

## التمرين الأول:(7 نقاط)

لتكن المتتالية العددية ( $u_n$ ) المعرفة كما يلي:  $u_0 = 1$  من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :

1. أ) حسب الحدود  $u_1$ ،  $u_2$ ،  $u_3$  تعطى النتائج على الشكل  $2^p$  حيث  $p$  عدد ناطق

ب) برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $0 \leq u_n \leq 2$

ج) ادرس اتجاه تغير المتتالية ( $u_n$ ) ثم ببر تقاريرها واحسب نهايتها

2. لتكن المتتالية العددية ( $v_n$ ) المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ

أ) بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تحديد أساسها وحدتها الأول

ب) اكتب كل من  $n$  ثم  $u_n$  بدلالة  $n$

3. أ) احسب  $S_n$  بدلالة  $n$  حيث  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$

ب) استنتج  $p_n$  بدلالة  $n$  حيث  $p_n = \frac{v_0}{2} \times \frac{v_1}{2} \times \dots \times \frac{v_n}{2}$

## التمرين الثاني:(3 نقطه)

أ. لتكن الدالة العددية  $g$  والمعرفة على المجال  $\mathbb{R}$  بـ  $g(x) = xe^{-x}$ . (حيث  $e$  هو أساس اللوغاريتم النيبيري)

1) احسب النهايات  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

2) ادرس اتجاه تغيرات الدالة  $g$ ، شكل جدول تغيرات الدالة  $g$

3) بين أن المعادلة  $\frac{-1}{2} = g(x)$  تقبل حلًا وحيدًا في  $\mathbb{R}$ ، ثم تحقق من أن  $-0.35 < \alpha < -0.36$

4) استنتاج إشارة  $1 + 2xe^{-x}$  حسب قيمة العدد الحقيقي  $x$

5) نقبل أن المعادلة  $1 - \beta = g(x)$  تقبل حلًا وحيدًا  $\beta$  في  $\mathbb{R}$  مع  $-0.56 < \beta < -0.57$ .

حدد إشارة  $xe^{-x} + 1$

ii. نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجموعة  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $f(x) = xe^{-x} + (xe^{-x})^2$

( $C_f$ ) تمثلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( $j; i; 0$ ) (وحدة الطول

1) احسب النهايات:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2) بين انه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f'(x) = (1-x)(1+2xe^{-x})e^{-x}$  مستنتاج اتجاه تغيرات الدالة  $f$

3) تتحقق من أن  $f(\alpha) = \frac{-1}{4}$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$

4) ادرس وضعية المنحني ( $C$ ) بالنسبة لمحور الفواصل

5) اكتب معادلة المماس ( $T$ ) للمنحني ( $C$ ) عند مبدأ المعلم، ثم ادرس وضعية المنحني ( $C$ ) بالنسبة للمماس ( $T$ )

( لاحظ أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $1 + xe^{-x} \leq x + 1 \leq e^x$  ) وماذا تستنتج ؟

6) أنشئ كل من  $(T)$  ،  $(C_f)$  على المجال  $[-1; +\infty[$

**بالتوفيق**