الكفاءات المستهدفة:



.8

1. الكرة والجلة:

تعریف:

M النقط ونصف قطرها R ، هي مجموعة النقط M

بحیث: OM = R

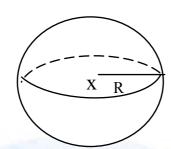
* الجلة التي مركزها () ونصف قطرها R ، هي مجموعة النقط M

بحيث : OM ≤ R



2. مساحة الكرة وحجم الجلة:





مساحة الكرة

$$A = 4\pi R^2$$



3. مقطع لكرة بمستوى:

خاصیة : مقطع کرة بمستوی هو دائرة

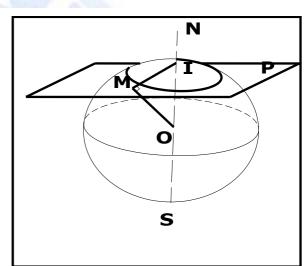
ملاحظة:

[NS] قطر كرة مركزها [NS] هو المستوى العمودي على [NS]

نقول أن : OI هي المسافة بين 0 وP .

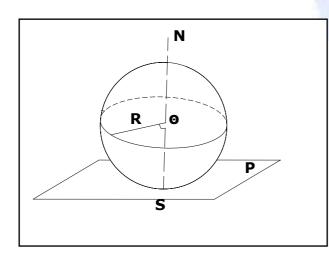
O < OI < Rالحالة 1 :

الدائرة الناتج من قطع الكرة بمستوى P ، ل نقطة M من هذه الدائرة ، OMl قائم في M

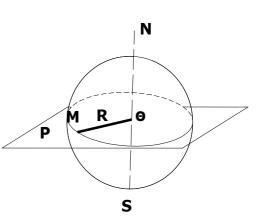


P

R 0



OI = R : 3



(N) S P
.() 0
P :
.(N) S

ملاحظة : إذا كان R > OI > R فإن المستوى P لا يقطع الكرة .

4. مقطع موشور قائم و اسطوانة بمستوى:

4.1 متوازي المستطيلات: خاصية:



2 ilali C I A H H E E

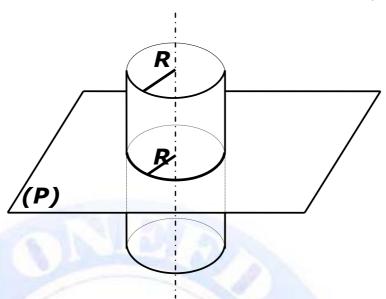
المستوى موازي للحدف [AE] المستوى موازي للوجه ADHE

4. 2 الأسطوانة: خاصية:

مقطع أسطوانة نصف قطر ها R بمستوى

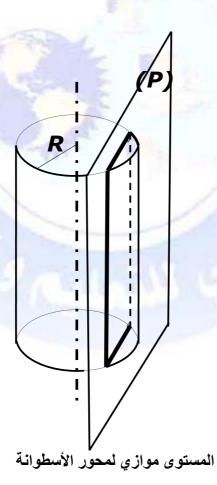
*/ عمودي على المحور: هو دائرة نصف قطرها R مركزها ينتمي الى المحور.

*/ موازي للمحور: هو مستطيل



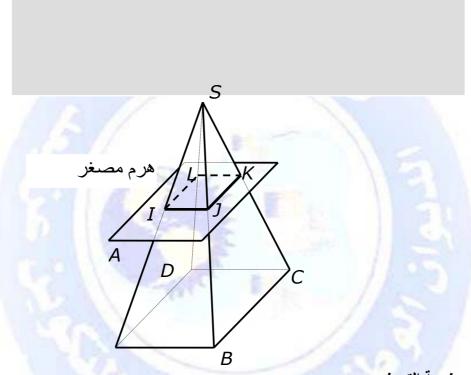
المستوى عمودي على محور الأسطوانة

الحالة 2:



5. مقطع هرم ومخروط دوراني:

1.5 مقطع هرم خاصية :

