

# إختبار الشّلائِي الشّانِي في مادّة الرّياضيّات

المدة: ساعتان

المستوى: الثالثة علوم تجريبية

**التمرنج الأول : ..... 06,5 نقاط**

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $[0;1]$  بـ:  $f(x) = \frac{3x+2}{x+4}$ .

(1) أدرس تغييرات الدالة  $f$  على  $[0;1]$ .

ب) إستنتج أنه إذا كان  $x \in [0;1]$  فإن  $f(x) \in [0;1]$ .

ج) مثل بيانيا الدالة  $f$  في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(\vec{o}; \vec{i}; \vec{j})$ . الوحدة  $(10cm)$ .

2 نعتبر المتتالية  $(u_n)$  المعرفة بـ:  $u_0 = 0$  و من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $u_{n+1} = f(u_n)$ .

أ) باستعمال المنحني  $(C)$  للدالة  $f$  عين على محور الفواصل الحدود:  $u_0, u_1, u_2, u_3$ .  
✓ أعط تخمينا حول إتجاه وتقارب المتتالية  $(u_n)$ .

ب) برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $0 \leq u_n \leq 1$ .

ج) بين أن:  $u_{n+1} - u_n = \frac{(1-u_n)(u_n+2)}{u_n+4}$ .

د) هل المتتالية  $(u_n)$  متقاربة؟ . بـرر إجابتك.

3 نعتبر المتتالية  $(v_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  كما يلي:  $v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 2}$ .

أ) برهن أن المتتالية  $(v_n)$  هندسيّة يتطلب تعين أساسها وحدّها الأوّل.

ب) أكتب عبارة  $v_n$  بدلالـة  $n$  ، ثم عبارة  $u_n$  بدلالـة  $n$ .

ج) إستنتاج نهاية المتتالية  $(u_n)$ .

**التمرنج الثاني : ..... 06 نقاط**

يلعب طفل بـ 20 كريّة، منها 13 كريّة حمراء و 7 كريّات خضراء. يضع 10 كريّات حمراء و 3 كريّات خضراء في العلبة  $A$  ، ويضع الباقي في العلبة  $B$ .

1) في أوّل لعبـة يختار 3 كريّات عشوائـيا وفي آن واحد من العلبة  $A$  وينظركم كـرـية حمراء ظهرـت. ليـكـن  $X$  المتـغـير العـشوـائـي المـتـعلـق بـعـدـ الـكـراتـ الـحـمـراءـ الـمسـحـوبـةـ.

✓ عـينـ قـانـونـ اـحـتمـالـ المتـغـيرـ العـشوـائـي  $X$  ، ثمـ أـحـسبـ أـمـلـهـ الرـيـاضـيـ  $E(X)$ .

2) وفي ثـانـي لـعـبـةـ ، يـخـتـارـ الطـفـلـ إـحدـىـ الـعـلـبـ وـ يـسـحبـ مـنـهاـ كـرـةـ وـاحـدةـ.

أ) مثلـ هـذـهـ الـوـضـعـيـةـ بـشـجـرـةـ الـإـحـتمـالـاتـ.

ب) أحسب إحتمال أن تكون الكرة المسحوبة حمراء.

ج) علماً أنَّ الطفل سحب كرة حمراء، ما إحتمال أن تكون من العلبة  $A$  ؟ .

### الجزء الأول ..... 07,5 نقاط

•  $g(x) = \ln x + \frac{x-2}{x}$  كما يلي :  $[0;+\infty]$  نعتبر الدالة  $g$  المعروفة على

1) أحسب نهايات الدالة  $g$  عند  $0$  و  $+\infty$  .

2) أدرس تغيرات الدالة  $g$  و شكل جدول تغيراتها.

3) بيّن أنَّ المعادلة  $0 = g(x)$  تقبل حالاً وحيداً  $\alpha$  حيث :

✓ إستنتج إشارة  $(g(x))$  حسب قيم  $x$  من المجال  $[0;+\infty]$  .

**الجزء الثاني :**  $f$  دالة معروفة على  $[0;+\infty]$  .  $f(x) = 1 + (x-2)\ln x$

•  $(C_f)$  منحناها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(\overset{\rightarrow}{o}; \overset{\rightarrow}{i}; \overset{\rightarrow}{j})$  .

1) أحسب نهاية الدالة  $f$  عند  $0$  و عند  $+\infty$  ، ثم فسر النهاية عند  $0$  هندسياً.

2) أدرس إتجاه تغير الدالة  $f$  ، ثم شكل جدول تغيراتها.

