سلسلة استعد للبكالوريا رقم (07)

السنة الدراسية 2009/2008

المستوى : ثالثة ثانوي

السلة- الدر اللي- 2009/2008

الشعبـــة: علوم تجريبية + رياضيات

مياد الأستد. حليلات عماس

و تقني رياضي

الاستدلال بالتراجع

التمرين (01) برهن بالتراجع أن :

17) لكل عدد طبيعي n غير معدوم ، العدد $+2^{3n-2}$ الكل عدد طبيعي n غير معدوم ، العدد

9 كال عدد طبيعي n ، العدد $3n^3+6n$ مضاعف للعدد (2

- استنتج أن مجموع مكعبات ثلاثة أعداد طبيعية متعاقبة يقبل القسمة على 9.

.13 كل عدد طبيعي n ، العدد $2^{6n+5} + 4 \times 5^{2n+1}$ يقبل القسمة على (3)

111 كل عدد طبيعي n ، العدد $10^{6n+2}+10^{3n+1}+1$ يقيل القسمة على (4)

التمرين (02): برهن بالتراجع أن:

 $0^2 + 1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ ، n لكل عدد طبيعي (1

ك كك عدد طبيعي n غير معدوم (2)

$$(1 \times 2^{0}) + (2 \times 2^{1}) + (3 \times 2^{2}) + \dots + (n \times 2^{n-1}) = 1 + (n-1) \cdot 2^{n}$$

$$1-3+5-7+\dots+(-1)^n.(2n+1)=(-1)^n.(n+1)$$
 ، n کل عدد طبیعی (3

$$1+2^3+3^3+\dots+n^3=\frac{1}{4}.n^2.(n+1)^2$$
 ، n کل عدد طبیعی (4

$$\frac{1}{1\times2} + \frac{1}{2\times3} + \dots + \frac{1}{n(n+1)} = \frac{n}{n+1}$$
 غير معدوم : (5) لكل عدد طبيعي n غير معدوم

$f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$: الدالة العددية المعرفة كما يلي f(03)

 $f_{n+1}=f_n$ و $f_1=f$ و عير معدوم نضع $f_1=f$ و عير معدوم غير معدوم نضع $f_4(x)$ و $f_3(x)$ و $f_2(x)$: احسب كلا من

 $f_n(x)$ أعط تخمينا لعبارة (2

 $f_n(x)$ عبارة عبارة ، ثم استنج عبارة التخمين الموضوع سابقا ، ثم استنج عبارة /3

ر**عداد الأمستلا.** حليلات عما_م التمرين (04) برهن بالتراجع أن:

 $3^n \ge 100n$: 6 من أجل كل عدد طبيعي اكبر من أو يساوي (1

(متباینة برنولي) عدد حقیقي موجب تماما $(1+a)^n \ge 1+an$ ، n عدد طبیعي (2

 $\lim_{n \to +\infty} q^n$: فإن q **f** 1 فإن أنه إذا كان –

 $f(x) = \frac{2x+5}{x-1}$: الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة كما يلي f(05)

f الدوال المشتقة المتتابعة للدالة $f^{(4)}$ و $f^{(3)}$ ، $f^{(3)}$ ، $f^{(4)}$ و $f^{(4)}$

 $f^{(n)}(x)$ أعط تخمينا ، حسب قيم العدد n لعبارة /2

3/ برهن بالتراجع صحة تخمينك

تعريف : عاملي العدد الطبيعي n هو العدد الطبيعي الذي نرمز له بـ

. $f(x) = x \cos x$: بـ : معرفة على الدالة $f(x) = x \cos x$

 $f^{(3)}(x)$ و f'(x) ، f'(x) ، أحسب f(x) عدد حقيقي f(x) ، أحسب f(x)

، x عدد حقیقی عبر معدوم n ، ومن أجل كل عدد طبیعی غیر معدوم n

$$f^{(n)}(x) = x \cos\left(x + \frac{np}{2}\right) + n \cos\left(x + (n-1)\frac{p}{2}\right)$$

 $10^{n}+1$ عدد طبيعي ، نسمي P(n) الخاصية : 9 يقسم n

أ) أثبت أن P(n) خاصية وراثية

9 مضاعف $10^n + 1$ ، n مضاعف 9

ج) ماهي النتيجة المستخلصة من هذا التمرين ؟

Le raisonnement par récurrence est la version mathématique du raisonnement « de proche en proche ». Il s'énonce comme suit :

Principe de récurrence - Soient P_0, P_1, \dots, P_n des propriétés mathématiques. On sait que P_0 est vraie. On sait aussi que, pour un n quelconque, si P_n est vraie alors P_{n+1} est vraie aussi. Alors, toutes les propriétés P_n sont vraies.

Une application simple de ce principe est la définition par récurrence : si on définit un objet x_0 puis si, pour tout entier n, on donne une manière de définir l'objet x_n , alors les objets x_n , sont bien définis pour tout n.

Une démonstration par récurrence contient donc toujours deux étapes :

- L'initialisation : c'est la vérification de P_0 . Il ne faut jamais l'oublier, sinon on raisonne sur du vide!
- La récurrence proprement dite : on suppose que la propriété P_n est vraie (on l'appelle hypothèse de récurrence), et on essaie de montrer P_{n+1} à partir d'elle

رجداد الأمنتلا. حليلات عماس

الصفح للم 24/2

عموميات على المتاليات العددية : اتجاه التغير ، التقارب ، المتاليات المحدودة ، التمثيل البياني

: نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة كما يلي

$$u_1 = 1$$
 $u_{n+1} = \frac{1}{2}(u_n^2 - 2u_n + 4)$

. احسب u_n مترایدة u_n مترایدة . u_3 مترایدة . u_3 مترایدة . u_3

2 بيّن أن : $\frac{3}{2} + \frac{3}{2} = \frac{1}{2}(u_n - 1)^2 + \frac{3}{2}$: أن بيّن أن : $u_{n+1} = \frac{1}{2}(u_n - 1)^2 + \frac{3}{2}$: أستنج أن u_n متقاربة و أحسب نهايتها .

 Ψ من $u_{n+1} = \frac{u_n}{\sqrt{u_n^2 + 1}}$ و $u_0 = 1$: التمرين $u_n = 1$ لكل $u_{n+1} = \frac{u_n}{\sqrt{u_n^2 + 1}}$ المتتالية العددية المعرفة كما يلي

n احسب الحدود u_n ، u_2 ، u_3 ، u_2 ، u_1 ، احسب الحدود (1

 $u_n = \frac{1}{\sqrt{n+1}}$ ، n فثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي (2

 $u_{0}=1$ و $u_{n+1}=\frac{1}{2}u_{n}-1$: المعرفة كما يلي (03) لتكن المنتالية المعرفة $(u_{n})_{n\in\mathbb{Z}}$

الذي معلم متعامد ومتجانس y=x و المستقيم (Δ) الذي معادلته y=x و المنحني y=x المنحني أ- ارسم في معلم متعامد ومتجانس

$$f(x) = \frac{1}{2}x - 1$$
: بالممثل للدالة f المعرفة على f المعرفة d

 u_4 و u_3 ، u_2 ، u_1 ، u_0 : المتعمال الرسم السابق ، مثل على حامل محور الفواصل وبدون حساب الحدود u_3 ، u_2 ، u_3 ، u_4 ، u_5 ، u_6 ، u_6 . u_7 ، u_8 ، u_8 ، u_9 ،

برهن بالتراجع أنه من اجل كل عدد طبيعي $u_n \geq -2$: n وماذا تستنج ؟ $u_n \geq -2$: $u_n \geq -2$ متناقصة .

جے - استنتج آن (u_n) متقاربة ؟ و أحسب نهايتها

 $\begin{cases} u_1 = 1 \\ u_{n+1} = \sqrt{u_n^2 + 1} \end{cases}$: المعرفة كما يلي (04) لتكن المتتالية $(u_n)_{n \in Y}$ المعرفة كما يلي $n \ge 1$

- n احسب الحدود u_n ، u_2 و u_3 ، u_4 و u_3 ، u_2 احسب الحدود (1
 - أثبت أن أنبت أن متز ايدة تماما (u_n) متز ايدة تماما
 - . متباعدة $(u_n)_{n\in\mathbf{Y}^*}$ أثبت بالتراجع أن $u_n=\sqrt{n}$: متباعدة (3

ر**عداد الأمنتلا.** حليلات عمام

$$\begin{cases} u_{_0} = -5 \\ u_{_{n+1}} = \sqrt{u_{_n} + 6} \end{cases}$$
: المعرفة كما يلي (05) لتكن المنتالية $(u_{_n})_{_{n \in \Psi}}$

y=x و ارسم في معلم متعامد ومتجانس $\left(O\,;i\,;j
ight)$ ، المستقيم $\left(\Delta
ight)$ الذي معادلته y=x

 $f\left(x
ight)=\sqrt{x+6}$: بالممثل للدالة f المعرفة على المجال محور الفواصل وبدون حساب الحدود $u_{_{0}}$: $u_{_{0}}$ ، مثل على حامل محور الفواصل وبدون حساب الحدود $u_{_{0}}$: $u_{_{0}}$ ، $u_{_{0}}$. $u_{_{0}}$

ج) ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية $(u_n)_{n \in Y^*}$ وتقاربها.

