

امتحان المستوى - دورة ماي 2010

المستوى والشعبة: 3 ثانوي تسيير و اقتصاد المادة : رياضيات التوقيت: 8 سا - 10 سا

التمرين الأول : ( 5 نقاط )

يحتوي كيس على 8 كرات منها 5 سوداء تحمل الأرقام 1 ، 1 ، 2 ، 2 ، 2 ، 2 و ثلاث خضراء تحمل الأرقام 1 ، 1 ، 2 . نسحب على التوالي كرتين من الكيس دون إرجاع.  
 (1) شكّل شجرة الاحتمالات الموافقة لهذه الوضعية في الحالتين الآتيتين :  
 - باعتماد ألوان الكرات.  
 - باعتماد الأرقام المسجلة على الكرات.

(2) ما احتمال أن تكون الكرتان المسحوبتان سوداوين ؟

(3) ما احتمال أن تكون الكرتان المسحوبتان تحملان نفس الرقم ؟

التمرين الثاني : ( 5 نقاط )

(1) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $x^2 - 9x + 14 = 0$

(2) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $e^{2x} - 9e^x + 14 = 0$

(3) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $(\ln x)^2 - 9 \ln x + 14 = 0$

التمرين الثالث : ( 10 نقاط )

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $]0; +\infty[$  :  $f(x) = 1 + \frac{\ln x}{x}$  بالعبارة :

$(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد متجانس  $(\vec{j}, \vec{i}; O)$  .

(1) احسب نهايات الدالة  $f$  عند طرفي مجموعة تعريفها. ماذا تستنتج بالنسبة إلى  $(C_f)$  .

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول التغيرات .

(3) أثبت أن المنحنى  $(C_f)$  يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $\alpha$  حيث :  $0,56 \leq \alpha \leq 0,57$

(4) أنشئ المنحنى  $(C_f)$  .

(5) احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى  $(C_f)$  والمستقيمت التي معادلاتها :

$$x = \alpha \text{ و } x = e \text{ و } y = 1$$

(6) استخرج التمثيل البياني  $(C_g)$  للدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{0\}$  :  $g(x) = 1 + \frac{\ln|x|}{|x|}$  بالعبارة :

في نفس المعلم السابق .

(7) ناقش بيانها وحسب قيم العدد الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة :  $(m-1)x - \ln x = 0$