3) بيّن أنَّ  $\alpha \approx 1,45$  :  $f(\alpha) = 1 - \frac{(\alpha-2)^2}{\alpha}$  من أجل  $f(\alpha)$  ، ثم أعط قيمة مقرّبة لـ

4) هو الماس لمنحني  $(C_f)$  عند النقطة  $M_0$  ذات الفاصلة  $x_0$  :

أ) أكتب المعادلة الديكارتية للمماس  $(T_{x_0})$  .

ب) عيّن  $x_0$  إذا علمت أنَّ الماس  $(T_{x_0})$  يمر بالنقطة  $A(2;0)$  .

ج) إستنتاج أنَّ  $(C_f)$  يقبل مماسين يمران بالنقطة  $A$  ، ثم أكتب معادلة كل منهما.

5) أرسم كلاً من المماسين و المنحني  $(C_f)$  .

**الجزء الثالث :** نعتبر المستقيم  $(d_m)$  الذي معادلته  $y = mx - 2m$  ، حيث  $m$  وسيط حقيقي

أ) تحقق أنَّ  $(d_m)$  يمر بالنقطة  $A$  .

ب) ناقش بيانياً و حسب قيم الوسيط  $m$  عدد حلول المعادلة  $m$  .

التمرين الأول :

لدينا الدالة  $f$  المعرفة على  $[0;1]$  كما يلي :

(1) أ) دراسة تغيرات الدالة  $f$  على  $[0;1]$  :

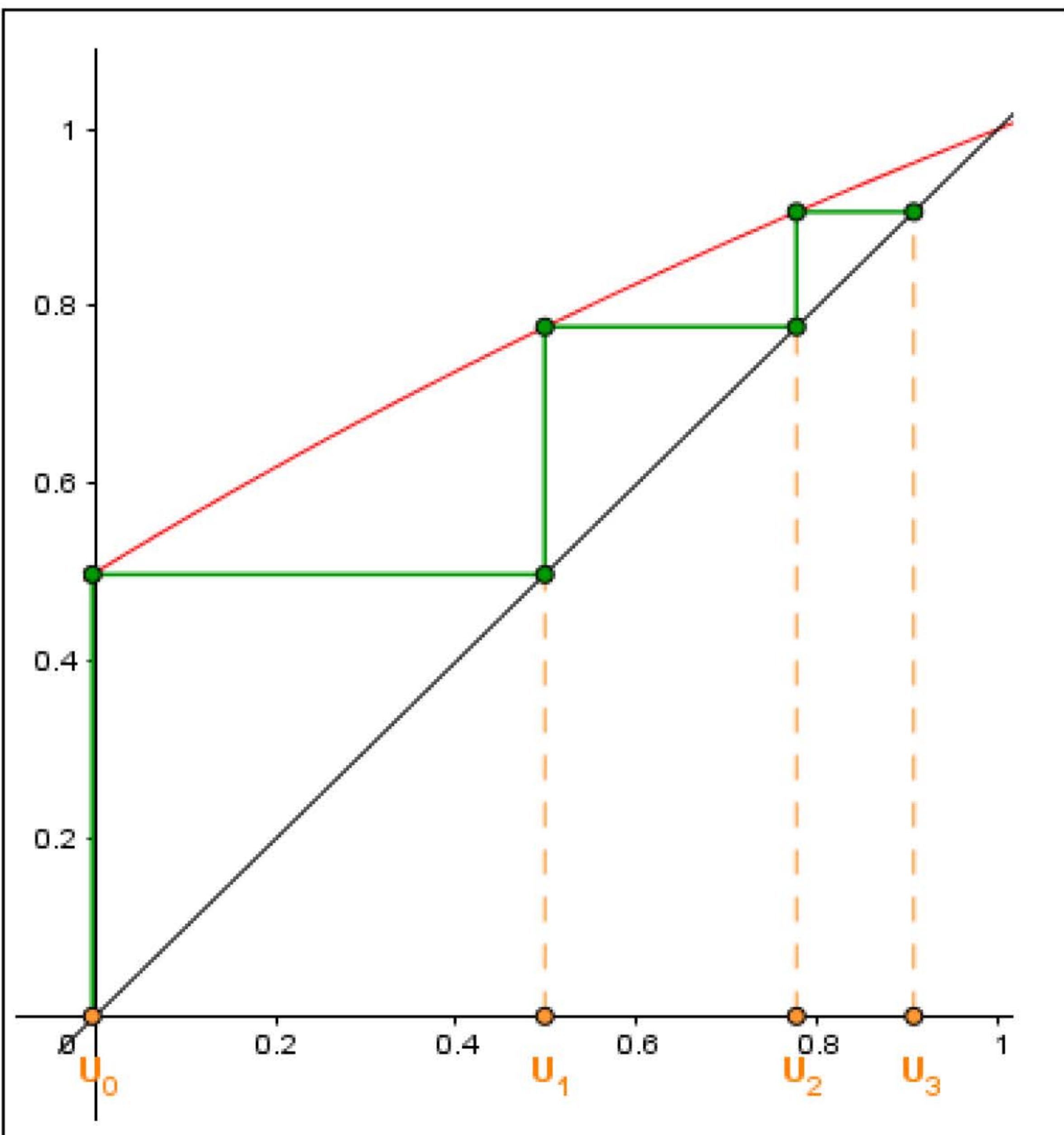
لدينا من أجل كل  $x$  من  $[0;1]$  ، أي :  $f'(x) = \frac{10}{(x+4)^2} > 0$  . ومنه الدالة  $f$  متزايدة على المجال  $[0;1]$ .

