

الفرض الثاني للثلاثي الأول في مادة الرياضياتالأسئلة:

(I) $g(x) = e^{\frac{x}{x+1}}$ دالة عدديّة معرفة على المجال $[-1; +\infty)$ بـ: ** أدرس تغيرات الدالة g ، ثم بين أن من أجل كل $x > -1$ $g(x) < e$:

(II) $f(x) = x + 1 - e^{\frac{x}{x+1}}$ دالة معرفة على المجال $[-1; +\infty)$ بـ: تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى م.م.م (C_f) وحدة الطول $2cm$ تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى م.م.م $(\vec{o}, \vec{i}, \vec{j})$.

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

(2) من أجل كل $x > -1$ أحسب $f'(x)$ ، ثم بين أن: $f''(x) = \frac{2x+1}{(x+1)^4} e^{\frac{x}{x+1}}$

ب) أحسب $f'(x) = 1 - \frac{1}{x^2} \left(\frac{x}{x+1} \right)^2 \cdot e^{\frac{x}{x+1}}$. ثم بين أن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x)$.

ج) استنتج اتجاه تغير الدالة المشتقه f' ثم شكل جدول تغيراتها $(\lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 e^x = 0)$

د) بين أن المعادلة $0 = f'(x)$ تقبل حلين أحدهما معدوم والآخر α حيث: $-0.72 < \alpha < -0.71$

(3) مما سبق استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) لتكن النقطة $A(0; x)$ حيث $-1 < x$ ، المستقيم العمودي المار من النقطة A ويقطع المنحني (C_f) في النقطة M و يقطع المستقيم (Δ) ذو المعادلة

$$\Psi(x) = MN \quad \text{في النقطة } N, \text{ نضع: } y = x - e + 1$$

الفرض الثاني للثلاثي الأول في مادة الرياضياتالأسئلة:

(I) $g(x) = e^{\frac{x}{x+1}}$ دالة عدديّة معرفة على المجال $[-1; +\infty)$ بـ: ** أدرس تغيرات الدالة g ، ثم بين أن من أجل كل $x > -1$ $g(x) < e$:

(II) $f(x) = x + 1 - e^{\frac{x}{x+1}}$ دالة معرفة على المجال $[-1; +\infty)$ بـ: تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى م.م.م (C_f) وحدة الطول $2cm$.

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

(2) من أجل كل $x > -1$ أحسب $f'(x)$ ، ثم بين أن: $f''(x) = \frac{2x+1}{(x+1)^4} e^{\frac{x}{x+1}}$

ب) أحسب $f'(x) = 1 - \frac{1}{x^2} \left(\frac{x}{x+1} \right)^2 \cdot e^{\frac{x}{x+1}}$. ثم بين أن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x)$.

ج) استنتاج اتجاه تغير الدالة المشتقه f' ثم شكل جدول تغيراتها $(\lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 e^x = 0)$

د) بين أن المعادلة $0 = f'(x)$ تقبل حلين أحدهما معدوم والآخر α حيث: $-0.72 < \alpha < -0.71$

(3) مما سبق استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) لتكن النقطة $A(0; x)$ حيث $-1 < x$ ، المستقيم العمودي المار من النقطة A ويقطع المنحني (C_f) في النقطة M و يقطع المستقيم (Δ) ذو المعادلة

$$\Psi(x) = MN \quad \text{في النقطة } N, \text{ نضع: } y = x - e + 1$$

(أ) بين أن $\Psi(x) = -g(x) + e$

اقلب الصفحة

ص1

(أ) بين أن $\Psi(x) = -g(x) + e$

اقلب الصفحة

ص1

ب) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \Psi(x)$. ثم فسر النتيجة هندسيا حسب المنحنى (C_f) .

ج) أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

5) أ) بين أن : $f(\alpha) = -\alpha(\alpha+1)$ ، ثم استنتج حصراً $f(\alpha)$

6) ارسم (Δ) و (C_f) .

7) ناقش بيانيا عدد و إشارة حلول المعادلة $f(x) = |m|$ ، m وسيط حقيقي

$h(x) = x - 1 - e \cdot e^{\frac{-1}{x}}$ نعتبر الدالة h المعرفة على $[-1; +\infty)$ بـ:

(C_h) تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى م.م.م (o, \vec{i}, \vec{j})

أ) عين قيمة العدد الحقيقي β :

ب) اشرح كيفية إنشاء (C_h) انطلاقاً من

انتهى

ص2

(أ) بين أن $\Psi(x) = -g(x) + e$

اقلب الصفحة

ص1

ب) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \Psi(x)$. ثم فسر النتيجة هندسيا حسب المنحنى (C_f) .

ج) أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

5) أ) بين أن : $f(\alpha) = -\alpha(\alpha+1)$ ، ثم استنتاج حصراً $f(\alpha)$

6) ارسم (Δ) و (C_f) .