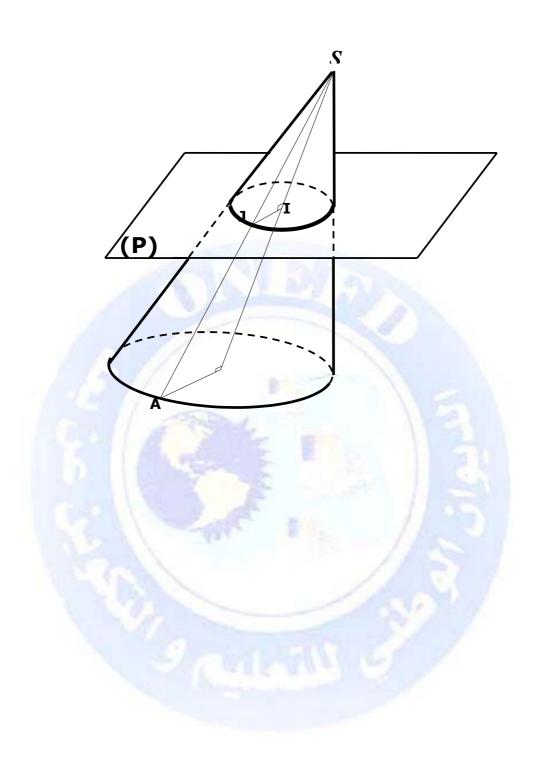


نسبة التصغير:

$$\frac{SI}{SA} = \frac{SL}{SD} = \frac{SK}{SC} = \frac{SJ}{SB}$$

5. 2 مقطع مخروط دوراني:

خاصية :



التمرين المحلول 1:

كرة مركزها 0 ونصف قطرها 4cm ، يقطعها مستوى وفق الدائرة (ϵ) التي مركزها (ϵ) .

المسافة OH بين مركز

الدائرة و المستوى تساوي 2,4 cm

A نقطة من الدائرة (ع)

* أرسم بالقياساتُ الحقيقية المثلث

HOA القائم في H

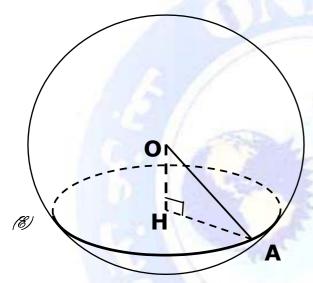
* أحسب نصف قطر الدائرة (ع)

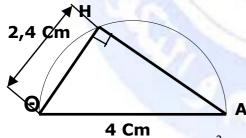
الحل:

1/ الرسم

نرسم [OA] طوله 4cm ، النقطة H هي نقطة تقاطع الدائرة التي قطرها [OA]

والدائرة التي مركزها 0 ونصف قطرها 2,4cm





AOH /2 مثلث قائم في H حسب نظرية فيتاغورث

 $AH^2 + (2,4)^2 = (4)^2$; $AH^2 + HO^2 = OA^2$, i delta i delta A

OA = 4 cm : إذن

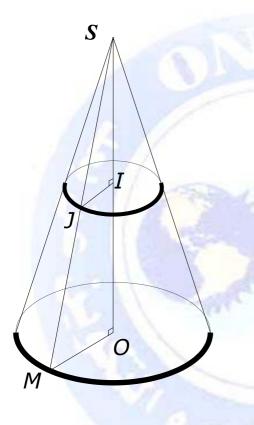
$$AH^2 = 10,24$$

$$AH = \sqrt{10,24} = 3,2cm$$

 $3,2~\mathrm{cm}$ ومنه نصف قطر الدائرة (ε) هو

التمرين المحلول 2:

مخروط دورانی رأسه S ، قاعدته قرص مرکزه 0 ونصف قطره SSO = 10cmSA = 7 cm نقطة من الإرتفاع [SO] حيث Aالمستوى العمودي على [OS] يقطع مولد [MS] في M احسب نصف قطر مقطع المخروط بهذا المستوى .



مقطع مخروط دوراني بمستوى هو تصغير لقاعدة المخروط

$$\frac{SN}{SM} = \frac{SA}{SO} = \frac{AN}{OM}$$
: نسبة التصغير

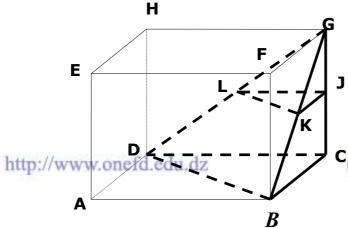
$$\frac{7}{10} = \frac{AN}{5} :$$
إذن

$$AN = \frac{5X7}{10}$$
 اي:

AN = 3,5 cm : ومنه

إذن : المقطع هو دائرة مركزها A ونصف قطرها 3,5 cm

التمرين المحلول 3 :



جميع الحقوق محفوظة

6 cm مكعب طول حرفه ABCDEFGH GJ = 4cm بقطة من الحرف GJ = 4cm بقطع الهرم الذي رأسه G وقاعدته G بمستوى يمر بJ وموازي لهذه القاعدة فتحصل على المقطع JKL المثلث JKL أحسب: JK

*/ أرسم المقطع JKL بالقياسات الحقيقية. الحل:

- طبيعة المثلث JKL

لدينا: ABCD وجه لمكعب فهو مربع إذن: المثلث BCD قائم في C متساوي الساقين.

