

التمرين الأول:

لتكن المتتالية (u_n) المعرفة بحدها الأول $u_0 = 1$ و بالعلاقة التراجعية: $u_{n+1} = u_n + 2n + 1$. و ذلك من أجل كل عدد طبيعي n .

و لتكن المتتالية (v_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n بالعلاقة: $v_n = u_{n+1} - u_n$.

1- أحسب v_n بدلالة n ثم بين أن (v_n) متالية حسابية يطلب تعين أساسها و حدتها الأولى.

2- استنتج جهة تغير المتتالية (v_n) .

3- أحسب المجموع S بحيث: $S = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ ثم استنتاج عبارة u_n بدلالة n .

4- أحسب نهاية المتتالية (u_n) عند ∞ .

التمرين الثاني:

$$f(x) = \frac{2x-1}{x-2}$$

تعتبر الدالة f المعرفة على المجال $[2, +\infty) \cup (-\infty, 1]$ كما يلي :

و ليكن (c) منحناها البياني في معلم متعمد و متجانس (j, i, o)

1. أدرس تغيرات الدالة f ثم استنتاج أن (c) يقبل مستقيمين مقاربين يطلب تعين معادلتيهما.

2. عين نقط تقاطع المنحني (c) مع محوري الإحداثيات.

3. عين نقط المنحني (c) التي يكون معامل توجيه المماس عندها يساوي 3- ثم أكتب معادلات هذه المماسات.

4. أرسم المماسات المقاربين و المنحني (c) .

5. بين أن النقطة $(2, 2)$ هي مركز تناظر للمنحني (c) .

التمرين الثالث:

تعتبر الدالة f المعرفة على المجال R كما يلي :

و ليكن (c) منحناها البياني في معلم متعمد و متجانس (j, i, o)

1. أدرس تغيرات الدالة f .

2. أكتب معادلة المماس (t) للمنحني (c) عند النقطة التي فاصلتها 1.

3. لتكن الدالة g المعرفة على المجال R كما يلي: $g(x) = f(x) - (x - 2)$.

4. جد عبارة $(x)g$ ثم استنتاج وضعية المنحني (c) بالنسبة للمستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x - 2$.

بالتفوييق