 u_n **p** 3: من \mathbf{Y} یکون n اثبت بالتر اجع أنه لکل n من

 $(u_n)_{n \in Y^*}$ ادرس اتجاه تغير المتتالية $(u_n)_{n \in Y^*}$. . ماذا تستتج ؟ اوجد نهاية المتتالية $(u_n)_{n \in Y^*}$

 $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n^2 + u_n$ و $u_1 = 1$ المعرفة بحدها الأول $(u_n)_{n \in \mathbb{Z}}$ و المتالية (06) لتكن المتالية (0;i;j) المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (0;i;j) في المستوي المنسوب لمعلم متعامد ومتجانس (u_n) في المعرفة بعدي (u_n) في المعرفة بعدين حول التجاه تغيير (u_n) في المعرفة بعدين حول التجاه تغيير (u_n)

 $u_{n+1} = \sqrt{\frac{1+u_n}{2}}$ و $u_0 \in [0,1]$: التمرين (07) لتكن المنتالية العددية (u_n) المعرفة كما يلي

 $0 \le u_n \le 1$: n عدد طبیعی (1) بین أنه من أجل كل عدد طبیعی

متز ايدة - أشيت أن المتتالية (u_n) متز ايدة - أسيتتج أنها تقبل نهاية يطلب حسابها (2

$$q \in \left[0, \frac{p}{2}\right]$$
 / $u_0 = \cos(q)$: نضع (3)

 (u_n) المراجع أن $u_n = \cos(\frac{q}{2^n})$: نام بالتراجع أن : المرهن بالتراجع أن : نهاية

N من $u_{n+1} = \frac{u_n^3}{3u_n^2 + 1}$ و $u_0 = 1$: المعرفة كما يلي المعرف

اً المتتالية (u_n) متاقصة و ماذا تستتج؟ بيّن أن المتتالية u_n من u_n لكل u_n من u_n لكل u_{n+1} u_n لكل u_{n+1} u_n لكل u_{n+1} أ- بيّن أن

 $\lim u_n$ لکل $u_n \le \left(\frac{1}{3}\right)^n$: نام احسب $u_n \le \left(\frac{1}{3}\right)^n$

 $u_{n+1} = \frac{n+1}{n+3}u_n$ و $u_0 = \frac{4}{3}$: المعرفة كما يلي $u_0 = \frac{4}{3}$ و المعرفة كما يلي المعرفة كما

$$u_n = \frac{8}{(n+2)(n+3)}$$
: من بالتراجع أنه : u_3 و u_2 ، u_1 و u_2 ، احسب الحدود (1

 $u_n = \frac{a}{n+2} + \frac{b}{n+3}$: n وجد العددين الحقيقيين a و a بحيث من أجل كل عدد طبيعي (2

 $\lim_{n \to +\infty} s_n$: ثم احسب $s_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$: (3)

الصفحـــة 24/4

ر**عداد الأستلا.** حليلات عماس التمرين (10) ادرس تقارب المتتاليات التالية المعرفة بحدها العام

$$u_n = \sqrt{\frac{n^2 + 2}{2n + 3}}$$
 (3 . $u_n = \ln\left(1 + \frac{1}{2n + 3}\right)$ (3 . $u_n = e^{1-n}$ (2 . $u_n = \frac{3n + 2}{2n - 1}$ (1

$$u_n = \ln\left(\frac{e^n - 3}{e^n + 1}\right) (7 \quad u_n = \frac{e^{-n} - 1}{2e^{-n} + 1} (6 \quad u_n = \frac{n\sqrt{n} + n}{n + 1} (5 \quad (5 \quad u_n = \ln(3 + e^{2-n})) (4 \quad (5 \quad u_n = \ln(3 + e^$$

$$u_n = \frac{n\cos(2pn)}{n+1} (11 \cdot u_n = \frac{e^n - 6}{2e^n + 1} (10 \cdot u_n = (n+2)e^{-n} (9 \cdot u_n = \ln\left(\frac{e^n + 2}{e^{2n} + 1}\right) (8)$$

التمرين (11) نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة على \mathbf{Y}^* كما يلى:

$$u_n = \frac{1}{n + \sqrt{1}} + \frac{1}{n + \sqrt{2}} + \dots + \frac{1}{n + \sqrt{n}}$$

$$\frac{n}{n+\sqrt{n}} \le u_n \le \frac{n}{n+1}$$
 : غير معدوم غير عدد طبيعي عدد طبيعي (1

: المعرفتين بس المتتالييتين (v_n) و (w_n) المعرفتين بس (2

$$w_n = \frac{n}{n+1} \quad \text{o} \quad v_n = \frac{n}{n+\sqrt{n}}$$

(3) أستنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة وعين نهايتها

التمرين (12) نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة على *كما يلى:

$$u_n = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n} = \sum_{k=1}^{k=n} \frac{1}{k}$$

 $\ln(x+1) \le x$ ، $]-1;+\infty[$ برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال (1 $(f:x \to \ln(x+1)-x$ يمكنك در اسة اتجاه تغير الدالة)

 $\ln(k+1) - \ln k \le \frac{1}{L}$ ، k معدوم غير معدو عدد طبيعي غير عدد طبيعي (2 $\ln(n+1) \le u_n$ ، n من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم

 (u_n) ما هي نهاية المتتالية (3

 $u_{n+1} = \frac{1}{2} \left(u_n + \frac{2}{u_n} \right)$ و $u_0 = \frac{1}{2}$: يلي المتتالية العددية المعرفة كما يلي : التمرين (13)

$$f(x) = \frac{1}{2}\left(x + \frac{2}{x}\right)$$
: بالدستور]0;+∞[بالمعرفة على المجال $f(x) = \frac{1}{2}\left(x + \frac{2}{x}\right)$. 1

ادرس تغيرات الدالة f وارسم تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد f2cm : ومتجانس $(O; \overline{i}; \overline{j})$ وحدة الطول

- باستعمال الرسم السابق أنشئ على محور الفواصل النقط A_{1} ، A_{1} ، A_{2} ، واصلها على u_3 . u_2 ، u_1 ، u_0 الترتيب الصفح المحمد الصفح المحمد المحمد

رعداد الأستلا

 $u_n \ge \sqrt{2}$. معدوم معدوم عدد طبیعي معدوم کا غیر معدوم .

 $f(x) \le x$ لدينا $x \ge \sqrt{2}$ كل أجل كل أجل أبين أنه من أجل كل 3

4. أستتتج أن المتتالية متناقصة ابتداء من الرتبة الثانية .

5. بيّن أن المتتالية متقاربة .

. واحسب قيمته $x=\frac{1}{2}\left(x+\frac{2}{x}\right)$. بين أن الهو حل المعادلة $x=\frac{1}{2}\left(x+\frac{2}{x}\right)$. التكن المعادلة المتتالية (u_n)

: المعرفة كما يلي المتالية العددية المعرفة كما يلي المعرفة كما يلي التموين (14)

$$\begin{cases} u_1 = 1 \\ u_{n+1} = \sqrt{u_n + 2} \end{cases}$$

. $0 \le u_n \le 2$ ، غير معدوم غير أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم

 $(u_n)_{n\geq 1}$ بيّن أن المتتالية $(u_n)_{n\geq 1}$ متـــزايدة و ماذا تستتج

 $2-u_{n+1}$ **p** $\frac{2-u_n}{2}$: الم

 $\lim u_n$ ين أن : $\mathbf{p} \left(\frac{1}{2} \right)^{n-1}$: ثم استتج

المتاليات الحسابية والمتاليات الهندسية (تذكيرو تدعيم)

$$\begin{cases} v_1 + v_2 + v_3 = \frac{3}{2} \\ v_1 + 4v_2 - v_3 = 7 \end{cases}$$
 التمرين (15) متتالية حسابية حدها الأول $v_1 + 4v_2 - v_3 = 7$

. عين الحدود $v_{_{2}}$ ثم $v_{_{1}}$ و أساس المنتالية .

. n احسب الحد العام v_n بدلالة (2

 $s_n = v_1 + v_2 + \dots + v_n$ عبر بدلالة n عن المجموع (3

 $s_n = -10$: عيّن العدد n بحيث يكون (4

. r التمرين (16) امتتالية حسابية حدها الأول $u_{\scriptscriptstyle 1}$ و أساسها

$$\begin{cases} u_1 + u_2 + u_3 = 24 \\ u_4 + u_5 + u_6 + u_7 = 74 \end{cases}$$
: define r of u_1 and u_2 - u_3

 u_n **f** 5978: مين أصغر عدد طبيعي n يحقق u_n بدلالة n ثم عين أصغر عدد n

. q متتالية حسابية حدها الأول $v_{_{1}}$ وأساسها /2

 $s_n = v_1 + v_2 + \dots + v_n$: نضع

 N^* عين v_1 عين v_1 عين يكون n عين n عين يكون n عين n عين اجل كل

الصفح الصفح

رعداد الأستلا حليلات عما_س

```
النمرين u_0 (17) متتالية حسابية متناقصة حدها الأول u_0 و أساسها r علما أن u_0
                                 u_{2}^{2} + u_{3}^{2} + u_{4}^{2} = 83  u_{2}^{2} + u_{3}^{3} + u_{4}^{2} = -15
                                    u_0 الحسب الحد u_3 ثم استتنج r و الحد الأول u_3
        s_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n عين الحد العام u_n بدلالة n ثم احسب المجموع /2
               u_3 ، u_2 ، u_1 متتالية حسابية حدودها الثلاثة الأولى (18) متتالية حسابية حدودها
```