إدن الملك BCD قائم في C منا المستوى المار ب J مواز للقاعدة

BCD هو تصغير للمثلث JKL هو تصغير

ومنه : المثلث JKL قائم في J متساوي

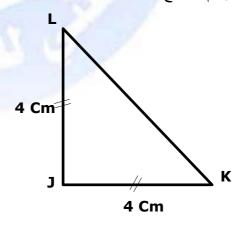
JK = JL الساقين

JK - Lua -

JKL تصغیر لـ BCD إذن

$$rac{4}{6}=rac{JK}{6}$$
 نسبة التصغير هي $rac{GJ}{GC}=rac{JK}{CB}$ أي $rac{GJ}{6}=rac{JK}{6}$ ومنه $rac{JK}{6}=4$

ح/ رسم المقطع JKL بالقياسات الحقيقية



التمرين الأول:

- احسب المدور الى 1/100 للمساحة A لكرة نصف قطر ها R يساوي أراد R = 7 cm ب

التمرين الثاني:

مساحة كرة يساوي 172 cm² احسب المدور الى 1/10 لقطر هذه الكرة.

التمرين الثالث:

تعتبر الأرض كرة نصف قطرها $6400~{\rm Km}$ المحتب مساحتها وحجمها (أعط النتيجة بالكتابة العلمية $a \times 10^n$ عيث $a \times 10^n$ مدور الى $a \times 10^n$).

التمرين الرابع:

مخروط نصف قطر قاعدته R مغمور كليا داخل نصف كرة قارن حجم المخروط وحجم نصف الكرة

التمرين الخامس:

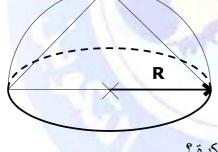
/ كرة نصف قطر ها cm 5 مملوءة بالماء مكعب مجوف طول أحد أحرفه 8cm

- هل يمكن للمكعب أن يحوي الماء الموجود في الكرة ؟
 - أيهما له أكبر مساحة ؟

التمرين السادس:

کرة مرکز ها 0 ونصف قطر ها 7.5 cm، مقطوعة بمستوى يبعد بـ 6cm عن المرکز 0 ، المقطع هو دائرة (3) مرکز ها

- أنشئ الشكل مع تعيين النقطة \hat{M} من الدائرة (ع)
 - أحسب نصف قطر الدائرة (ع).

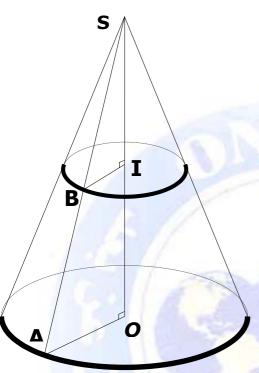


التمرين السابع:

مخروط دور آني ارتفاعه $10 \, \mathrm{cm}$ قاعدة مركزها 0 ونصف قطرها $8 \, \mathrm{cm}$ ، المخروط مقطوع بمستوى موازي لقاعدته يمر ب $7 \, \mathrm{cm}$ عن رأسه $8 \, \mathrm{cm}$

[AS] نقطة من القاعدة ، المستوى يقطع المولد [AS] في [AS] ويقطع الارتفاع [AS] في [AS]

- ما هو نصف قطر المقطع الناتج عن قطع المستوى للمخروط؟



التمرين الثامن:

مقطّع مخروط دوراني بمستوى موازي لقاعدته هو . أ/ أهليجي ب/ دائرة ح/ مستطيل

التمرين التاسع:

هرم قاعدته مربع طول ضلعه 6cm ، مقطوع في منتصف ارتفاعه بمستوى موازي لقاعدته ، مساحة المقطع الناتج يساوي :

 $12 \text{cm}^2 / \Rightarrow 9 \text{cm}^2 / \Rightarrow 18 \text{$

التمرين العاشر:

حجم كرة نصف قطرها 3cm يساوي:

 $113 \text{cm}^3 / \Rightarrow 36\pi \text{cm}^3 / \Rightarrow 20,25\pi \text{cm}^3 / \Rightarrow 113 \text{cm}^3 / \Rightarrow 36\pi \text{cm}$

التمرين الحادي عشر:

مستوى (غير مماس) يقطع كرة مركزها 0 ، المقطع الناتج دائرة مركزها M ، I نقطة من الدائرة المثلث OIM هو مثلث .