ب) لدينا  $f(0) \leq f(x) \leq f(1)$  ، أي :  $0 \leq x \leq 1$  ، بما أن الدالة  $f$  متزايدة على  $[0;1]$  فإن :

.  $f(x) \in [0;1]$  ، أي :  $0 \leq f(x) \leq 1$  ، ومنه :  $0 \leq \frac{1}{2} \leq f(x) \leq 1$  ، لكن :  $\frac{1}{2} \leq f(x) \leq 1$

. إذن : إذا كان  $x \in [0;1]$  فإن :

ج) التمثيل البياني :  
أنظر الشكل المقابل.



(2) لدينا من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :

$$\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_{n+1} = f(u_n) \end{cases}$$

أ) تمثيل الحدود  $u_0, u_1, u_2, u_3$  ، أي :  
أنظر الشكل المقابل.

التخمين : نلاحظ أن المتتالية  $(u_n)$  متزايدة  
وتتقارب نحو فاصلة نقطتا تقاطع المنحني  
 $y = x$  و المستقيم ذو المعادلة  $C$  .

ب) برهان أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $0 \leq u_n \leq 1$  : (نستعمل البرهان بالترافق)

✓ التحقق من أجل  $0 \leq u_0 \leq 1$  ، أي :  $u_0 = 0$  ،  $n = 0$  ، ومنه :  $0 \leq u_0 \leq 1$  (محققة).

✓ نفرض صحة الخاصية من أجل  $n$  ، أي :  $0 \leq u_n \leq 1$  .

✓ ثبت صحة الخاصية من أجل  $n+1$  ، أي :  $0 \leq u_{n+1} \leq 1$  .

لدينا فرضا :  $0 \leq u_{n+1} \leq 1$  ، وحسب السؤال الأول (ب) نستنتج أن :  $0 \leq f(u_n) \leq 1$  أي :  $0 \leq u_n \leq 1$

الخاصية محققة من أجل  $n+1$  يُستلزم أنّها صحيحة من أجل  $n$  ، ومنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$   $0 \leq u_n \leq 1$  . وهو المطلوب.

$$\text{ج) بيان أنّ: } u_{n+1} - u_n = \frac{(1-u_n)(u_n+2)}{u_n+4}$$

$$\text{أي: } u_{n+1} - u_n = \frac{3u_n + 2 - u_n^2 - 4u_n}{u_n + 4} \text{ ، أي: } u_{n+1} - u_n = \frac{3u_n + 2}{u_n + 4} - u_n$$

$$\text{وهو المطلوب. } u_{n+1} - u_n = \frac{(1-u_n)(u_n+2)}{u_n+4} : \text{ ومنه، } u_{n+1} - u_n = \frac{-u_n^2 - u_n + 2}{u_n + 4}$$

لدينا:  $u_n + 4 > 0$  و  $u_n + 2 > 0$  ، وأيضاً:  $1 - u_n \geq 0$  ، ومنه:  $0 \leq u_n \leq 1$  :  $u_{n+1} - u_n \geq 0$  . إذن:  $u_n$  ، ومنه المتالية  $(u_n)$  متزايدة.

د) نعم المتالية  $(u_n)$  متقاربة.