 $\begin{cases} u_1 - 3u_2 + u_3 = -1 \\ u_1^2 - u_2^2 = -4\sqrt{2} \end{cases}$: تحقق الجملة

$$\begin{cases} u_1^2 + u_3^2 + u_3 \\ u_1^2 - u_3^2 = -4\sqrt{2} \end{cases}$$
 : خقق الجملة

 u_3 ، u_2 ، u_1 : أوجد كلا من -1

 $S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$: المجموع n المجموع -2

 $S_k - S_{(k-2)} = 2 + 21\sqrt{2}$: ثم أوجد العدد الطبيعي k حتى يكون

5 على القسمة على $k^{4n+2}+2\times 3^{8n+1}$ ان العدد: $k^{4n+2}+2\times 3^{8n+1}$ يقبل القسمة على 3

 $u_3 + u_5 = 20$ و $u_1 = 1$: و دودها موجبة بحيث $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ و 19

1 - أوجد أساس هذه المتتالية وحدد اتجاه تغيرها وتقاربها

 $G_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$: المجموع ما المجموع - 2

 $S_{n1} = u_1^2 + u_2^2 + u_3^2 + \dots + u_n^2$: المجموع n المجموع -3

التمرين (20) 1) بين انه إذا كانت a ، b ، a و b ثلاثة أعداد حقيقية حدود متعاقبة بهذا الترتيب

 $a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)(a - b + c)$: المتتالية هندسية فإن

2) أوجد ثلاثة حدود متعاقبة لمتتالية هندسية علما أن مجموعها هو 78 ومجموع مربعاتها هو 3276

التمريين (21) (v_n) منتالية حدها الأول v_n موجب تماما وحيث من أجل

 $v_{n+1} - v_n = 0.02v_n$ ، n کل عدد طبیعی

1/ أ- بين أن المتتالية $(v_{_{_{\it I}}})$ هندسية يطلب تحديد أساسها . ما هو اتجاه تغير هذه المتتالية ? v_0 عبر عن v_n بدلالة v

 $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}$: حيث $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}$ بدلالة $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}$

 $S_n \ge 50$ ر عين قيم العدد الطبيعي n حتى يكون (3

4/ بلغ عدد سكان بلد 30 مليون نسمة يوم 1 جانفي 2000 ، نفرض أن عدد السكان 2020 يرتفع كل سنة بنسبة 2% . - كم يبلغ عدد سكان هذا البلد يوم 1 جانفي

التمرين (22) 1 ما هي نهاية المتتالية (u_n) المعرفة على * كما يلى :

$$u_0 = 0.57$$
 , $u_n = 0.5742.457$?

 $0.\overline{57}$ أستنتج الكتابة الكسرية للعدد الناطق التالى : 2

الصفح ـــــة 24/7

رعداد الأستدر حليلاتعماس

```
التمرين (23) متتالية هندسية حدودها موجبة تماما حيث :
                                                                                                                 \ln u_3 - \ln u_2 = 1 \ln u_3 + 2 \ln \sqrt{u_6} = 11
                                                                                                                                                                            u_0 عيّن أساس المتتالية u_n وحدها الأول -1
                                                                                                    . (u_n) بدلالة n ثم ادرس اتجاه تغير و تقارب المتتالية n -2
                                                                                                                                                                         n بدلالة u_1 + u_2 + \dots + u_n: احسب المجموع -3
                                                                                                                  v_n = 3\ln u_{n+1} - \ln u_n: بية عددية معرفة على v_n = 3\ln u_{n+1} - \ln u_n
                                                                                                                                        الأول حسابية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول - أثبت أن (v_n)
                                                                                   S_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_{n-1}: المجموع المجموع الطبيعي n
                                                                                                                                                     : متنافصة حيث ((24)_{n\in\mathbb{N}^*} التمرين ((24)_{n\in\mathbb{N}^*}
                                                                                                                  u_1^2 + u_2^2 + u_3^2 = 84 , u_1 \times u_2 \times u_3 = 64
                                                                                                                                                    . المنتالية u_1,u_3 أمu_2 المنتالية u_1 المنتالية u_2
                                                                                                                                        (u)_{n \in \mathbb{N}^*} عبر عن u_n بدلالة u و ادرس تقارب المتتالية u
                                          \lim S و S=u_1+u_2+\dots u_n : عرب S=u_1+u_2+\dots u_n المجموع S=u_1+u_2+\dots u_n
                                                                                        S' = \frac{1}{u_1} + \frac{1}{u_2} + \dots + \frac{1}{u} : حيث S' حيث S' احسب بدلالة S' المجموع S'
u_2 + u_3 + u_4 = 56 و u_2 \times u_4 = 256: التمرين (25) متتالية هندسية رتيبة تحقق ((u_n)_{n \in Y}
                                                                                                                                                                                                              q عين الحدين u_0 و u_3 عين الحدين (1
                                                                                                                                                                                                                n أعط عبارة الحد العام u_n بدلالة (2
                                      v_n=2u_n+n : نفرض u_0=2 ونعتبر المتتالية العددية u_0=2 عيث (3
                                                                                                                                                        (v_n) و (u_n) ادرس اتجاه تغير كل من المتتاليتين
               L_n = 0 + 1 + 2 + \dots + n و s_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n: ب) احسب كلا من المجموعين
                                                                                                                                                                       K_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n : استنتج المجموع (ج
                                                  r التمرين (26) u_{\scriptscriptstyle 0} متتالية حسابية متناقصة حدها الأول u_{\scriptscriptstyle 0} و أساسها
                                                                                                                                   \begin{cases} u_{1} + u_{2} + u_{3} = 24 \\ \frac{1}{2} & 210 \end{cases} : \text{ if } r \text{ of } u_{2} \text{ if } r \text{ of } r \text
                                                   S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n.: ب- استنتج u_n بدلالة u_n ثم احسب المجموع
                                                                                                                                    v_{n} = e^{14-3n}: نعتبر المتتالية (v_{n})_{n \in \mathbf{Y}} المعرفة كما يلى /2
                                                                                                                                            أ- بيّن أن \left(v_{n}\right)_{n\in\mathbf{Y}} متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها
  P_{n} = v_{0}v_{1}v_{2}....v_{n} v_{n} = v_{0} + v_{1} + ....v_{n} + v_{n} + v_{n}
                                                                                                                                                                                                                         \lim_{n\to+\infty} P_n و \lim_{n\to+\infty} T_n: د – احسب
```

24/8 غ

رجاد الأستان حليلات عمام

 $f^{(n)}(x) = 2^n.(1-n-2x)e^{2x}$: یکون $n \ge 1$ کل اجل من أجل من أجل کل /2

 M_n التمثيل البياني لــ $f^{(n)}$ يقبل مماسا أفقيا في النقطة ، $n \geq 1/3$

(g) عيّن x_n و تحقق أن M_n تتتمي إلى المنحني (y_n و تحقق أن عيّن x_n عيّن المنحني (y_n

 $y = \frac{e^{2x}}{4^x}$: $y = \frac{e^{2x}}{4^x}$

بيّن أن المتتالية (x_n) حسابية ، ماهي نهايتها

ج) بيّن ان المنتالية (y_n) هندسية ثم ادرس نهايتها.

 $f\left(x\right)=80+ae^{bx}$: كما يلي : كما العددية f المعرفة على الدالة العددية f

 $\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}}{\overset{ ext{e}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}$

. (C) عين a و a بحيث تكون النقطتان A(0;53) و A(0;53) نقطتان من a

. القيم الحقيقية للعددين a و b ثم تعطي القيمتين المدورتين إلى a^{-1} لهما

(معدوم غير معدوم n) اليوم n) اليوم عدد n) عدد طبيعي n

. بالعبارة : $u_n=80$ - $27e^{-0,1n}$: بالعبارة

أ – بين أن المتتالية (u_n) متزايدة تماما .

ب - بعد كم يوم تزيد كمية الإنتاج على 72 وحدة .

