

ثانوية العقيد لطفي
وهـرـان

بكالوريا تجريبي في مادة العلوم الفيزيائية 2012 / 2013
السنة الثالثة رياضيات
الموضوع الأول
المدة 4 ساعات
تمرين 1 (الأجزاء مستقلة).

في حوض للأسماك (Aquarium) ، يمكن لعدة عوامل أن تساهم في خلق وسط خطير على حياة و صحة الأسماك. فبعض الأسماك لا يمكنها أن تعيش إلا في أوساط حمضية و البعض الآخر يتطلب أوساطا قاعدية، كما أن كل هذه الأسماك لا يمكنها أن تتحمل نسبة مرتفعة من شوارد الأمونيوم (NH_4^+) التي تتحول إلى شوارد النترات (NO_3^-) السامة. لذلك فمن المفروض أن نراقب ونضبط على الأقل مرة في الأسبوع دورة الأروت و pH الماء في الحوض.

الجزء 1 : دراسة محلول تجاري يستعمل لخفض pH ماء حوض السمك:

تتوفر على محلول تجاري S_0 لحمض كلور الماء ($H_3O^+_{aq} + Cl^-_{aq}$) تركيزه المولي C_0 . لتحديد قيمة C_0 التي تساوي تركيز شوارد الهيدرونيوم H_3O^+ في المحلول ، نقوم بتخفيف المحلول التجاري S_0 خمسين مرة للحصول على محلول S_A تركيزه C_A .
نأخذ حجما $V_A = 20,0 \text{ mL}$ من المحلول المخفف S_A و نعايره بواسطة محلول S_B لهيدروكسيد الصوديوم ($Na^+_{aq} + OH^-_{aq}$) تركيزه المولي $C_B = 4,0 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ فنحصل على المنحنيين الممثلين في الوثيقة (1) حيث نمثل كل من pH و مشتقته $d\text{pH}/dV_B$ بدلالة V_B حجم المحلول S_B المضاف.
1- أكتب معادلة تفاعل المعايرة .

2- حدد بيانيا إحداثيات نقطة التكافؤ و استنتج قيمة C_A .

3- بين أن قيمة التركيز C_0 هي : $C_0 = 2,5 \text{ mol.L}^{-1} = [H_3O^+]$

4- لتخفيض pH المحلول المائي لحوض السمك، من قيمته الابتدائية $pH_i = 7$ إلى قيمة نهائية pH_f .
نضيف 20 mL من المحلول (S_0) إلى 100 L من الماء .

حدد قيمة pH_f . نعتبر الحجم النهائي للخليط ثابتا (لتبسيط الحساب) . ($V_{tot} = 100 \text{ L} + 20 \text{ mL} \approx 100 \text{ L}$)

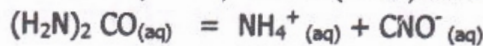
5- يعتبر ماء الحوض كلسيا لكونه يحتوي على شوارد هيدروجينو كربونات (HCO_3^-) ، هذه الأخيرة تتفاعل مع شوارد الهيدرونيوم (H_3O^+) ، حسب معادلة التفاعل التالي : $HCO_3^-(aq) + H_3O^+(aq) = CO_2(aq) + 2H_2O(l)$

1-5- عبر عن ثابت التوازن K المقرونة بهذا التفاعل بدلالة K_A ثابت الحموضة للمزدوجة ($CO_2, H_2O / HCO_3^-$) .
أحسب K . ماذا تستنتج ؟ نعطي : $K_A(CO_2, H_2O / HCO_3^-) = 4.10^{-7}$.

2-5- اعتمادا على معيار التطور التلقائي للمجموعة الكيميائية حدد منحى تطور التفاعل . نعطي قيمة كسر التفاعل في الحالة الابتدائية : $Q_{r,i} = 5$.

تمرين 2 : دراسة تكون شوارد الأمونيوم في حوض السمك :

تتكون مخلفات السمك أساسا من مركب A صيغته $(NH_2)_2CO$ و الذي يلوث الحوض نتيجة تفككه البطيء بحيث يؤدي الى تكون شوارد الأمونيوم (NH_4^+) وشوارد (CNO^-) حسب معادلة التفاعل الكيميائي :



نحضر ، عند لحظة $t = 0$ ، حجما $V = 100 \text{ ml}$ من المركب A تركيزه $C = 0,02 \text{ mol.L}^{-1}$ و نتتبع تطور

التفاعل بقياس الناقلية النوعية المحلول عند درجة حرارة $(45^\circ C)$. نهمل تركيز شوارد (H_3O^+) و (OH^-) أمام باقي الشوارد.

- 1-1- أحسب كمية المادة الأولية للمركب A .
 2-1- أنشئ جدول التقدم الموافق للتفاعل .
 3-1- حدد قيمة التقدم الأقصى x_{max} للتفاعل .