✓ بما أنّ المتالية  $(u_n)$  متزايدة و محدودة من الأعلى بـ 1 (  $0 \leq u_n \leq 1$  ) إذن فهي متقاربة.

$$\text{لدينا: } v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 2} \text{ كما يلي: } (3)$$

أ) برهان أنّ المتالية  $(v_n)$  هندسية:

$$\text{نحسب: } v_{n+1} = \frac{u_{n+1} - 1}{u_{n+1} + 2} = \frac{\frac{3u_n + 2}{u_n + 4} - 1}{\frac{3u_n + 2}{u_n + 4} + 2} = \frac{\frac{3u_n + 2 - u_n - 4}{u_n + 4}}{\frac{3u_n + 2 + 2u_n + 8}{u_n + 4}} = \frac{2u_n - 2}{5u_n + 10} : v_{n+1}$$

$$\cdot v_0 = -\frac{1}{2} \text{ و } q = \frac{2}{5} \text{ إذن المتالية } (v_n) \text{ هندسية أساسها } v_{n+1} = \frac{2}{5} v_n \text{ ، أي: } v_{n+1} = \frac{2(u_n - 1)}{5(u_n + 2)}$$

ب) كتابة عبارة  $v_n$  بدلة  $n$  ، ثم عبارة  $u_n$  بدلة  $n$  :

$$\cdot v_n = -\frac{1}{2} \left(\frac{2}{5}\right)^n : \text{ أي: } v_n = v_0 \times q^n : v_n \text{ عبارة ✓}$$

$$\cdot v_n u_n - u_n = -2v_n - 1 : \text{ أي: } v_n u_n + 2v_n = u_n - 1 : \text{ أي: } v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 2} \text{ عبارة ✓ لدinya: } u_n$$

$$\text{ومنه: } u_n = \frac{-2 \times (-\frac{1}{2}) \left(\frac{2}{5}\right)^n - 1}{(-\frac{1}{2}) \left(\frac{2}{5}\right)^n - 1} : \text{ أي: } u_n = \frac{-2v_n - 1}{v_n - 1} : \text{ أي: } (v_n - 1)u_n = -2v_n - 1$$

$$\text{إذن: } u_n = \frac{\left(\frac{2}{5}\right)^n - 1}{\left(-\frac{1}{2}\right) \left(\frac{2}{5}\right)^n - 1}$$

ج) استنتاج نهاية المتالية  $(u_n)$  :

$$\cdot \lim_{n \rightarrow +\infty} (u_n) = 1 : \text{ ومنه: } \lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{2}{5}\right)^n = 0$$

## التمرين الثاني :

### 1) اللعبة الأولى :

أولاً نعين قيم المتغير العشوائي  $X$  : بما أنه يرفق بعدد الكرات الحمراء المسحوبة فتكون قيمه كالتالي :  $\mathbb{X} \in \{0; 1; 2; 3\}$

✓ تعين قانون إحتمال المتغير العشوائي  $X$  :

عدد الحالات الممكنة للسحب من العلبة  $A$  هي :  $C_{13}^3 = \frac{13!}{3!(13-3)!} = 286$

$X_i$	0	1	2	3
$p_i$	$\frac{1}{286}$	$\frac{30}{286}$	$\frac{135}{286}$	$\frac{120}{286}$

$$\cdot p(X=0) = \frac{C_3^3}{286} = \frac{1}{286} \quad (1)$$

$$\cdot p(X=1) = \frac{C_{10}^1 \times C_3^2}{286} = \frac{10 \times 3}{286} = \frac{30}{286} \quad (2)$$

$$\cdot p(X=2) = \frac{C_{10}^2 \times C_3^1}{286} = \frac{45 \times 3}{286} = \frac{135}{268} \quad (3)$$

$$\cdot p(X=3) = \frac{C_{10}^3}{286} = \frac{120}{286} \quad (4)$$

✓ حساب الأمل الرياضي ( $E(X)$ ) :

$$\cdot E(X) = \frac{0(1) + 1(30) + 2(135) + 3(120)}{286} = \frac{30 + 270 + 360}{286} = \frac{660}{286} \approx 2,3$$

### 2) اللعبة الثانية :

(أ) تمثيل الوضعية بشجرة الإحتمالات :  
أنظر الشكل المقابل .