. معدوم عدد طبیعي غیر معدوم $\mathbf{V}_n = e^{-0.1n}$: المعرفة بالعبارة المعرفة (\mathbf{V}_n) عدد المتتالية -3

. $\lim_{n \oplus + \mathbb{Y}_n} \mathbf{V}_n$ احسب المتتالية (\mathbf{V}_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها . احسب

. $S = V_1 + V_2 + ... + V_{10}$: ب – احسب

ج - ما هو إنتاج الشركة في مدة 10 أيام حيث تعطي قيمة مدورة إلى الوحدة لهذا الإنتاج

: المعرفة كما يلي (29) نعتبر المتتالية العددية العددية المعرفة كما يلي التمرين (29)

$$u_n = 1 + \frac{1}{4} + \frac{1}{4^2} + \dots + \frac{1}{4^n} = \sum_{k=0}^{k=n} \frac{1}{4^k}$$

 $(u_n)_{n\in Y}$ ما هو اتجاه تغير المنتالية $(u_n)_{n\in Y}$ ؟

 $u_n = \frac{4}{3} - \frac{1}{3} \left(\frac{1}{4}\right)^n$: يكون يعن عدد طبيعي عدد طبيعي /2

 $(u_n)_{n \in Y}$ ما هي نهاية المتتالية 3

 $(u_n)_{n\in Y}$ هل العدد الحقيقي M حاد من الأعلى للمنتالية $M=1.333\,333\,333$ نضع /4

الصفحـــة 24/9

ر**يداد الأستلا.** حليلات عماس

$u_{n+1} = f(u_n)$: المتاليات التراجعية من الشكل

$$u_0 = 3$$
 : المعرفة كما يلي $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$: المعرفة كما يلي المعرفة كما يلي $u_{n+1} = \frac{5u_n - 4}{u_n + 1}$: $u_n \mathbf{f} 2$ ، $u_n \mathbf{f} 2$ ، $u_n \mathbf{f} 2$: $u_n \mathbf{f} 2$. $u_n \mathbf{f} 3$

 $\lim u_n$ ادرس رتابة المتتالية $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ واستتج أن $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ متقاربة و احسب /2

 $v_n = \frac{1}{u_n - 2}$: كما يلي : N كما يلي المنتالية المعرفة على N المنتالية المعرفة على N

أ- بيّن أن المتتالية (v_n) حسابية حدد أساسها وحدها الأول

 (u_n) بطريقة أخرى .

$$u_{0}=1$$
 و $u_{n+1}=\frac{3}{4}u_{n}+2$: التمرين (31) المعرفة كما يلي المتالية $(u_{n})_{n\in\mathbb{Z}}$

ارسم المستقيمين y=x : في معلم $y=\frac{3}{4}x+2$ و y=x المعادلة y=x في معلم (1) ارسم المستقيمين y=x في معلم (1) المعادلة y=x

 u_{5} u_{4} , u_{3} , u_{2} , u_{1}) مثل على حامل محور الفواصل وبدون حساب الحدود (2

نصع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية $(u_n)_{n=1}$ وتقاربها.

 $u_n \leq 8$: n برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي (4

ادرس اتجاه تغیر المتتالیة $(u_n)_{n\in Y}$. هل $(u_n)_{n\in Y}$ متقاربة ?

أ) نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة كما يلي $u_n=u_n-a$ يلي المعرفة كما يلي المعرفة كما أن برهن ان المتتالية هندسية السلام المعرفة كما المعرفة كما أكتب عبارة u_n بدلالة u_n أكتب عبارة u_n أكتب عبارة u_n أكتب عبارة المعرفة كما يلي المعرفة كما يلي

$$\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + \frac{1}{3} \end{cases}$$
 : المعرفة كما يلي المعرفة (22) نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة كما يلي

 $0 \le u_n \le 1$: n عدد طبیعي أن من أجل كل عدد طبیعي (1-1) $\lim u_n$ برهن أن (u_n) متزایدة . ماذا تستتج ؟ احسب

 $f(x) = \frac{2}{3}x + \frac{1}{3}$: الدالة العددية المعرفة على مجموعة الأعداد الحقيقية كما يلي $f(x) = \frac{2}{3}x + \frac{1}{3}$

f(a) = a: عين العدد الحقيقي a بحيث

بین أن (v_n) منتالیة هندسیة $v_n=u_n-a$ بین أن $v_n=u_n$

n بدلالة u_n بدلالة n ثم استتج (حسب v_n بدلالة

 (u_n) استنتج من جدید نهایة المتتالیة (

 $s'_{n} = u_{0} + u_{1} + \dots + u_{n}$ $s_{n} = v_{0} + v_{1} + \dots + v_{n}$: -3

الصفحــــة 24/10

ر**عداد الأستلا.** حليلات عمام

$$\begin{cases} u_{0} = \frac{1}{2} \\ u_{n+1} = \frac{1}{2 - u_{n}} \end{cases}$$
 ستالية عددية معرفة بـ (33) متتالية عددية معرفة بـ

 $\left(u_{_{n}}\right)$ وضع تخمينا حول اتجاه تغير $u_{_{3}}$ و $u_{_{2}}$ ، $u_{_{1}}$: احسب الحدود

 u_n **p** 1: فإن الله عدد طبيعي ما فإن /2

درس اتجاه تغیر المتتالیة (u_n) .بین أن (u_n) متقاربة و احسب نهایتها .

$$v_{n} = \frac{1}{1 - u_{n}}$$
: — lhaze i (v_{n}) lhaze i (v_{n}) | 1-4

 v_2 v_1 , v_0 :

. برهن أن المتثالية (v_n) حسابية يطلب تعيين أساسها

 $(u_{\scriptscriptstyle n})$ ج احسب $v_{\scriptscriptstyle n}$ ثم $u_{\scriptscriptstyle n}$ بدلالة $v_{\scriptscriptstyle n}$ استنج من جدید نهایة المنتالیة (ج

 $.\Pi_{n} = u_{1}u_{2}....u_{n}$: $s_{n} = v_{0} + v_{1} + + v_{n}$ و $s_{n} = v_{0} + v_{1} + + v_{n}$

$$\begin{cases} u_0 = 4 \\ u_{n+1} = \frac{4u_n + 1}{u_n + 4} \end{cases}$$
 نعتبر المنتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة كما يلي $(n \in \mathbb{Y})$ نعتبر المنتالية العددية العددية المعرفة كما يلي المعرفة كما يلي المعرفة كما ا

 u_2 u_1 u_2 u_1 u_2 u_1

 u_n **f** 1 ، n عدد طبیعی من اجل کل عدد طبیعی بین انه من اجل کل عدد طبیعی $(u_n)_{n\in N}$ نها متقاربة ج- ادر س رتابة المتتالیة $(u_n)_{n\in N}$

 $v_n = \frac{u_n - 1}{u_1 + 1}$: — بالمعرفة لكل عدد طبيعي المعرفة (v_n) المعرفة لكل عدد المتتالية العددية

أ- برهن أن المتتالية (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول v_n بدلالة v_n بدلالة v_n

 $\lim u_n$ شم احسب $u_n = \frac{5^{n+1} + 3^{n+1}}{5^{n+1} - 3^{n+1}}$: خ

 $p_n = v_0 v_1 v_2 \dots v_n$ و $s_n = v_0^2 + v_1^2 + \dots + v_n^2$: کلا من $s_n = v_0^2 + v_1^2 + \dots + v_n^2$

$$u_{n+1} = \frac{-7u_n - 8}{2u_n + 1}$$
 و $u_0 = 1$ و $u_0 = 1$ متتالية عددية معرفة كما يلي: $(u_n)_{n \in N}$ و

- n اثبت أن: $u_n \neq -2$ لكل عدد طبيعي (1 محسب: u_1, u_2
 - $t_n = \frac{2u_n + 1}{u_n + 2}$ المعرفة كما يلي: (3
 - أ) أثبت أن (t_n) منتالية حسابية يطلب تعيين الأساس.
 - $\lim_{n \to +\infty} u_n$ بدلالة n و احسب t_n بدلالة n أحسب t_n بدلالة t_n

ر**جاد الأستلا** حليلات عمام

الصفحــــة 24/11

: المتتالية العددية $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ معرفة بحدها الأول $u_0=24$ وبعلاقة التراجع الآتية n من أجل كل عدد طبيعي $u_{n+1} = \frac{1}{5}u_n + 16$ نضع : $u_n = u_n - a$ عدد حقیقی /2 - أوجد العدد الحقيقي a حتى تكون المتتالية (v_n) هندسية . $t_n = u_n - 20$: المعرفة بـ المنتالية العددية (t) المعرفة بـ 3أ-أثبت أن المتتالية (t) هندسية ، يطلب حساب حدها الأول و أساسها $(u_n)_{n\in N}$ ب احسب t_n بدلالة n ادرس تقارب t_n $s_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ | $t_0 = t_0 + u_1 + \dots + t_n$ $4u_{n+1}=u_n-4$ و $u_0=1$ المتتالية العددية المعرفة كما يلى: $u_0=1$ و $3u_n + 4 \ge 0$: n برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي /1 (u_{i}) برهن أن المنتالية (u_{i}) منتاقصة تماما وماذا تستنج $v_n = 3u_n + a$: _____ متتالية عددية معرفة بـ (v_n) /3 أ- عين العدد الحقيقي a حتى تكون المتتالية (v_n) هندسية - عين أساسها وحدها الأول ب - أحسب عبارة u_n بدلالة n ثم استنتج أنها متقاربة $\prod_{k=1}^{k=n-1} v_k$: $\sum_{k=1}^{k=n-1} v_k^3$ 4) احسب المجموع: $u_0 = 9$: المعرفة كما يلى المتتالية العددية $(u_n)_{n\in N}$ المعرفة كما يلى $u_{n+1} = \frac{8u_n - 6}{u_n + 1}$ $f(x) = \frac{8x-6}{x+1}$: حيث f خات المتغير الحقيقي f خات المتغير الحقيقي الدالة أ أ) ادرس تغيرات الدالة f وارسم المنحني (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس u_3 ، u_2 ، u_1 التي فو اصلها A_3 ، A_2 ، A_1 التي فو اصلها $\left(C_f\right)$ لرسم النقاط $\left(O, \stackrel{\rightarrow}{i}, \stackrel{\rightarrow}{j}\right)$ على الترتيب . ب) برهن أن $(u_n)_{n\in N}$ متناقصة تماما وأنها محدودة من الأسفل بالعدد 6 $(u_n)_{n \in N}$ ماذا تستنج بالنسبة للمنتالية ماذا $|u_{n+1}-6|$ **p** $\frac{2}{7}|u_n-6|$: اثبت المتراجحة التالية (1/2) ب) استنتج من جديد أن المتتالية $(u_n)_{n\in N}$ متقاربة. $v_n = \frac{u_n - 6}{u - 1}$: حيث (v_n) حيث (v_n) الية أ) برهن أن (v_n) متتالية هندسية . ب) احسب u_n بدلالة n ، ج) استتج أن (v_n) متقاربة

الصفحــــــة 24/12

ر**عداد الأستلا.** حليلات عماس $f(x) = \frac{2x-16}{x-6}$ الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة كما يلي: f(39)

الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس (C_f) وحدة الطول (C_f) وحدة الطول (C_f)

ب- باستعمال الرسم السابق أنشئ على محور الفواصل النقط A_0 ، A_1 ، A_0 و الفواصلها على الترتيب u_1 ، u_2 ، u_2 ، u_1 ، u_0 ، u_2 ، u_1 ، u_0

ج- ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية $(u_n)_{n \in Y}$ وتقاربها.