2- أعط عبارة تقدم التفاعل $x(t)$ عند لحظة t بدلالة الناقلية النوعية $\sigma(t)$ و الناقلات المولية الشاردية $\lambda_{(NH_4^+)}$ و $\lambda_{(NO_2^-)}$ و الحجم V .

3- تمثل الوثيقة (2) تطور تقدم التفاعل $x(t)$ بدلالة الزمن : $x = f(t)$.

1-3- أحسب السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة : $t = 25 \text{ min}$

2-3- حدد زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ، علما أن التفاعل تام .

3-3- فسر كيفيا، تغير زمن نصف التفاعل عند خفض درجة الحرارة (درجة الحرارة في الحوض المائي 27°C)

4- تتحول شوارد الأمونيوم (NH_4^+) بدورها ، مع مرور الزمن إلى شوارد النترات (NO_3^-) ، هذه الأخيرة تعتبر غذاء أساسيا للنبات العشبي. فسر لماذا يجب أن يكون الحوض المائي للسماك معشوشبا.

تمرين 3

يمثل المنحنى البياني (1) تغيرات الطاقة المخزنة في وشيعة مقاومتها r وذابيتها $L=200\text{mH}$ خلال استجابتها لرتبة من التوتر قيمتها E عبر ناقل أومي مقاومتها $R=30\Omega$. أنظر الشكل (A)

1- حدد انطلاقا من المنحنى البياني قيمة الطاقة المخزنة في الو وشيعة عند اللحظة $t=5\text{ms}$ و $t=50\text{ms}$

2- حدد قيمة الشدة العظمى I_{max} للتيار.

3- بين أن عبارة المعادلة التفاضلية التي تحقق شدة التيار في الدارة

$$i(t) + \tau \frac{di(t)}{dt} = \beta$$

4- حدد عبارة كل من β و τ

5- عبر عن تغيرات شدة التيار بدلالة الزمن .

6- عبر عن الطاقة المخزنة في الو وشيعة $E_m(t)$ بدلالة الزمن .

7- بين أن عبارة ثابت الزمن يمكن كتابتها بدلالة الزمن على النحو التالي :

$$\tau = - \frac{t}{\ln \left(1 - \sqrt{\frac{2 E_m(t)}{L I_0^2}} \right)}$$

$$I_0 = \frac{E}{(R+r)}$$

8- باستغلالك للمنحنى البياني للطاقة و عبارة ثابت الزمن السابقة احسب قيمة τ

9- عين قيمة المقاومة الداخلية للوشيعة و ماذا تستنتج؟

تمرين 4

تمكن المعادلة التفاضلية التالية $\frac{dx}{dt} + \alpha \cdot x = \beta$ من وصف العديد من الظواهر الفيزيائية المتغيرة خلال الزمن مثل شدة التيار ، التوتر الكهربائي و السرعة . هذه المعادلة التفاضلية تقبل حلين .

$$\text{الحل الأول: } x(t) = \frac{\beta}{\alpha} (1 - e^{-\alpha t}) \quad \text{إذا كان } \beta \neq 0$$

$$\text{الحل الثاني: } x(t) = X_0 (e^{-\alpha t}) \quad \text{إذا كان } \beta = 0$$

تمت دراسة حركة سقوط لكرة معدنية كتلتها m في مائع كتلته الحجمية ρ_f بواسطة برمجية خاصة لتتبع سرعة مركز عطالة الكرة بدلالة الزمن فمكنت من الحصول على المنحنى البياني (2)

1- استنتج معادلة المنحنى البياني

علما أن المعادلة الرياضية المرفقة بالمنحنى البياني (2) تكتب على الشكل: $v(t) = 1,14 \left(1 - e^{-\frac{t}{0,132}} \right)$

حيث أن $v(t)$ بـ m/s وهذه المعادلة توافق بالطبع الحل الأول

1.1- عين قيمة كل من α و النسبة $\frac{\beta}{\alpha}$ وأعط دون تعليل وحدة النسبة السابقة .

2.1- أثبت أن المعادلة التفاضلية التي تقبل الحل $v(t)$ تحقق الكتابة العددية التالية : $\frac{dv}{dt} + 7,58 v = 8,64$

2- دراسة الظاهرة الفيزيائية

1.2- أحص جميع القوى المطبقة على الكرة أثناء السقوط ومثلها على شكل واضح .

2.2- طبق القانون الثاني لنيوتن على المجموعة الممثلة بالكرة.