ب) إحتمال أن تكون الكرة المسحوبة حمراء هو :

$$\cdot p(R) = p(A \cap R) + p(B \cap R)$$

$$\cdot p(R) = (p(A) \times p_A(R)) + (p(B) \times p_B(R))$$

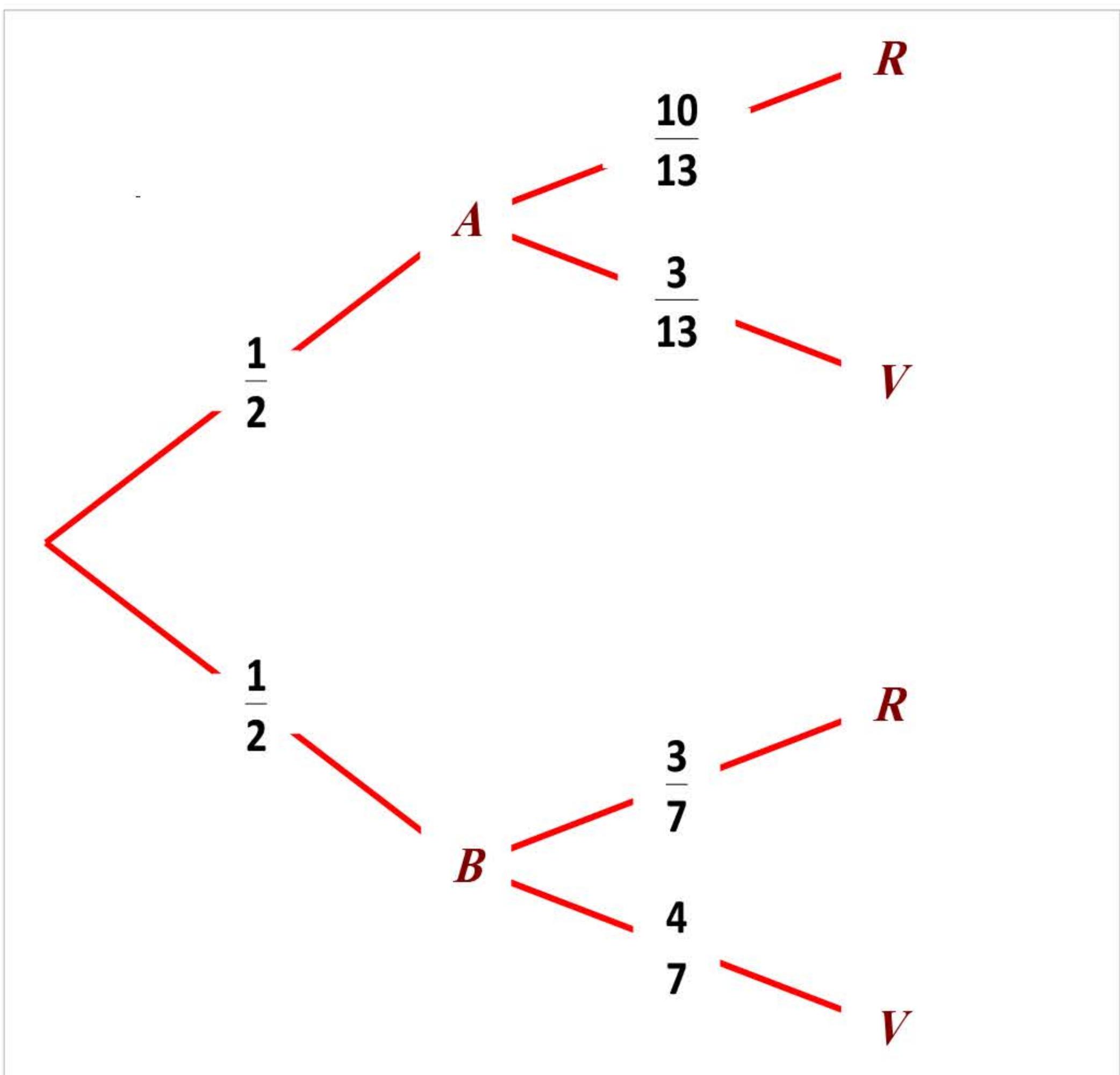
$$\therefore p(R) = \left(\frac{1}{2} \times \frac{10}{13}\right) + \left(\frac{1}{2} \times \frac{3}{7}\right)$$

$$\therefore p(R) = \left(\frac{5}{13}\right) + \left(\frac{3}{14}\right) = \frac{70 + 39}{182} = \frac{109}{182}$$