 $u_{n+1} = \frac{2u_n - 16}{u_n - 6}$ و $u_0 = 2$: يلي عددية معرفة كما يلي عددية معرفة كما يلي / 2

أ- اثبت أن المتتالية (u_n) متز ايدة تماما

 u_n محدودة من الأعلى بالعدد 4 وماذا تستنتج u_n

 $v_n = \frac{1}{u_n - 4}$: يلي المعرفة كما يلي (v_n) المعرفة كما يلي /3

. اثبت أن (v_n) متتالية حسابية

 (u_n) اکتب v_n ثم u_n بدلالیت به v_n اوجد نهایة (ب

: يلي عددية معرفة كما يلي عددية عددية معرفة كما يلي عددية $(u_n)_{n\geq 1}$. 0 p a p $\frac{p}{4}$: عدد حقيقي حيث

. و $u_1 = 1 + \frac{1}{2\sin^2(a)}$ لكل عدد طبيعي $u_1 = 1 + \frac{1}{2\sin^2(a)}$

 u_n **f** 1 ، غير معدوم البيعي n غير معدوم /1

 $v_n = u_n - \frac{1}{2\sin^2(a)}$: غير معدوم عدد طبيعي من اجل كل عدد طبيعي معدوم غير معدوم

a و u_n بدلالة u_n متتالية هندسية واكتب u_n بدلالة

ب) هل المتتالية $(u_n)_{n\geq 1}$ متقاربة ؟ علل جو ابك

 $\lim_{n\to +\infty} S_n$ نضع : $S_n=u_1+u_2+\ldots +u_n$ نضع : $S_n=u_1+u_2+\ldots +u_n$ نضع : $S_n=u_1+u_2+\ldots +u_n$

: المترين (41) المتتالية العددية المعرفة على (u_n)

$$\begin{cases} u_0 = \frac{3}{2} \\ u_{n+1} = (u_n - 1)^2 + 1 \end{cases}$$

 $1 \le u_n \le \frac{3}{2}$: n عدد طبیعي انه من أجل كل عدد التراجع انه من أجل (1

. المتاربة و احسب نهايتها (u_n) متقاربة و احسب نهايتها .

، منتالیة هندسیة (v_n) بین ان $u_n = e^{v_n} + 1$: n منتالیة هندسیة (2

 $S_n = \sum_{k=0}^{k=n} \left(\frac{1}{2}\right)^k v_k$: حيث S_n حيث - بدلالة n المجموع n المجموع . $\lim_{n \to +\infty} u_n$

الصفح ____ة 24/13

ر**عداد الأستلا.** حليلات عمار

متاليات تراجعية من أشكال أخرى

$$u_{n+1} = \frac{1}{3}(u_n + n^2)$$
 و $u_0 = \frac{5}{2}$: يلي عددية معرفة كما يلي عددية معرفة كما يلي $(u_n)_{n \in N}$ (42) عتبر المتالية $v_n = u_n - \left(\frac{n^2 - 3n + 3}{2}\right)$: يلمعرفة كما يلي إلى المعرفة كما يلي أساسها وحدها الأول أبي برهن ان $(v_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول برهن ان (u_n) متتالية n ثم ادرس تقارب (u_n) احسب n ثم n بدلالة n ثم ادرس تقارب n ألى عدد طبيعي n عدد طبيعي n ألى عدد طبيعي n بدلالة n ثم بدلالة n ألى عدد طبيعي n بدلالة n ألى عدد طبيعي n بدلالة n ألى بدلالة ألى بدلالة

: معرفة بحدها الأول $u_0 = \frac{1}{2}$ وبعلاقة التراجع الآتية (43) معرفة بحدها الأول المتتالية العددية

$$n$$
 من أجل كل عدد طبيعي $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + \frac{1}{3}n + \frac{2}{3}$

نضع : $u_n = u_n + an$ عدد حقیقی /2

. أوجد العدد الحقيقي a حتى تكون المتتالية (v_n) هندسية .

$$t_n = u_n - \frac{2}{3}n$$
: المعرفة بـ المعرفة العددية (t_n) المعرفة بـ /3

أ- أثبت أن المتتالية $\binom{t_n}{n}$ هندسية ، يطلب حساب حدها الأول و أساسها

n بدلالة u_n بدلالة t_n

$$S_n = \sum_{k=0}^{k=n} u_k : \text{cut} S_n \text{ each } 1/4$$

$$u_0 = 20$$
 ، $u_1 = 6$: بحیث $(u_n)_{n \in N}$ التمرین (44) نعتبر المنتالیة العددیة $u_{n+1} = \frac{-1}{20} u_n + \frac{1}{20} u_{n-1}$

الأول $(v_n)_{n\geq 0}$ هندسية وان المتتالية $(w_n)_{n\geq 0}$ هندسية يطلّب تعيين الأساس والحد الأول $v_n=u_{n+1}-\frac{1}{5}u_n$ و $v_n=u_{n+1}+\frac{1}{4}u_n$: كل منهما بحيث : $v_n=u_{n+1}+\frac{1}{4}u_n$

. $\lim u_n$ و u_n بدلالة u_n بدلالة u_n . ب- استنتج u_n بدلالة u_n و احسب u_n

 $\lim S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ بدلالة n واستنتج /3

 $u_0 = 0$, $u_1 = 1$ التمرين (45) متتالية عددية معرفة كما يلى التمرين (45) متتالية عددية المعرفة المايلي المايلي المايلي المايلي $u_{n+2} = 10u_{n+1} - 9u_n$ $w_n = u_{n+1} - 9u_n$: حيث N حيث (w_n) المعرفة على /1

 $u_{n+1} = 9u_n + 1$: أثبت أن (w_n) متتالية ثابتة يطلب تعيين قيمتها و استنتج أن

 $v_n = u_{n+1} - u_n$: المعرفة كما يلي $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$

أ) برهن أن $(v_n)_{n\in\mathbb{N}}$ منتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول

ب عدد طبیعي u_n : استنتج u_n عدد طبیعي u_n

 $S'_{n} = \sum_{r=0}^{n-1} v_{r}^{2}$ $S_{n} = \sum_{r=0}^{n-1} u_{k}$: حيث $S'_{n} = S_{n}$ S_{n} S_{n} S_{n} S_{n} S_{n}

المتاليات المتجاورة

n > 1 , $V_n = \frac{1}{\ln n}$, $u_n = \frac{-2}{n}$: يلي مثاليتان معرفتان كما يلي (v_n) و (u_n) (46) $(\mathbf{v}_{\mathrm{n}})$ و $(\mathbf{u}_{\mathrm{n}})$. ادرس اتجاه تغیر کل من

? احسب (\mathbf{v}_n) و (\mathbf{u}_n) و المتتاليتان -3. $\lim_{n\to\infty}(\mathbf{u}_n-\mathbf{v}_n)$ و -2

التمرين (47) المتتاليتان (u_n) و (v_n) معرفتان كما يلى :

 $u_{n+1} = \frac{u_n + v_n}{2}$ ، $v_{n+1} = \frac{u_n + 4v_n}{5}$: n ومن اجل كل عدد طبيعي $v_0 = 2$ ، $u_0 = -1$

 u_n **p** v_n : n برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي (1

برهن ان المتتاليتين (u_n) و (v_n) متجاورتان. (2)

 $W_n = u_n + \frac{5}{2}v_n$: n يتكن المنتالية (W_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي (3

أ- بين أن المتتالية (W_n) ثابتة . ماهي نهايتها

 (v_n) و (u_n) ب استنتج النهاية المشتركة للمنتاليتين

b من أجل كل عدد طبيعي n نضع $x_n = u_n + av_n$ و $x_n = u_n + av_n$ حيث a و aعددين حقيقيين متمايزين .

n المتتالیتان (x_n) و (x_n) هندسیتین ثم عبر عن u_n و مدلالة b المتالیتان (x_n) (v_n) و (u_n) ب - جد النهاية المشتركة للمتتاليتين

 $v_{\rm n} > 0$ و $v_{\rm n} = Ln(n+1), {
m U}_{
m n} = Ln(n)$ و نتاليتان معرفتان بين $v_{
m n} = {
m U}_{
m n} = {
m U}_{
m n} = {
m U}_{
m n}$ و $(\mathbf{v}_{\mathbf{n}})$ و $(\mathbf{u}_{\mathbf{n}})$ و غير كل من اتجاه تغير كل من ا

