}) = 8 \times 10^{-4} \text{ mol}$$

$\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$ والمتفاعل المحدر هو

$$x_{\max} = 2 \times 10^{-4} \text{ mol}$$

2-4- تعريف السرعة الحجمية للتفاعل :

هي سرعة التفاعل في وحدة الحجم 1 L يعبر عنها

بالعلاقة ؟

$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$

ب- إثبات : $v = -\frac{1}{3} \frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt}$

لدينا : حسب تعريف السرعة الحجمية :

$$v_{\text{vol}} = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$

$$[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4] = \frac{n_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) - 3x}{V}$$

$$[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4] = \frac{1}{V} (n_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) - 3x)$$

نشتق الطرفين بالنسبة للزمن :

$$\frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt} = \frac{1}{V} (0 - 3 \frac{dx}{dt})$$

$$\frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt} = -\frac{3}{V} \frac{dx}{dt} \rightarrow \frac{dx}{dt} = -\frac{V}{3} \frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt}$$

بالتعويض في عبارة السرعة الحجمية :

$$v_{\text{vol}} = \frac{1}{V} \left(-\frac{V}{3} \frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt} \right) \rightarrow v_{\text{vol}} = -\frac{1}{3} \frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt}$$

- قيمة السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة $t = 12 \text{ min}$:

- من البيان عند اللحظة $t = 12 \text{ min}$:

$$\frac{d[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]}{dt} = -\frac{(2 \text{ cm}) \cdot 10^{-3}}{12} = -1.67 \cdot 10^{-4}$$

ومنه :

$$v = -\frac{1}{3} (-1.67 \cdot 10^{-4}) = 5.6 \cdot 10^{-5} \text{ mol/L.min}$$

3- تعريف زمن نصف التفاعل :

هو الزمن اللازم لبلوغ تقدم التفاعل نصف قيمته الأعظمية ، أي :

$$t = t_{1/2} \rightarrow x_{1/2} = \frac{x_{\text{max}}}{2}$$

- قيمة $t_{1/2}$:

نحسب $[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]_{1/2}$.

- اعتمادا على جدول التقدم :

$$[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]_{1/2} = \frac{n_0(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4) - 3x_{1/2}}{V}$$

حب تعريف $t_{1/2}$:

$$x_{1/2} = \frac{x_{\text{max}}}{2} = \frac{2 \cdot 10^{-4}}{2} = 10^{-4} \text{ mol}$$

إذن :

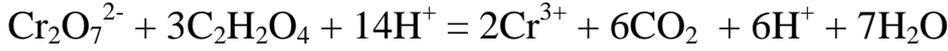
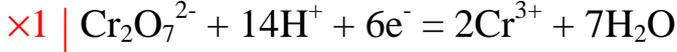
$$[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]_{1/2} = \frac{6 \cdot 10^{-4} - (3 \cdot 10^{-4})}{0,05 + 0,05} = 3 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$$

بالإسقاط بأخذ سلم الرسم بعين الاعتبار نجد : $t_{1/2} = 5,6 \text{ min}$

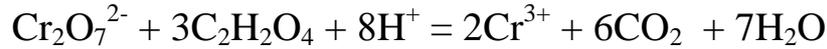
- يمكن أيضا استعمال العلاقة : $[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]_{1/2} = \frac{[\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4]_0}{2}$

حل التمرين الرابع

1- أ- المعادلة المعبرة عن تفاعل الأكسدة الإرجاعية :



و باختزال H^+ تصبح المعادلة النهائية المعبرة عن تفاعل الأكسدة الإرجاعية :



ب- جدول التقدم :

الحالة	التقدم	$\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}$	$+ 3\text{C}_2\text{H}_2\text{O}_4 +$	$8\text{H}^+ = 2\text{Cr}^{3+} + 6\text{CO}_2 + 7\text{H}_2\text{O}$			
ابتدائية	$x = 0$	$8 \cdot 10^{-3}$	C_2V_2	زيادة	0	0	زيادة
انتقالية	x	$8 \cdot 10^{-3} - x$	$\text{C}_2\text{V}_2 - 3x$	زيادة	$2x$	$6x$	زيادة
نهائية	x_{\max}	$8 \cdot 10^{-3} - x_{\max}$	$\text{C}_2\text{V}_2 - 3x_{\max}$	زيادة	$2x_{\max}$	$6x_{\max}$	زيادة

$$\bullet n_0(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}) = C_1 V_1 = 0.2 \cdot 0.04 = 8 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

2- أ- سرعة تشكل Cr^{3+} عند اللحظة $t = 20 \text{ min}$:

و لدينا حسب تعريف سرعة تشكل Cr^{3+} :

$$v(\text{Cr}^{3+}) = \frac{d n(\text{Cr}^{3+})}{dt}$$

بعد رسم المماس عند اللحظة $t = 20 \text{ min}$ و حساب ميله في هذه اللحظة نجد : $\frac{d n(\text{Cr}^{3+})}{dt} = 3.5 \cdot 10^{-5}$ و منه :

$$v(\text{Cr}^{3+}) = 3.5 \cdot 10^{-5} \text{ mol/min}$$

ب- التقدم الأعظمي x_{\max} :

من البيان :

$$n_f(\text{Cr}^{3+}) = 4 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

من جدول التقدم :

$$n_f(\text{Cr}^{3+}) = 2x_{\max} \rightarrow x_{\max} = \frac{n_f(\text{Cr}^{3+})}{2} = \frac{4 \cdot 10^{-3}}{2} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

ج- زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$:

$$t = t_{1/2} \rightarrow x_{1/2} = \frac{x_{\max}}{2} = \frac{2 \cdot 10^{-3}}{2} = 10^{-3} \text{ mol}$$

و اعتمادا على جدول التقدم :

$$n_{1/2}(\text{Cr}^{3+}) = 2 x_{1/2} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

بالإسقاط في البيان نجد : $t_{1/2} = 5.1 \text{ min}$ ، يمكن أيضا استعمال العلاقة : $n_{1/2}(\text{Cr}^{3+}) = \frac{n_f(\text{Cr}^{3+})}{2}$

3- أ- المتفاعل المحد :
بما أن التفاعل تام يكون :

$$x_{\max} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

و من جدول التقدم :

$$n_f(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}) = 8 \cdot 10^{-3} - x_{\max} = 8 \cdot 10^{-3} - 2 \cdot 10^{-3} = 6 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \neq 0$$

هذا يعني أن $\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}$ ليس المتفاعل المحد و بالتالي المتفاعل المحد هو حمض الأوكساليك .
ب- التركيز المولي لمحلول حمض الأوكساليك :

بما أن حمض الأوكساليك متفاعل محد يكون اعتمادا على جدول التقدم :

$$C_2V_2 - 3x_{\max} = 0 \rightarrow C_2 = \frac{3x_{\max}}{V_2} = \frac{3 \cdot 2 \cdot 10^{-3}}{0.06} = 0.1 \text{ mol/L}$$

تمنياتي لكم التوفيق و النجاح