ج) حساب الإحتمال الشرطي :

$$p_R(A) = \frac{p(A \cap R)}{p(R)} = \frac{\frac{5}{13}}{\frac{109}{182}} = \frac{5}{13} \times \frac{182}{109}$$

$$\therefore p_R(A) = \frac{70}{109} : \text{ومنه}$$



الجزء الأول: نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $[0; +\infty]$  كما يلي:  $\cdot g(x) = \ln x + \frac{x-2}{x}$  حساب النهايات: 1

$$\cdot \begin{cases} \lim_{x \rightarrow 0^+} \ln x = -\infty \\ \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x-2}{x} = -\infty \end{cases} \text{ لأن } \lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = -\infty \quad \checkmark$$

$$\cdot \begin{cases} \lim_{x \rightarrow +\infty} \ln x = +\infty \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x-2}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{x} = 1 \end{cases} \text{ لأن } \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty \quad \checkmark$$

(2) دراسة تغيرات الدالة  $g$  و تشكيل جدول تغيراتها:

### جدول التغيرات:

$x$	0	$+\infty$
$g'(x)$	+	
$g(x)$	$-\infty$	$+\infty$

الدالة  $g$  قابلة للإشتقاق على المجال  $[0; +\infty]$

و دالتها المشتقة هي:  $\cdot g'(x) = \frac{1}{x} + \frac{2}{x^2}$

نلاحظ أن:  $\cdot [0; +\infty[ g'(x) > 0$  من أجل كل  $x$  من  $[0; +\infty[$ .  
إذن الدالة  $g$  متزايدة تماما على  $[0; +\infty[$ .

(3) بيان أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلّاً وحيداً  $\alpha$  حيث:  $1,4 < \alpha < 1,5$  حيث: الدالة  $g$  مستمرة و رتيبة على  $[0; +\infty[$ ، إذن هي مستمرة و رتيبة على المجال  $[1,4; 1,5]$ .

و بما أن:  $\left\{ \begin{array}{l} g(1,4) = -0,09 \\ g(1,5) = 0,07 \end{array} \right.$  أي:  $g(1,4) \times g(1,5) < 0$ : إذن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلّاً وحيداً  $\alpha$  حيث:  $1,4 < \alpha < 1,5$

إشارة  $(g)$  حسب قيم  $x$  من  $[0; +\infty[$ : نلخص الإشارة في الجدول التالي: ✓

$x$	0	$\alpha$	$+\infty$
$g(x)$	-	○	+

من أجل  $x \geq \alpha$  يكون  $g(x) \geq g(\alpha)$ ، أي:  $g(x) \geq 0$   
من أجل  $x < \alpha$  يكون  $g(x) < g(\alpha)$ ، أي:  $g(x) < 0$

الجزء الثاني :  $f$  دالة معرفة على  $]0; +\infty[$

(1) حساب النهايات :

$$\cdot \begin{cases} \lim_{x \xrightarrow{x > 0} 0^+} (x-2) = -2 \\ \lim_{x \xrightarrow{x > 0} 0^+} \ln x = -\infty \end{cases} \text{ لأن } \lim_{x \xrightarrow{x > 0} 0^+} f(x) = \lim_{x \xrightarrow{x > 0} 0^+} [1 + (x-2)\ln x] = +\infty \quad \checkmark$$

.  $x = 0$  . التفسير الهندسي : المنحني  $(C_f)$  يقبل مستقيماً مقارباً عمودياً معادلته

$$\cdot \begin{cases} \lim_{x \rightarrow +\infty} (x-2) = +\infty \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} \ln x = +\infty \end{cases} \text{ لأن } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} [1 + (x-2)\ln x] = +\infty \quad \checkmark$$

(2) دراسة اتجاه تغير الدالة  $f$  وتشكيل جدول تغيراتها :

✓ الدالة المشتقة : الدالة  $f$  تقبل الإشتقاق على  $]0; +\infty[$  ، و دالتها المشتقة هي :

$$\cdot f'(x) = g(x) , f'(x) = \ln x + \frac{x-2}{x} : \text{أي } f'(x) = \ln x + \frac{1}{x}(x-2)$$

إذن إشارة  $f'(x)$  من إشارة  $g(x)$

✓ جدول التغيرات :

$x$	0	$\alpha$	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	$+\infty$	$f(\alpha)$	$+\infty$

.  $\alpha \approx 1,45$  : بَيْنَ أَنْ  $f(\alpha) = 1 - \frac{(\alpha-1)^2}{\alpha}$  ، ثمّ أعط قيمة مقرّبة لـ  $f(\alpha)$  من أجل

$$\cdot \ln \alpha = -\frac{\alpha-2}{\alpha} : \text{أي } \ln \alpha + \frac{\alpha-2}{\alpha} = 0 : g(\alpha) = 0$$

