

التمرين الأول : (06 نقاط)

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة كما يلي:  $u_1 = \frac{1}{2}$  ومن أجل كل عدد طبيعي غير معدوم  $n$  :

$$6u_{n+1} - u_n = 2 .$$

(1) أ) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم  $n$  :  $u_n \leq \frac{1}{2}$  .

ب) جد اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  .

(2) نعتبر المتتالية العددية  $(v_n)$  المعرفة على  $N^*$  كما يلي:  $v_n = u_n - \frac{2}{5}$

أ) بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية .

ب) أحسب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج عبارة  $u_n$  بدلالة  $n$  .

ج) هل المتتالية  $(u_n)$  متقاربة ؟ .

د) أحسب بدلالة  $n$  المجموع:  $S = u_1 + u_2 + \dots + u_n$

التمرين الثاني : (06 نقاط)

في دراسة إحصائية تبين عدد السياح سنويا في إحدى الجزر النائية نتج الجدول التالي :

رتبة السنة $x_i$	0	1	2	3	4	5
عدد السياح $y_i$	6200	6820	7390	8090	9280	9960

(1) حدد النقطة المتوسطة  $G$  للسلسلة  $(x_i; y_i)$  .

(2) مثل سحابة النقط  $M_i(x_i; y_i)$  والنقطة  $G$  في معلم متعامد .

(3) عين باستعمال طريقة المربعات الدنيا معادلة مستقيم الانحدار  $l$  .  $y$  بالنسبة لـ  $x$  .

(4) علما أن رتبة السنة 1996 هي 0 . جد باستعمال المستقيم السابق تقدير لعدد السياح في سنة 2008 .

التمرين الثالث : (08 نقاط)

I- نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $R^*$  بـ  $f(x) = 2x + \frac{1}{e^x - 1}$  .

وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$  .

(1) أدرس تغيرات الدالة  $f$  .

(2) بين أن :  $f(x) = 2x + a + \frac{be^x}{e^x - 1}$  حيث  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان يطلب تعيينهما .

(3) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = 2x$  مقارب للمنحني  $(C_f)$  في جوار  $+\infty$  وأن المستقيم  $(T)$  ذو المعادلة  $y = 2x - 1$  مقارب للمنحني  $(C_f)$  في جوار  $-\infty$  .

(4) أدرس وضعية كل من  $(\Delta)$  و  $(T)$  بالنسبة للمنحني  $(C_f)$  .

(5) أنشئ المنحني  $(C_f)$  والمستقيمين  $(\Delta)$  و  $(T)$  في نفس المعلم .

II - لتكن  $g$  الدالة المعرفة بالشكل  $g(x) = \ln(e^x - 1)$  .

(1) أحسب  $g'(x)$  ثم عين دالة أصلية للدالة  $\frac{e^x}{e^x - 1}$  على  $x \in ]0 ; +\infty[$  .

(2) أحسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحني  $(C_f)$  والمستقيمتين التي معادلاتها:  $y = 2x$  ،  $x = \ln 2$  و

$x = \alpha$  حيث  $\alpha > \ln 2$