

عمل ما يحدث في نقاط الحواف هي السرعة التي أخذتها الجملات . . .

18  $\leq$  في كل حالة من الحالات التالية احسب نهاية الدالة.

1 عند  $f(x) = \frac{-8x^2 + 1}{5x^2 + x + 1} + \infty$  عند  $f(x) = \frac{x^3 + 27}{x + 3}$  عند  $f(x) = \frac{x^3 + 27}{x + 3}$  عند  $f(x) = \frac{x^3 + 27}{x + 3}$

2 عند  $f(x) = \frac{1 - 3x}{x - \sqrt{x}}$  عند  $f(x) = x\sqrt{x} - 5x^2$  عند  $f(x) = x\sqrt{x} - 5x^2$

3 عند  $f(x) = \frac{\sqrt{x} - 3}{x - 9}$  عند  $f(x) = \frac{\sqrt{3x^2 + 1} - 2}{x - 1}$  عند  $f(x) = \frac{\sqrt{3x^2 + 1} - 2}{x - 1}$

4 عند  $f(x) = \frac{\sqrt{x+5} - 2}{x+1} - 1$  عند  $f(x) = \frac{x^2 + x}{\sqrt{x^2 + 4} - 2}$  عند  $f(x) = \frac{x^2 + x}{\sqrt{x^2 + 4} - 2}$

5 عند  $f(x) = \frac{(x+2)^4 - 16}{x}$  عند  $f(x) = \frac{\sin(\pi x)}{x - 1}$  عند  $f(x) = \frac{\sin(\pi x)}{x - 1}$

6 عند  $f(x) = \frac{\sqrt{x^2 + x + 1} - 1}{\sqrt{x+2} - \sqrt{3x+2}}$  عند  $f(x) = \frac{\sqrt{x^2 + x + 1} - 1}{\sqrt{x+2} - \sqrt{3x+2}}$

نهاية دالة مركبة

$a, b, c$  تمثل اعداد حقيقية أو  $+\infty$  أو  $-\infty$   
 $f = v \circ u$  : إذا كان  $f$  و  $v, u$

إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow a} u(x) = b$  و  $\lim_{x \rightarrow b} v(x) = c$

فإن  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = c$

19  $\leq$  احسب النهايات التالية:

1  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{x^2 + x + 1}$  2  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \cos\left(\frac{1}{x}\right)$

3  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \sqrt{\sin 2x}$  4  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sin\left(\frac{\pi x}{2x+1}\right)$  5  $\lim_{x \rightarrow -1} \sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$

20  $\leq$  كم صو سؤال أن أتأكد ما تنسى وقد فأخر الوقت . . .

أوجد معادلة المستقيم المقارب المائل في كل حالة مما يلي:

1  $f(x) = x - 2 + \frac{3}{x}$  2  $f(x) = \frac{1}{x^2 - 1} - x$  3  $f(x) = \frac{2x^2 - 5x + 7}{x}$

4  $f(x) = 3x - 1 - \frac{x}{x^2 + 1}$  5  $f(x) = \frac{3x^2}{2 - x}$

أحسن طريقة لتعمل المرة تفرغ أيتها . . . إن توافق عليه . . .

21  $\leq$  تعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbf{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{3(x-1)^3}{3x^2 + 1}$

و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في  $m, m$  و متجانس  $(\vec{j}; \vec{i}; 0)$ .

بين أن :  $ax + b + \frac{cx}{3x^2 + 1}$  حيث  $a, b, c$  اعداد حقيقية يطلب تعيينها.

أدرس تغيرات الدالة  $f$  ثم عين المستقيمات المقاربة للمنحنى.

حدد وضعية  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم المقارب المائل (A)

إبرع شخصاً بالصدق لكن لا تُسمده أبداً بالكذب . . .



شعبة العلوم التجريبية

سبها وقتك بالناس . . . أترك أسرارنا لنفسك . . .

1  $\lim_{x \rightarrow +\infty} x - \frac{2}{\sqrt{x+1}}$  2  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{x^2 - 3x + 2}$  احسب النهايات التالية:

3  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - x - 2}{(x-1)^2}$  4  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x - 2\sqrt{x})$  5  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + x + 1} - 2x)$

6  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 4x + 3} - x)$  7  $\lim_{x \rightarrow -\infty} x + \frac{x}{\sqrt{x^2 - 4}}$

النهاية بالمقارنة

$f, g, h$  دوال و  $l$  عدد حقيقي، إذا كانت:

$\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = l$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = l$

و إذا كان من أجل  $x$  كبير بالقدر الكافي:

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = l$  فإن  $g(x) \leq f(x) \leq h(x)$

14  $\leq$  لتكن  $f$  دالة معرفة على المجال  $\mathbf{R}_+$  بحيث:  $1 \leq f(x) \leq \sqrt{x}$

احسب نهاية  $\frac{f(x)}{x}$  لما  $x$  يؤول إلى  $+\infty$

15  $\leq$  تعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbf{R}$  بالشكل:  $f(x) = \frac{\sin x}{x^2 + 1}$

احسب نهاية  $f$  لما  $x$  يؤول إلى  $+\infty$

16  $\leq$  احسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\cos x}{x+1}$  2  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{2 - \sin x}$

3  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sin 3x - \cos 2x}{x}$  4  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x + \sin x}{x^2 + 1}$  5  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{x} \sin\left(\frac{1}{x}\right)$

ميوهنة

إذا كانت  $f(x) \geq g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow a} g(x) = +\infty$  فإن  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = +\infty$   
 إذا كانت  $f(x) < g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow a} g(x) = -\infty$  فإن  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = -\infty$

17  $\leq$  احسب: 1  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2 - 3x}$  2  $\lim_{x \rightarrow +\infty} x + \sqrt{3x^2 - x}$

3  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2 + 4x + 3} - 2x$  4  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2 - 2x} - x + 1$

5  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2} - 2}{\sqrt{x+7} - 3}$  6  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x+3} - \sqrt{x}$

لما  $x \rightarrow +\infty$   $\lim \sqrt{4x^2 - 9} - 2\sqrt{x^2 + 5}$

اليد التي تبهضك عند تمسكك أسنود من الفريد تضامك عند الوصول . . .