. جاورتان؟ . $\lim_{n \to +\frac{1}{2}} (\mathbf{v}_n - \mathbf{v}_n)$ و (\mathbf{u}_n) متجاورتان؟ . -2

الصفح ــــــة 24/15

رعاد الأستد. حليلات عماسر

التمرين (49) (U_n) و (V_n) متتاليتان معرفتان ب

 V_2 و U_2 . احسب : U_1

 $W_n = V_n - U_n$: بالمعرفة من اجل كل عدد طبيعي $m_n = V_n - U_n$ المعرفة من اجل كل عدد المتتالية (w_n) المعرفة من اجل

n برهن أن (W_n) متتالية هندسية . ب) عبر عن الله (W_n)

ادرس اتجاه كل من (U_n) و (V_n) ثم برهن أنهما متجاورتان /3

$$T_n = \frac{U_n + 2V_n}{3}$$
 :— برهن المنتالية $T_n = \frac{U_n + 2V_n}{3}$:— برهن أن المنتالية $T_n = \frac{U_n + 2V_n}{3}$:— برهن أن المنتالية $T_n = \frac{U_n + 2V_n}{3}$ المنتالية $T_n = \frac{U_n + 2V_n}{3}$ المنتالية كل منهما بطريقتين جريفتين المنتالية كل منهما بطريقتين

: المعربين (50) نعتبر المتتالية المعربين (50) نعتبر المتتالية المتالية المعربين (50) المعربين (50) المعربين المتالية ا

f([0,6]) وحدد $f(x) = \sqrt{6-x}$: حيث $f(x) = \sqrt{6-x}$

n بين أن $0 \le u_n \le 6$ لكل عدد طبيعي /2

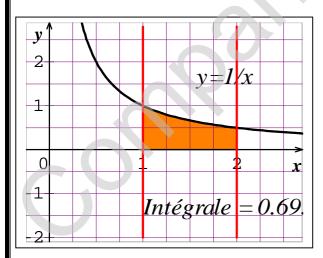
. $w_n = u_{2n+1}$ و $v_n = u_{2n}$: نضع /3

بين أن $v_n \leq w_n$ (لكل عدد طبيعي $v_n \leq v_n$ و أن $v_n \leq v_n$ متناقصة

 $\lim u_n$ الكل عدد طبيعي (n_n) واستنتج أن $|u_{n+1}-2| \leq \frac{1}{2}|u_n-2|$ الكل عدد طبيعي /4

ركة المشتركة (v_n) و v_n) متجاورتان وحدد نهايتهما المشتركة

التمرين (51) الجزء الأول (U_n) و (V_n) متتاليتان معرفتان بـ:



$$U_{n} = \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{2n}$$

$$V_{n} = \frac{1}{n} + \frac{1}{n+1} + \dots + \frac{1}{2n-1}$$

. برهن ان المتتاليتين (U_n) و (V_n) متجاورتان الجزء الثاني .

دالة عددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على f . $f(x) = \ln(x)$: أن أن (x) = 10

1- أثبت أنه من أجل كل عدد حُقيقي من المجال

. $1 - \frac{1}{x} \le \ln(x) \le x - 1$: لدينا]0; $+\infty$

.
$$\ln(2)$$
 . $\ln(2)$. U_n . $U_n \leq \ln(2) \leq U_n + \frac{1}{2n}$. $U_n \leq \ln(2) \leq U_n + \frac{1}{2n}$. 2

ر**عداد الأمندلا.** حليلات عماس

 $\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_{n+1} = \sqrt{6 - u_n} \end{cases}$

(التدريب على حلى تماريز بكالوريات)

 $u_{0}=\frac{5}{2}$ و $u_{n+1}=\frac{2}{3}u_{n}+2$: المعرفة كما يلي (01) لتكن المتتالية $(u_{n})_{n\in\mathbb{Z}}$

الذي معادلته y=x و المنحني المستقيم (Δ) الذي معادلته $\dot{v}=x$ و المنحني ومتجانس متعامد ومتجانس ومتعادلته المستقيم (Δ) الذي معادلته المنحني

 $f(x) = \frac{2}{3}x + 2$: الممثل للدالة f المعرفة على f المعرفة (d)

 u_4 و u_3 ، u_2 ، u_1 ، u_0 : باستعمال الرسم السابق ، مثل على حامل محور الفواصل وبدون حساب الحدود u_3 ، مثل على حامل محور u_3 ، u_2 ، u_3 ، u_4 ، u_5 ، u_6 . u_6 ، u_7 ، u_8 ، u_8 ، u_9 ، u_9

 $u_n \le 6$: n عدد طبیعی أنه من اجل كل عدد طبیعی (2

 (u_n) متز ايدة u_n متز ايدة

جے - هل (u_n) متقاربة ؟ برر إجابتك.

 $v_n = u_n - 6$: n نضع من أجل كل عدد طبيعي (3

أ- أثبت أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول .

 $\lim_{n\to+\infty}u_n$ به بدلالة n ثم استنتج عبارة u_n عبارة

 $f(x) = \frac{x+2}{-x+4}$: بالعبارة (02) باعبارة إلى المعرفة على المجال I = [1,2] بالعبارة (02) باعبارة أ

. I على أن الدالة f متزايدة تماما على أ

. I ينتمي إلى $f\left(x\right)$ ، I من المجال x من عدد حقيقي عدد عقيقي المجال بين أنه من أجل كل عدد حقيقي

 $u_{n+1}=f\left(u_{n}\right)$ و $u_{0}=\frac{3}{2}$: كما يأتي \mathbf{Y} كما المعرفة على على المنتالية العددية المعرفة على $\left(u_{n}\right)$

I . $u_{_n}$ ، n وينتمي إلى $u_{_n}$ ، $u_{_n}$ ، $u_{_n}$ الميعي

. أدرس اتجاه تغير المتتالية (u_{n}) ، ثم استتج أنها متقاربة

 $\lim_{n\to+\infty}u_n$: عين النهاية - ب

 $f(x) = 3 + \sqrt{x-1}$: بالعبارة $I = [1; +\infty[$ المعرفة على المجال f المعرفة على المجال المعرفة على المجال العبارة الدالة المعرفة على المجال العبارة الدالة المعرفة على المجال العبارة العبارة الدالة المعرفة على المجال العبارة العبارة العبارة العبارة المعرفة على المجال العبارة ال

(الوحدة على المحورين 2cm)

الصفحة 24/17

ر**عداد الأستلا.** حليلات عماس ا احسب $\lim_{x \to 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$ و فسر النتيجة هندسيا.

f ادرس تغیرات الداله f

(C) المنحني دالة " الجذر التربيعي " ، أنشئ المنحني - باستعمال منحني دالة "

. y=x : ارسم في نفس المعلم المستقيم D الذي معادلته

$$\begin{cases} U_{_0}=2 \ U_{_{n+1}}=f\left(U_{_{n}}
ight)$$
: نعرف المتتالية $\left(U_{_{n+1}}=f\left(U_{_{n}}
ight)$ على المجموعة $\left(U_{_{n+1}}=f\left(U_{_{n}}
ight)$

أ- باستعمال (C) و (C) مثل الحدود U_3 ، U_2 ، U_3 مثل الحدود الفواصل

. ب- ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (U_π) وتقاربها

 $U_{_{n+1}}$ $\mathbf{f}\,U_{_{n}}$ و $2 \leq U_{_{n}} \leq 5$: البينا 1 عدد طبيعي من أجل كل عدد طبيعي (3 $\lim_{n \to \infty} U_{_{n}}$ متقاربة . احسب استنتج أن $(U_{_{n}})$ متقاربة . احسب

التمرين (04)

 $U_{_{n+1}}=rac{2}{3}U_{_{n}}+1:n$ المتتالية المعرفة بحده الأول $U_{_{0}}=2$ ومن أجل كل عدد طبيعي $U_{_{n}}=1$ المتتالية المعرفة بحده الأول $U_{_{0}}=2$

 $V_{_n}=U_{_n}+\left(rac{2}{3}
ight)^n$: — $N_{_n}=U_{_n}+\left(rac{2}{3}
ight)^n$ المتتالية العددية المعرفة من أجل كل عدد طبيعي ($V_{_n}$) -2

. برهن بالتراجع أن $\left(V_{_{n}}
ight)$ متتالية ثابتة .

n بدلاله باره عباره عباره -

 $W_n = \frac{2}{3}n - \left(\frac{2}{3}\right)^n$: بالمنتالية العددية المعرفة من أجل كل عدد طبيعي $(W_n) = 3$

 $S = W_0 + W_1 + W_2 + \dots + W_n$: حيث $S = W_0 + W_1 + W_2 + \dots + W_n$

 $f(x) = \frac{x^2 + 5}{x + 2}$: كما يأتي f(05) كما يأتي f(05) كما الدالة العددية المعرفة على المجال

(2cm) منحني f في المستوي المنسوب لمعلم المتعامد و المتجانس f في المستوي المنسوب لمعلم المتعامد و المتجانس أو f في المستوي المنسوب لمعلم المتعامد و المتعامد

 ϕ ب ادرس اتجاه تغیر f ثم شکل جدول تغیر اتها.