7) ناقش بيانيا عدد و إشارة حلول المعادلة $f(x) = |m|$ ، m وسيط حقيقي

$h(x) = x - 1 - e \cdot e^{\frac{-1}{x}}$ نعتبر الدالة h المعرفة على $[-1; +\infty)$ بـ:

(C_h) تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى م.م.م (o, \vec{i}, \vec{j})

أ) عين قيمة العدد الحقيقي β :

ب) اشرح كيفية إنشاء (C_h) انطلاقاً من

انتهى

ص2

$$f''(x) = \frac{2x+1}{(x+1)^4} e^{\frac{x}{x+1}}$$

* نبين أن

$$A(x; 0) : \Psi(x) = -g(x) + e$$

$$M(x; f(x)); N(x; x - e + 1), (\Delta) : y = x - e + 1$$

$$\Psi(x) = MN = \sqrt{(x - x)^2 + ((x - e + 1) - f(x))^2}$$

$$= \sqrt{\left(-e + e^{\frac{x}{x+1}}\right)^2} = \left|-e + e^{\frac{x}{x+1}}\right| = -e^{\frac{x}{x+1}} + e$$

$$\Psi(x) = -g(x) + e$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \Psi(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} (-g(x) + e) = 0$$

ب) حساب تفسير النتيجة هندسيا حسب المنحنى

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (x - e + 1)) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \Psi(x) = 0$$

فإن (C_f) يقبل حل مقاربًا مائلًا بجوار $+\infty$

ج) دراسة الوضع النسبي لـ (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ)

$$\Psi(x) = -g(x) + e = e - e^{\frac{x}{x+1}}$$

من أجل كل $x > -1$: $\Psi(x) > 0$ ومنه:

من أجل كل $x > -1$: x يقع فوق (Δ)

$$(5) \text{ نبين أن } f(\alpha) = -\alpha(\alpha+1)$$

$$f'(\alpha) = 1 - \frac{1}{(\alpha+1)^2} e^{\frac{\alpha}{\alpha+1}} = 0$$

$$f(\alpha) = \alpha + 1 - e^{\frac{\alpha}{\alpha+1}} = \alpha + 1 - (\alpha + 1)^2 = -\alpha(\alpha + 1)$$

$$-0.72 < \alpha < -0.71 \quad \text{لدينا } f(\alpha) = 0$$

$$(2) \dots 0.28 < \alpha + 1 < 0.29, (1) \dots 0.71 < -\alpha < 0.72$$

فإن الدالة f' متناقصة تماماً على $\left[-1; -\frac{1}{2}\right]$

ومنه: $0.2088 < f'(\alpha) < 1$

ومنه: **7 مناقشة بيانيًا عدد و إشارة حلول المعادلة**

m ، $f(x) = |m|$ و سطح حقيقي

حلول المعادلة (E) هي فواصل نقط تقاطع المنحنى

$y = |m|$ مع المستقيمات التي معادلاتها: (C_f)

$m = 0$ يكافيء $|m| = 0$ ①

إذا كان $m = 0$ فإن (E) تقبل حل مضاعف معدوم

يكافيء $\begin{cases} 0 < |m| \\ |m| < f(\alpha) \end{cases}$ ②

إذا كان $m \in \left[-f(\alpha); 0 \cup 0; f(\alpha)\right]$ يكافيء $\begin{cases} m \in \square^* \\ f(\alpha) < m < f(\alpha) \end{cases}$

إذا كان $m \in \left[-f(\alpha); 0 \cup 0; f(\alpha)\right]$ فإن المعادلة (E) تقبل حلان سالبان و حل موجب

يكافيء $|m| = f(\alpha)$ ③ أو $m = -f(\alpha)$

إذا كان $m = -f(\alpha)$ أو $m = f(\alpha)$ فإن المعادلة

(E) تقبل حل مضاعف سالب و حل موجب

يكافيء $|m| > f(\alpha)$ ④

إذا كان $m \in \left[-\infty; -f(\alpha)\right] \cup \left[f(\alpha); +\infty\right]$ يكافيء

إذا كان $m \in \left[-\infty; -f(\alpha)\right] \cup \left[f(\alpha); +\infty\right]$ فإن $m < -f(\alpha)$ يكافيء

$$h(x) = x - 1 - e \cdot e^{\frac{-1}{x}} \quad \text{تعريفة على } h \quad (III)$$

$$h(x) = f(x-1) + \beta \quad \beta : \text{تعيين قيمة العدد الحقيقي } \beta$$

$$\beta = h(x) - f(x-1) \quad , \quad f(x-1) = x - e \cdot e^{\frac{x-1}{x}} = x - e^{\frac{1}{x}}$$