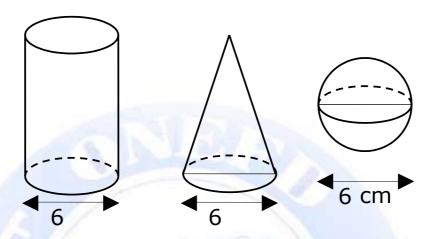
M في I ، بر/ قائم في 0 ، مر/ قائم في M

التمرين الثاني عشر: مقطع اسطوانة بمستوى هو با

http://www.onefd.edu.dz

أ/ دائما مستطيل ب/ دائما دائرة ح/ يمكن أن يكون دائرة أو مستطيل.

التمرين الثالث عشر:



نريد أن يكون للأجسام الثلاثة نفس الحجم ، فكم يلزم أن يكون ارتفاع المخروط والأسطوانة ؟

التمرين الرابع عشر: مخروط دوراني ارتفاعه SO = 8cm ومولده SA =10 cm أ/ أحسب حجم المخروط

ب/ أحسب $CosO\hat{S}A$ واستنتج $O\hat{S}A$ بالتقريب الى الوحدة.

التمرين الأول: حساب مساحة الكرة: R = 2.5 cm / 1

$$A \approx 72,5$$
cm²

$$A \approx 4x3, 14x2, 5 \quad , \qquad A = 4\pi R$$

$$A = 4\pi R$$

$$R = 7 /$$

$$A \approx b15,44$$
cm²

$$A \approx 4x3, 14x7$$

$$A = 4\pi R^2$$

التمرين الثاني: حساب المدور الى 1/10 لقطر الكرة.

$$R=\sqrt{rac{A}{4\pi}}$$
 اي $R^2=rac{A}{4\pi}$ اي $A=4\pi R^2$: لدينا

$$R \approx 3.7cm$$
 ومنه $R \approx \frac{1}{2} \sqrt{\frac{172}{3.14}}$:

التمرين الثالث: حساب مساحة الأرض:

 $Approx 4x3,14x(6400)^2$ لدينا $A=4\pi R^2$: لدينا

 $A \approx 514 \ 457 \ 600 \ Km^2$: أي

 $A \approx 5.1 \times 10^8 \, \mathrm{Km}^2$ الكتابة العلمية

حساب حجم الأرض:

$$V pprox rac{4}{3} x 3, 14 x (6400)^3$$
 ، $V = rac{4}{3} \pi R^3$: لدينا

 $V \approx 1097509300000$: أي

 $V \approx 1.1 \times 10^{12} \, \mathrm{Km}^3$ الكتابة العلمية

التمرين الرابع:

المقارنة بين حجم المخروط وحجم نصف الكرة المغمور بداخلها كليا . جميع الحقوق محفوظة (C)

http://www.onefd.edu.dz

$$V=rac{1}{3}\pi R^3$$
: لدينا عجم المخروط هو

$$V' = \frac{4}{3}\pi R^3$$
 : حجم الكرة هو

حجم نصف الكرة هو:

$$V^{\prime\prime}=2\left(rac{1}{3}\pi R^3
ight)$$
 : أي $V^{\prime\prime}=rac{2}{3}\pi R^2$ ماوي $V^{\prime\prime}=2\left(rac{1}{3}\pi R^3
ight)$. أي الماوي مناوي الماد الخلها .

أي
$$V^{\prime\prime} = \frac{2}{3}\pi R^2$$

ومنه : حجم نصف الكرة يساوي ضعف حجم المخروط المغمور كليا داخلها .

التمرين الخامس:

لمعرفة ذلك نحسب حجم الماء الموجود في الكرة وحجم الماء الذي يمكن أن يحمله المكعب لذلك: 1- نحسب حجم الكرة:

 $V \approx 510,25 cm^3$: ومنه

ومنه : يمكن للمكعب أن يحوي حجم الماء الموجود في الكرة.