نحسب الآن  $f(\alpha) = 1 + (\alpha-2)(-\frac{\alpha-2}{\alpha})$  : أَي  $f(\alpha) = 1 + (\alpha-2)\ln \alpha$  :  $f(\alpha)$  ، ومنه :

$$\cdot f(\alpha) = 1 - \frac{(\alpha-1)^2}{\alpha} \text{ وهو المطلوب.}$$

✓ من أجل  $\alpha \approx 1,45$  ، يكون  $f(\alpha) \approx 0,8$

(4) هو المماس للمنحني  $(C_f)$  عند النقطة  $M_0$  ذات الفاصلة  $x_0$  :

(أ) كتابة معادلة المماس  $y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$  :

ب) بما أن  $(T_{x_0})$  يشمل النقطة  $A(2;0)$  فيكون لدينا : (إحداثياتها يحققان معادلة المماس )

$$\cdot 0 = \left[ \ln x_0 + \frac{x_0-2}{x_0} \right] (2-x_0) + 1 + (x_0-2)\ln x_0 : \text{أَي } 0 = f'(x_0)(2-x_0) + f(x_0) , \text{ ومنه :}$$

$$(x_0 - 2) \left[ -\frac{x_0 - 2}{x_0} \right] = -1 \quad \text{أي: } 0 = (x_0 - 2) \left[ \ln x_0 - \left( \ln x_0 + \frac{x_0 - 2}{x_0} \right) \right] + 1$$

$$\cdot x_0^2 - 4x_0 + 4 - x_0 = 0 \quad \text{أي: } (x_0 - 2)^2 = x_0 \quad \text{أي: } -(x_0 - 2)^2 = -x_0 \quad \text{أي: } -\frac{(x_0 - 2)^2}{x_0} = -1$$

ومنه:  $x_0 = 4$ , معناه أن:  $x_0 = 1$ , أو

ج) إذن المنحني  $(C_f)$  يقبل مماسين يمران بالنقطة A :

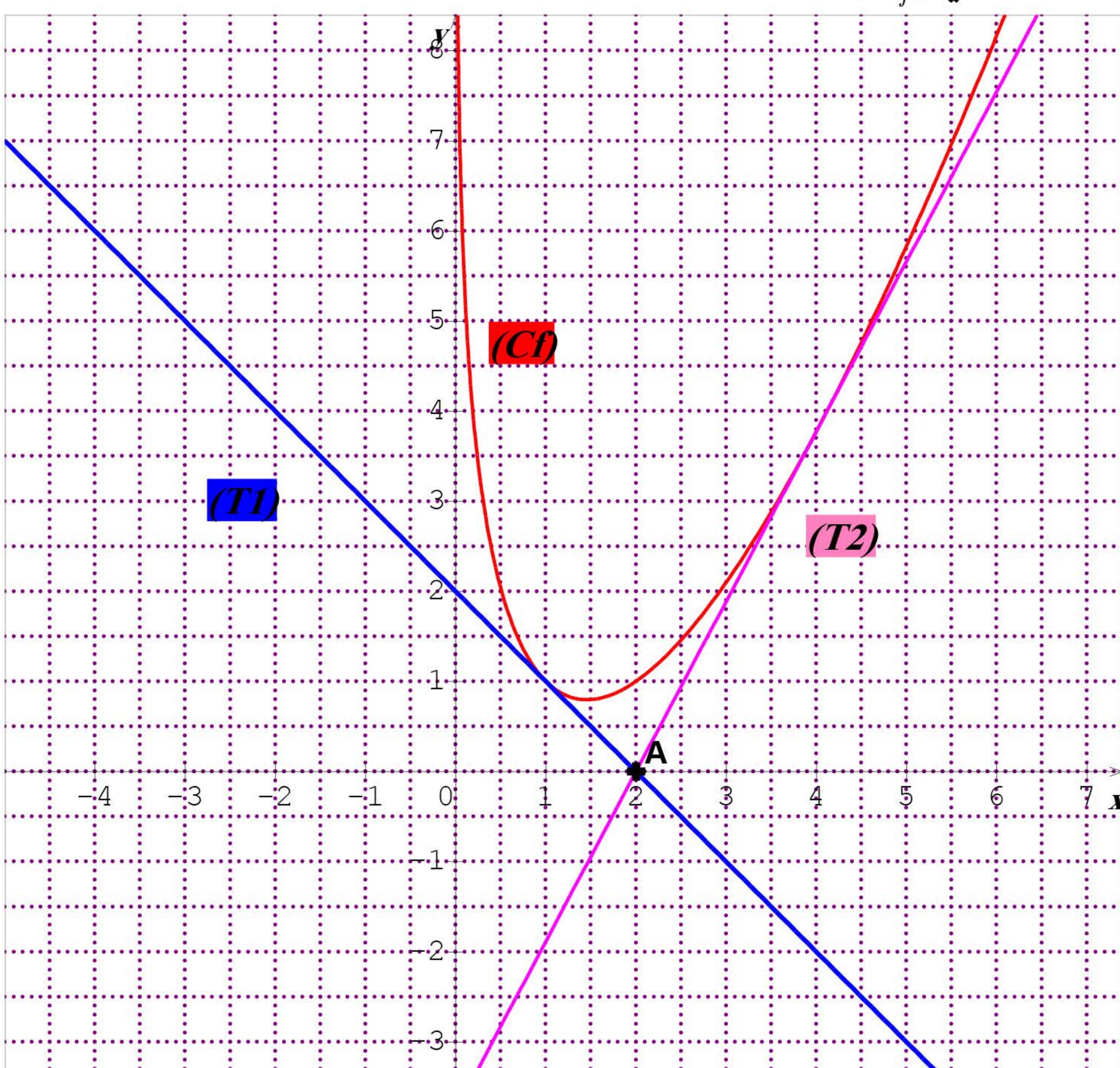
✓ المماس الأول يمس  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 1.