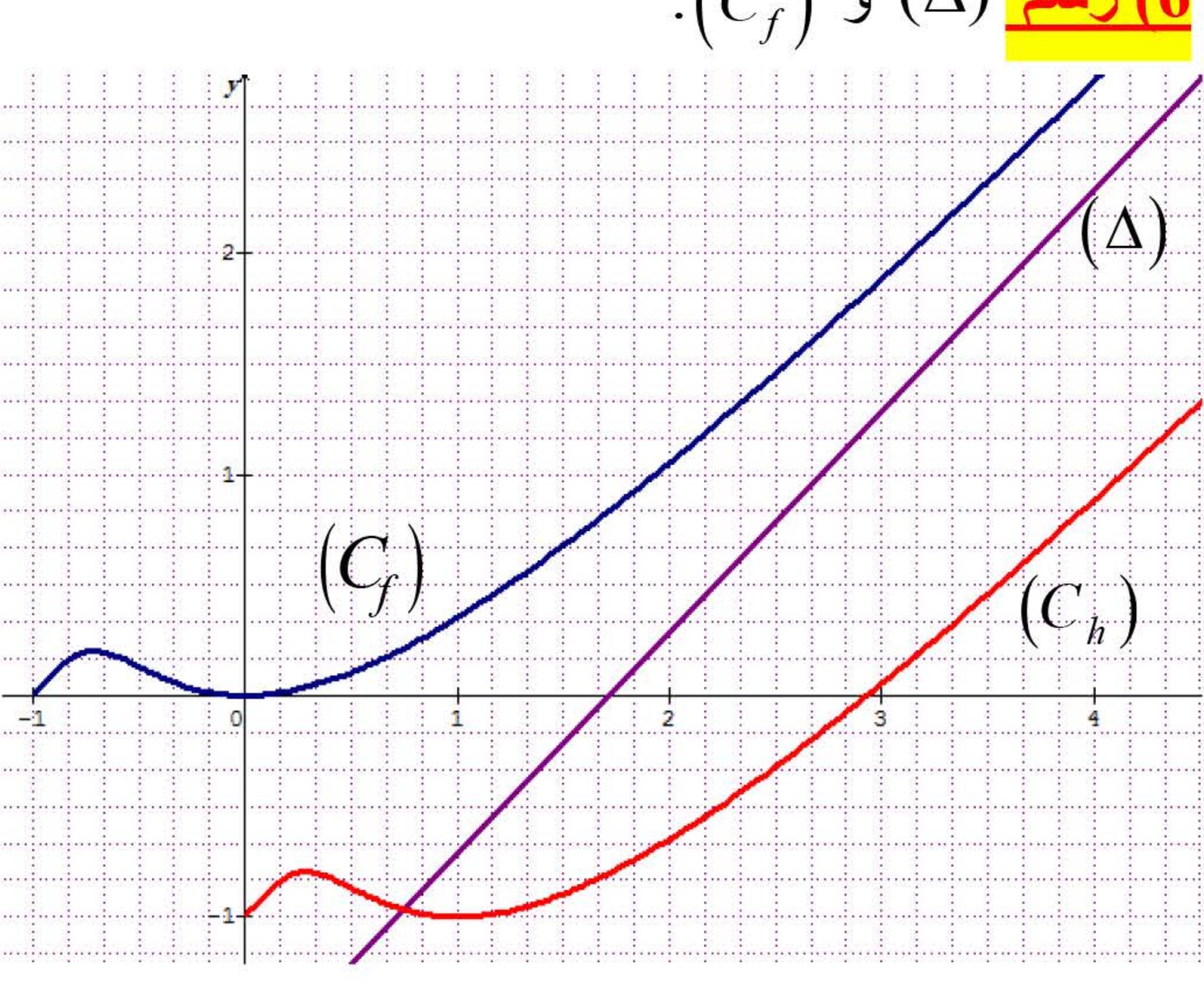
$$\beta = x - 1 - e \cdot e^{\frac{-1}{x}} - \left(x - e \cdot e^{\frac{-1}{x}} \right) = -1 \quad \text{ومنه:}$$

ب) شرح كيفية إنشاء (C_h) انطلاقاً من (C_f)

$$\text{لدينا: } h(x) = f(x-1) - 1$$

بواسطة انسحاب شعاعه $\vec{i} - \vec{j}$ هو صورة (C_f) (أ) (6) رسم

$$\therefore (C_f) \text{ و } (C_h)$$



m	$-\infty$	$-f(\alpha)$	0	$f(\alpha)$	$+\infty$
عدد وإشارة حلول المعادلة (E)	حل وحيد سالب	حل مضاعف سالب و حل موجب	حل مدعوم	حل مدعوم	حل وحيد موجب

بضرب أطراف المتباعدة(1);(2) طرف إلى طرف :

$$0.1988 < -\alpha(\alpha + 1) < 0.2088$$

**** أرجو إعلامنا إن كانت هناك أخطاء ****