

التمرين الأول (04,5 نقط) :

x و y عدنان حقيقيان حيث : $1 \leq x \leq 4$ و $3 \leq y \leq 8$ نضع : $A = \frac{1-x^2}{2}$ و $B = \frac{x+y}{1+xy}$

1. احسب قيمة B من أجل $x = \frac{7}{5}$ و $y = \frac{13}{3}$ ، ثم أوجد حصرًا للعدد A .

2. نفرض أن $x = \sqrt{3-\sqrt{5}}$ و $y = \sqrt{3+\sqrt{5}}$.

أ / احسب المجموع : $x^2 + y^2$ ثم الجداء $x.y$.

ب / استنتج قيمة مبسطة للمجموع $x + y$ ثم تحقق أن : $3B = \sqrt{10}$

التمرين الثاني (05 نقط) :

أجب بصح أم خطأ مع التعليل في الحالتين :

أ (العدد $\sqrt{4-\sqrt{7}}\sqrt{4+\sqrt{7}}$ عددا طبيعيا .

ب $(\sqrt{2}-1)^{2009} < (\sqrt{2}-1)^{2010} < (\sqrt{2}-1)^{2011}$

ج (إذا كان $|x| > 2$ و $|x+1| < 5$ فإن : $x \in]-6; 2[$

د (x, y عدنان حقيقيان، نضع $a = \frac{x+y}{2}$ فإن : $d(x; y) < d(x; a)$.

هـ- رتبة مقدار العدد 0,00000284 هي 3×10^{-5} .

التمرين الثالث (10,5 نقط) :

الجزء الأول : f دالة معرفة على \mathbb{R} بالشكل : $f(x) = x^2 - 2x - 3$.

1. احسب صور الأعداد 3 ، -2 ، -1 ، و 4 بالدالة f .

2. احسب سوابق العدد -3 ثم استنتج مما سبق سوابق العدد 5 بالدالة f .

3. تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن : $f(x) = (x-1)^2 - 4$

4. أثبت أن الدالة f متزايدة تماما على المجال $[1; +\infty[$ و متناقصة تماما على المجال $]-\infty; 1]$

الجزء الثاني: من أجل معرفة نقط تقاطع (C_f) فإننا نحل المعادلة $f(x) = 0$ لكن سوف يكون الحل

بيانيا. لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ : $g(x) = x^2$ وليكن (C_g) تمثيلها البياني في معلم متعامد

ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ **الشكل موجود في الوثيقة المرفقة .**

1. حدد من البيان شفعية الدالة g مع التبرير.

2. لتكن الدالة h الدالة التآلفية ذات معامل التوجيه 2 تمثيلها البياني (C_h) يشمل النقطة $A(-1; 1)$

أكتب عبارة الدالة h .

3. تحقق أن من أن $g(x) - h(x) = f(x)$.

4. أنشئ (C_h) في الوثيقة المرفقة. ثم حل بيانيا المعادلة : $g(x) = h(x)$. ماذا تستنتج بالنسبة لـ (C_f)

5. حدد من البيان الوضع النسبي لكل من (C_h) و (C_g) ماذا تستنتج

بالنسبة للوضع النسبي لـ (C_f) بالنسبة لمحور الفواصل.



أستاذ المادة :

أبو القاسم بن محمد علواني

ترجع هذه الوثيقة مع ورقة الإجابة :

..... الاسم الكامل :
المستوى : الأولى ثانوي جذع مشترك علوم وتكنولوجيا