(D) و C_f جين أن المستقيم C_f الذي معادلته y=x-2 مقارب للمنحني C_f ثم ارسم و

 $\left[1;\frac{5}{2}\right]$ محتواة في المجال $\left[1;\frac{5}{2}\right]$ محتواة في المجال

ر**عداد الأستلا.** حليلات عمام الصفحـــة 24/18

n نعتبر المنتالية العددية $\left(U_{_{n}}\right)$ المعرفة بحدها الأول $U_{_{0}}=1$ و من اجل كل عدد طبيعي (2 . $U_{_{n+1}}=f\left(U_{_{n}}\right)$: لدينا

أ- باستخدام $U_{_{1}}$ و $U_{_{1}}$ و المستقيم ذي المعادلة y=x ، مثل و $U_{_{0}}$ و المستقيم ذي المعادلة . (ox)

. $\left(U_{_{n}}\right)$ خمن اتجاه تغير وتقارب المتتالية

جـ - بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن $\leq \frac{5}{2}$ و أن المتتالية (U_n) متز ايدة.

. $\lim_{n \to +\infty} U_n$ د-استتنج أن $\left(U_n\right)$ متقاربة و

 $f(x) = \frac{2x+3}{x+2}$: كما يأتي f(0;2) كما يأتي المعرفة على المعرفة على المجال f(0;2) كما يأتي f(0;2) المعرفة على المجال f(0;2) .

. $f\left(x\right)\in\left[0;2\right]$ فإن $x\in\left[0;2\right]$ ج- برهن أنه إذا كان

 $\begin{cases} U_{_0}=0 \\ U_{_{n+1}}=f\left(U_{_n}
ight) \end{cases}$: على Ψ كالأتي : 2 نعرف المتتالية العددية $\left(U_{_n}\right)$ على غلو ($U_{_{n+1}}$

 $U_{_2}$ أ- برر وجود المنتالية $(U_{_n})$. احسب الحدين $U_{_1}$ و

و (C) بالاستعانة بالمنحني $U_{_{0}}$ على حامل محور الفواصل و ذلك بالاستعانة بالمنحني y=x . y=x

ج- ضع تخمينا حول اتجاه تغير $(U_{_n})$ وتقاربها انطلاقا من التمثيل السابق .

 $0 \le U_n \le \sqrt{3}$: أ- برهن بالتراجع على العدد الطبيعي n أن $U_n \le \sqrt{3}$. $U_n = 0$ فإن $U_n = 0$ فإن العدد الطبيعي u فإن العدد الطبيعي

 $(U_{\scriptscriptstyle n})$ ماذا تستتج بالنسبة إلى تقارب

. عير معدوم $U_{_{n+1}}-\sqrt{3} \leq \frac{2-\sqrt{3}}{U_{_{n}}+2} \left(U_{_{n}}-\sqrt{3}\right)$: خير معدوم خير معدوم أج

 $\left| \mathbf{U}_{n+1} - \sqrt{3} \right| \le k \left| \mathbf{U}_{n} - \sqrt{3} \right|$: بين عددا حقيقيا k من أجل k من أجل k الله من أجل الله من أحمد الله أحمد الله من أحمد الله أ

 $\lim_{n \to +\infty} U_n$ استنتج

الصفحـــة 24/19

ر**عداد الأستلا.** حليلات عماس $u_{n+1} = \sqrt{4 u_n}$: كما يلي \mathbf{Y}_n كما يلي عددية معرفة على التمرين (07) التمرين

 u_1 – أحسب -1

 $0 < u_n < 4$: أبر هن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن -2بین أن (u_x) متزایدة ، ماذا تستنتج ؟

 $v_n = \ln(u_n) - \ln 4$: كمايلي كالمعرفة على (v_n) المعرفة على (v_n) المعرفة على على المعرفة على v_n أ) بين أن (v_{\parallel}) متتالية هندسية

 $\lim u_n$ ب أكتب v_n و u_n بدلالة n ثم أحسب

 $P_{n} = u_{0} \times u_{1} \times ... \times u_{n}$ و $S_{n} = v_{0} + v_{1} + ... + v_{n}$: أحسب بدلالة n كلا من

: معرفة كما يلي ($(u_n)_{n\in Y^*}$ متتالية عددية حدودها موجبة معرفة كما يلي

$$\begin{cases} u_1 = e^2 \\ (u_{n+1})^2 e = u_n \end{cases}$$

 $v_n = \frac{1 + \ln u_n}{2}$: نعتبر المتتالية $(v_n)_{n \in \mathbb{Y}^*}$ المعرفة كما يلي

الأول الثبت أن $(v_n)_{n \in \mathbf{v}^*}$ هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول الأول

 (u_n) غم u_n بدلاله u_n بدلاله v_n الدرس تقارب المتتالية v_n اكتب v_n

 $S = u_1 + u_2 + \dots + u_n$: حيث $S = u_1 + u_2 + \dots + u_n$ احسب المجموع $S = u_1 + u_2 + \dots + u_n$

 $t_n = \ln u_n$: حيث المتتالية المتتالية (ما هي طبيعة المتتالية)

التمرين (09) لتكن المتتالية (u_n) و المتتالية (v_n) المعرفتين كما يلى :

. $v_{n+1} = \frac{u_n + 3v_n}{4}$ و من أجل كل عدد طبيعي $u_{n+1} = \frac{u_n + 2v_n}{3}$: n عدد طبيعي $v_0 = 1$ ، $u_0 = 12$

. $t_n = 3u_n + 8v_n$ و $w_n = u_n - v_n$: n نضع من أجل كل عدد طبيعي

- . أثبت أن المتتالية (w_n) هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول (1)

 - (t_n) أثبت أن المتتالية (t_n) متتالية ثابتة . ما هي نهاية (3
- . v_n أثبت أن المتتاليتين (u_n) و (v_n) متجاورتان. ثم استتج نهاية u_n و نهاية (4

: المعرفة كما يلى المتتالية العددية $(u_n)_{n\in N^*}$ المعرفة كما يلى

$$u_1 = -1$$

$$u_{n+1} = \frac{n}{2(n+1)}u_n + \frac{3(n+2)}{2(n+1)}$$

العدد 3 برهن أن (u_n) محدودة من الأعلى بالعدد 1

الدرس رتابة المتتالية (u_n) . استتج أن (u_n) متقاربة احسب نهايتها /2

الصفحــــة 24/20

رعداد الأستد

```
أ) بر هن ان المتتالية (v_{i}) هندسية
                     ب) عبر عن v_n ثم بدلالة n ثم جد نهاية المتتالية v_n من جديد (ب
           S_2 = v_1^2 + v_2^2 + \dots + v_n^2 S_1 = v_1 + v_2 + \dots + v_n: V_n : V_n = V_n
                               : حيث (u_n)_{n\in Y} متتالية هندسية حدودها موجبة حيث
                                     \ln u_{2} - \ln u_{4} = 4 e \ln u_{1} + \ln u_{5} = -12
                         n بدلالة u_n بدلالة . u_0 بدلالة الهندسية وحدها
            \lim_{n} S_n نسمي S_n بدلالة n ثم u_0 + u_1 + \dots + u_n: نسمي S_n بدلالة S_n
                              v_n = \ln u_n + \ln u_{n+1}: المنتالية العددية المعرفة كما يلي ((v_n)_{n \in \mathbf{Y}} -2
                                         - بیّن أن (v_n)_{n \in \mathbf{Y}} متتالیة حسابیة یطلب تعیین أساسها.
T_{_{n}}^{^{2}}=2^{^{30}}: ميّن العدد الطبيعي n حتى يكون v_{_{0}}+v_{_{1}}+\dots\dots+v_{_{n}}: المجموع T_{_{n}}
التمرين (12) نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بحدها الأول u_0 = e^3 - 1 و من اجل كل عدد
                                                           e^3 u_{n+1} = 1 - e^3 + u_n: طبیعی n لدینا
                                                               u_3 u_2 u_1: u_3 u_4 u_5 u_1 u_2
                                        1+u_n f 0 : أثبت أنه مهما يكن العدد الطبيعي n فإن -2
                 (u_n) متناقصة تماما ماذا تستنج بخصوص تقارب (u_n)؟
                                         v_n = 2(1+u_n): n عدد طبیعی عن أجل كل عدد عدد طبیعی
                                أ- أثبت أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول
                                                     . \lim u_n بدلالة n ثم استتج
                                   v_n \ge 2 \times 10^{-9}: عين مجموعة العداد الطبيعية nحتى يكون
           : التمرين (13) المنتالية العددية (u_n)_{n\in N} معرفة بحدها الأول u_0 وبعلاقة التراجع الآتية
                                          n من أجل كل عدد طبيعي u_{n+1} = \frac{7u_n + 2}{u_n + 8}
                                         التي من أجلها تكون المتتالية (u_n) ثابتة. u_0 عيّن قيم u_0
                                                                 u_0 = 0: نفرض في ما يلي (2
                    0 \le u_n \le 1 ، n نم أثبت أنه من اجل كل عدد طبيعي u_1, u_2
         ب) أدرس اتجاه تغير المتتالية (u_n) ثم استتج تقارب المتتالية (u_n) واحسب نهايته
                              v_n = \frac{u_n + 2}{u_n - 1} : يلي المعرفة كما يلي العددية (v_n) العددية (3
                 أ) أثبت أن المتتالية (v_n) هندسية ، يطلب حساب حدها الأول و أساسها.
                                         (u_n) عبّر عن u_n بدلالة n ثم احسب نهاية ب
                                             P_n و آدا علمت أن P_n بنا احسب كلا من S_n
                      P_n = v_0 \times v_1 \times \dots \times v_n \qquad S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n
V_n = v_0 \times v_1 \times \dots \times v_n
      رحاد الأستلا
      حليلاتعماس
```