✓ المماس الثاني يمس  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 4.

. (1) معادلة المماس الأول:  $y = -x + 2$  (T<sub>1</sub>):  $y = f'(1)(x - 1) + f(1)$  : ومنه:

. (2) معادلة المماس الثاني:  $y = (\ln 4 + \frac{1}{2})x - 2 \ln(4) - 1$  ،  $y = f'(4)(x - 4) + f(4)$  : ومنه:

(5) رسم المماسين والمنحني :



الجزء الثالث: .  $(d_m): y = mx - 2m$

أ) التحقق أن:  $(d_m)$  يمر بالنقطة A أي: نعوض إحداثي النقطة A في معادلة المستقيم  $(d_m)$  :

$$A \in (d_m) \Rightarrow 0 = m(2) - 2m \quad \text{إذن: } (d_m) \text{ يشمل النقطة } A$$

ب) المناقشة البيانية لعدد حلول المعادلة  $f(x) = mx - 2m$

عدد حلول المعادلة هي فواصل نقاط تقاطع المنحني  $(C_f)$  مع المستقيم  $(d_m)$  .

المستقيم  $(d_m)$  يتحرك حركة دورانية حول النقطة الثابتة A .

نعلم أن المماسين  $(T_1)$  و  $(T_2)$  يمران أيضاً بالنقطة  $A$ .

. ندرس ثلاث حالات :

$$\begin{cases} (d_m) : y = mx - 2m \\ (T_1) : y = -x + 2 \\ (T_2) : y = (\ln 4 + \frac{1}{2})x - 2\ln(4) - 1 \end{cases}$$

لدينا :

ما :  $m < 0$  ، هناك ثلاث حالات ✓

معناه أن  $m < -1$  :  $(d_m)$  يقع فوق  $(T_1)$  ، ومنه المعادلة تقبل حلّين متمايزين .

معناه أن  $m = -1$  :  $(d_m)$  هو نفسه  $(T_1)$  ، ومنه المعادلة تقبل حلّ وحيد هو 1 .

معناه أن  $-1 < m < 0$  :  $(d_m)$  يقع تحت  $(T_1)$  ، ومنه المعادلة لا تقبل حلول .

ما :  $m = 0$  ، معناه أن  $(d_m) : y = 0$  ، ومنه المعادلة لا تقبل حلول . ✓

ما :  $m > 0$  ، هناك ثلاث حالات ✓

معناه أن  $0 < m < \ln 4 + \frac{1}{2}$  :  $(d_m)$  يقع تحت  $(T_2)$  ، ومنه المعادلة لا تقبل حلول .

معناه أن  $m = \ln 4 + \frac{1}{2}$  :  $(d_m)$  هو نفسه  $(T_2)$  ، ومنه المعادلة تقبل حلّ وحيد هو 4 .

معناه أن  $m > \ln 4 + \frac{1}{2}$  :  $(d_m)$  يقع فوق  $(T_2)$  ، ومنه المعادلة تقبل حلّين متمايزين .

تمنياتنا للجميع بالنجاح الباهر في بكالوريا 2018 إن شاء الله

كتابه الأستاذ: بقاسم عبد الرزاق