3- الكرة المستعملة في الدراسة هي فولاذية كتلتها $m=32g$ و حجمها V . تسارع الجاذبية الأرضية في

مكان التجربة هو $g=9,80m/s^2$. تعطى عبارة قوة الاحتكاك بالعبارة التالية $\vec{f} = -k\vec{v}$

1.3- باستعمال محور رأسي (عمودي) موجه من الأعلى نحو الأسفل ، أثبت أن المعادلة التفاضلية المتعلقة

بالمقدار المتغير $v(t)$ يحقق العبارة التالية : $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = \left(1 - \frac{\rho_f \cdot V}{m} \right) g$

2.3- أوجد من البيان بطريقتين مختلفتين قيمة ثابت الزمن τ

3.3- ما قيمة المعامل β إذا كانت دافعة أرخميدس مهمة ؟ باستعمال المعادلة في السؤال 2.1 بين أن هذه

القوة يجب أخذها بعين الاعتبار

تمرين 5

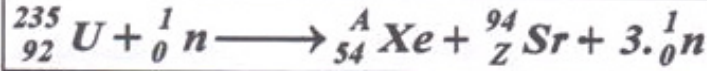
ننجز عمودا كهربائيا باستعمال العدة التالية:

- 1- صفيحة من الفضة وأخرى من الرصاص.
 - 2- جسر ملحي يحتوي على نترات البوتاسيوم.
 - 3- كأس يحتوي على حجم $V=100ml$ من محلول لنترات الفضة $(Ag^+(aq) + NO_3^-(aq))$ الذي تركيزه الابتدائي بشوارد الفضة : $[Ag^+] = 0,2mol/l$
 - 4- كأس يحتوي على حجم $V=100ml$ من محلول لنترات الرصاص $(Pb^{2+}(aq) + 2NO_3^-(aq))$ الذي تركيزه الابتدائي بشوارد الفضة : $[Pb^{2+}] = 0,2mol/l$
- يشير مقياس فولت متر أن صفيحة الفضة هي القطب الموجب للعمود .
- 1- مثل شكل العمود مع تسمية مختلف مكوناته و قدم تمثيله الاصطلاحي .
 - 2- أكتب المعادلة الحصيلة الحادثة أثناء اشتغال العمود . (معادلة الأكسدة الإرجاعية)
 - 3- إذا علمت أن ثابت التوازن المتعلق بالتفاعل الحاصل هو $K=6,8 \cdot 10^{28}$. تأكد أن التفاعل يتحقق في منحى التطور التلقائي للمجموعة الكيميائية
 - 4- يمنح هذا العمود تيار شدته ثابتة $I=0,2A$ خلال مدة $2h$
- 1.4- أحسب كمية الكهرباء التي تنتقل في الدارة خلال هذا الاشتغال (هذا بعد أن تنجز جدولاً للتقدم)
- 2.4- احسب قيمة التركيز النهائي لشوارد الفضة .

A) الانشطار النووي

المحطات النووية عبارة عن معامل لإنتاج الكهرباء . حاليا تستعمل هذه المحطات الحرارة الناتجة عن انشطار الأورانيوم 235 الذي يمثل " الوقود النووي " . هذه الحرارة تحول الماء إلى بخار. ضغط البخار يمكن من دوران منوبات " Alternateurs " بالتالي إنتاج الكهرباء.

- 1- أعط تعريف زمن نصف العمر $t_{1/2}$.
- 2- عرف نشاط منبع مشع و أعط وحدته في النظام العالمي للوحدات .
- 3- يتم قذف الأورانيوم 235 بواسطة نوترون ، فيحدث تفاعل هستوي حسب المعادلة التالية:



- 1-3 حدد قيمتي العددين A و Z .
- 2-3 أحسب ب (MeV) الطاقة الناتجة عن تفاعل الانشطار .

B) الاندماج النووي

- يهتم مشروع (ITER) بفرنسا بدراسة الاندماج النووي لنظيري الهيدروجين: 2_1H و 3_1H ، وذلك من أجل التأكد من الإمكانية العلمية لإنتاج الطاقة عبر اندماج الذرات .
- 1- أكتب معادلة الاندماج النووي بين الدوتريوم 2_1H و التريتيوم 3_1H ، علما أن التفاعل ينتج نوترونا و نواة 4_ZX . حدد طبيعة النواة 4_ZX .
 - 2- بين أن الطاقة الناتجة عن تفاعل الاندماج هي : $17,6 MeV$.
 - 3- بمهارة الطاقة الناتجة بالنسبة لنيكليون واحد يشارك في التفاعل في كل من الانشطار و الاندماج النوويين ، استنتج أهمية المشروع (ITER) .

$$1u = 931,5 MeV / c^2 \quad \text{معطيات :}$$

الدقيقة أو النواة	نوترون	دوتريوم	تريتيوم	هيليوم	أورانيوم	كزيتون	سهيرونسيوم
الرمز	${}_0^1n$	2_1H	3_1H	4_2He	${}_{92}^{235}U$	${}_{54}Xe$	${}^{94}Sr$
الكتلة ب u	1,00866	2,01355	3,01550	4,00150	234,9942	138,8892	93,8945