 $v_n = n(3-u_n)$ ، معدوم عير معدو كل عدد طبيعي غير معدوم /3

: المعرفة كما يلى المتتالية العددية (u_n) المعرفة كما يلى

$$u_{n+2} = u_{n+1} - \frac{1}{4}u_n$$
 ، $u_{n+2} = u_{n+1} - \frac{1}{4}u_n$ ، $u_{n+2} = u_{n+1} - \frac{1}{4}u_n$

 u_4 • u_3 | Leave u_4 • u_3 | Leave u_4 • u_3 | Leave u_4 • u_5 | Leave u_4 • u_5 | Leave u_5 • u_5 •

 $v_n = 2^n v_n$: لتكن المنتالية العددية (v_n) المعرفة كما يلى -2

 $v_{n+1}-v_n=3$: n عدد طبیعی أ- برهن بالتر اجع أنه من أجل كل عدد التراجع

n بدلالة v_n بدلالة المتتالية (v_n) ثم اكتب بدلالة

n بدلاله u_n بدلاله . -

 (u_n) نرید در اسهٔ تقارب المتتالیه -3

 $\frac{n}{2^n} \le \frac{4}{n}$ و $4 \times 2^n \ge n^2$: $(n \ge 3)$ n أ- برهن أنه لكل عدد طبيعي

ب- احسب عندئذ $\frac{n}{2^n}$ ، هل المتتالية (u_n) متقاربة u_n

$g(x) = e^{-x} + x - 1$: كما يلي نعتبر الدالة العددية g المعرفة على نعتبر الدالة العددية g المعرفة على (1.5)

g ادرس تغيرات الدالة g .

 $x \in \mathbf{i}$ لكل $e^{-x} + x \ge 1$: ثم استنج أن g(0) لحسب (2

 $f(x) = \frac{x}{x + e^{-x}}$: لتكن الدالة f المعرفة كما يلي الدالة f

 $\left(O;i,j
ight)$ التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس الدالة $\left(C_{f}
ight)$

f عيّن مجموعة تعريف الدالة f

$$x \in \mathbf{1}^*$$
 لکل $f(x) = \frac{1}{1 + \frac{1}{xe^x}}$: ابیّن أن (1

بيّن ان $0:\lim_{x\to +\infty}f\left(x\right)=1$ و $\lim_{x\to +\infty}f\left(x\right)=0$ ثم فسر هندسيا النتيجة.

f ادرس تغیرات الداله f

. O النقطة (C_f) المنحني (Δ) المادلة المماس (4

 (C_f) و (Δ) بادرس الوضع النسبي للمنحني (C_f) و المماس (Δ) . جــ أنشئ (Δ)

: نعتبر المتتالية العددية $(U_{\scriptscriptstyle n})$ المعرفة كما يلي $\left(\prod_{\scriptscriptstyle n} \right)$

$$n \in \mathbf{Y}$$
 ککل $U_{n+1} = f(U_n)$ و $U_0 = 1$

 $n\in \mathbb{Y}$ لكل $0\leq U_n\leq 1$: الكن بالتراجع أن بالتراجع

بيّن أن المتتالية (U_n) متناقصة (2

استتج ان (U_n) متقاربة ثم حدّد نهايتها.

التمرين (16) x لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة كما يلي :

. هو المنحني الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس $f(x) = 1 - \frac{1}{2}x - \frac{2}{e^x + 1}$

i من أن $\frac{1}{e^{-x}+1}=1-\frac{1}{e^{x}+1}$ كل $\frac{1}{e^{-x}+1}$ اكل من أن (1 f فردیة f فردیة

. $\lim_{x \to \infty} f(x)$: $\lim_{x \to \infty} (2)$

i نکل $f'(x) = -\frac{1}{2} \left(\frac{e^x - 1}{e^x + 1} \right)^2$: نکل $f'(x) = -\frac{1}{2} \left(\frac{e^x - 1}{e^x + 1} \right)^2$: (3

 i^+ على f^+ على الدالة f^+ على f^+

. **i** نکل x کا $1 - \frac{2}{e^x + 1} \le \frac{1}{2}$: نکل x من - = -1

بیّن ان : 0 = $\left| \int_{x \to +\infty} f(x) - \left(1 - \frac{1}{2}x\right) \right| = 0$: نم فستر النتیجة هندسیا

(C) ينشئ في المعلم المستقيم الذي معادلته $y=1-\frac{1}{2}x$: ما أنشئ المنحني (5)

 Ψ من $u_{n+1}=1-rac{2}{e^{u_n}+1}$ و $u_0=1$: لكل $u_0=1$ لكل المحرفة بما يلي $u_0=1$

 $oldsymbol{\Psi}$ بين بالتراجع أن : u_n $oldsymbol{f}$ 0 نين بالتراجع أن

 Ψ من $u_{n+1} \leq \frac{1}{2}u_n$: أ- تحقق باستعمال نتيجة السؤال الثالث ج من الجزء الأول ، أن يجقق باستعمال نتيجة السؤال الثالث ع ب- استنج ان المتتالية (u_n) متناقصة .

 $\lim_{n\to+\infty} u_n$ لکل $u_n \leq \left(\frac{1}{2}\right)^n$: نین أن $u_n \leq \left(\frac{1}{2}\right)^n$ لکل (3)

التمرين (17)

 $u_n-2u_{n+1}=2n+3$ ، منتالية (u_n) على المجموعة $v_0=2$ بي $v_0=2$ بي نعر في منتالية $v_0=2$ $u_n = 2^{-n} - 2n + 1$ ، n عدد طبیعی 1.

 $v_n = u_n + t \, n - 1$: على بـ $v_n = u_n + t \, n - 1$.

أ _ بيّن أنّه إذا كان $t \neq 2$ ، فإن المتتالية (v_x) تكون متباعدة .

 v_n أثبت أنّه يوجد عدد طبيعي t ؛ تكون من أجله المتتالية v_n هندسية يطلب تحديد أساسها

 $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$: حيث $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ أحسب بدلالة $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$

C ، B ، A المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس نعتبر النقط C ، B ، A و C

مع I عدد حقیقی. 2GA + 3GB + 1GC = 0

عيّن I حتى تكون النقطة G مرجّحا للنقط A النقط B ، A و B ، B و على الترتيب

الصفحية 24/23

رحداد الأستلا

. *e* تعيين حصر للعدد 1 (18) تعيين حصر العدد

- . $f(x) = e^x (1+x)$: بي المعرفة على $f(1) = e^x (1+x)$. بي الدالة العددية للمتغير الحقيقي . $f(x) = e^x (1+x)$. الدالة الدالة والدالة .
 - . $1+x \le e^x$... (1) ، x عدد حقیقی عدد أنه من أجل كل عدد (2
- x<1 : (x<1) نماما من المتباينة (1) باستعمال المتباينة (1) ، أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي

$$e^x \leq \frac{1}{1-x} \quad \dots \quad (2)$$

2. تعیین حصر للعدد n . e عدد طبیعی غیر معدوم .

.
$$\left(1+\frac{1}{n}\right)^n \leq e$$
 : أثبت أن (1) باستعمال المتباينة (1

.
$$e \le \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{n+1}$$
 : أثبت أن (2) باستعمال المنباينة (2)

e.3 نهایة متتالیة.

. كما يلي عدد طبيعي n غير معدوم ، كما يلي (u_n)

$$u_n = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$$

. $0 \le e - u_n \le \frac{3}{n}$: غير معدوم غير عدد طبيعي معدوم أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي

. e أثبت أن المتتالية (u_n) تتقارب نحو (2

هذه مجموعة توجيهات أضعها بين أيديكم يا طلبتنا الكرام

الهدية

1/ ضروري المزيد من شحذ الهمة و التوق للالتحاق بمدرجات الجامعة 2/ ضروري ضبط جدول وعمل منظم بقصد الاستغلال الجيد للفترة المتبقية للمراجعة ولها أهميتها إن أحسن استغلالها

3/ الجدول يكون متوازن وعدم إهمال مواد او تركها بحجة من الحجج

4/ الاستعانة بحل النماذج السابقة في كل مادة

5/ ضبط كر إس التلخيص او المعارف في كل مادة

6/ الابتعاد عن الزملاء ذوي العزائم الضعيفة

7/ كن صاحب أمل وثقة في الله و أسأله العون وأعلم در استك بنية حسنة هي

عبادة وهي من بر الوالدين لأن إدخال السرور عليهما امر مشهود له فكيف بنجاحك في شهادة البكالوريا

8/ أعلم أن النجاح في البكالوريا امتحان والامتحان تكون 80 بالمئة من أسئلته مناسبة لعموم الطلبة و الالتحاق بالتخصص المرغوب فيه مسابقة

9/ عدم إهمال اللغات الأجنبية لأن لها تأثير كبير على النجاح ونوعه وعلى الأقل التخفيف من حدة الضعف

ابتعد عن السهر المفرط واجتهد في البكور فإن فيه البركات ومشهود له في المأثور المؤرط واجتهد في البكور فإن فيه البركات ومشهود له في المأثور ... http://www.qahtaan.com/works/up/get.php?hash=23470iktwx1238443920

رجداد الأستلا حليلات عماس