2- المقارنة بين مساحة الكرة ومساحة المكعب

$$A_1 \approx 4x3, 14(5)^2$$
 أي

$$A_1 = 4\pi R^2$$

 $A_2 = 6C^2$

$$A_1 = 314$$
cm² : ومنه

ب/ مساحة المكعب الذي طول أحد أحرفه 8cm

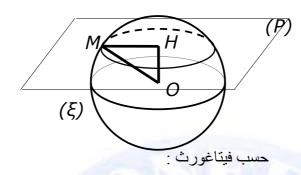
$$A_2 = 6x(8)^2$$

$$A_2 = 384 cm^2$$
 : ومنه

و منه مساحة المكعب أكبر من مساحة الكرة.

التمرين السادس:

أ- الشكل



ب/حساب نصف قطر الدائرة (ع) المثلث OHM قائم في H

() [MH][OM]OH

$$OM^2 = OH^2 + MH^2$$
 $MH^2 = OM^2 - OH^2$
 $MH^2 = (7,5)^2 - (6)^2$
 $MH = 4,5cm$
 $OM^2 = OH^2 + MH^2$

التمرين السابع:

أ- نصف قطر المقطع الناتج عن قطع المستوى للمخروط في المثلث I · SOA نقطة من [OS] و B نقطة من [SA] و (OA)//(BI)

(مستقيمان عموديان على نفس المستقيم (OS)) حسب طاليس على المثلث SOA :

$$\frac{SI}{SO} = \frac{BI}{AO}$$
 اي

$$\frac{SB}{SA} = \frac{SI}{SO} = \frac{BI}{AO}$$

$$BI = 5,6cm$$
 و منه $\frac{7}{10} = \frac{BI}{8}$: بالتعویض نجد

التمرين الثامن:

بـ/ دائر ة

التمرين الثاسع:

9cm² /ب

التمرين العاشر:

 $36\pi cm^2$ /-:

التمرين الثاني عشر:

ح يمكن ان يكون دائرة او مستطيل

التمرين الثالث عشر: لمعرفة ارتفاع المخروط والاسطوانة يجب ان نعرف حجم الكرة لان الحجوم يجب ان تكون متساوية حسبُ المطلوب. 1) حساب حجم الكرة:

$$V = 288\pi \, cm^3$$
 $V = \frac{4}{3}\pi(6)^3$ $V = \frac{4}{3}\pi R^3$

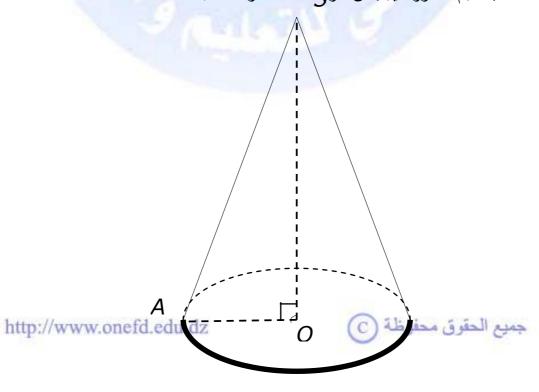
$$h=rac{3V}{\pi R^2}$$
 أي $V=rac{1}{3}\pi R^2 h$

$$h=24cm$$
 و منه $h=rac{3 imes288\pi}{\pi(6)^2}$ عساب ارتفاع الاسطوانة: $h=rac{V}{\pi R^2}$ أي $V=2\pi R^2 h$

$$h = \frac{V}{\pi R^2}$$
 أي $V = 2\pi R^2 h$

$$h = 8 \, cm$$
 أي $h = \frac{288\pi}{\pi (6)^2}$

التمرين الرابع عشر: حساب حجم المخروط: لحساب حجم المخروط يجب ان نعرفي نصف قطر قاعدته:



0 مثلث قائم في SOA حساب نصف قطر لقاعدة : لدينا

$$AO^2 = SA^2 - SO^2$$
 ig $SO^2 + AO^2 = SA^2$

$$AO^2 = SA^2 - SO^2$$
 |

$$AO^2 = 36$$
 أي

$$AO = 6$$
 و منه

$$V = \frac{1}{3}3,14 \times (6)^2 \times 8 \qquad V = \frac{1}{3}\pi R^2.h$$

$$V \approx 30.1,44 \text{ cm}^3$$

$$Cos \ A\hat{S}O = 0,8$$
 أي $Cos \ A\hat{S}O = \frac{8}{10}$ أي $Cos \ A\hat{S}O = \frac{SO}{SA}$ (2)

$$Cos \ A\hat{S}O = \frac{SO}{SA} \ (2$$

$$\hat{ASO} \approx 37^{\circ}$$
 : الاستنتاج