

المجال (I) : الطاقة .

الوحدة ④ : الطاقة الداخلية :

الكفاءات المستهدفة :

- يُوظف حصيلة طاوقية كمية .

- يعرف أن طاقة الرابطة أكبر تقريبًا بعشرة أضعاف من طاقة التماسك .

4 - ①) المركبة الحرارية  $E_{th}$  للطاقة الداخلية :

● نشاط : خذ قطعة من سلك معدني ثم خك أحد طرفيه على سطح خشن لمدة كافية ... (أنظر الشكل - 1) .

- ألمس (بحذر) بيدك طرف السلك قبل و بعد عملية الحك . ماذا تلاحظ ؟ ... (ارتفاع ملحوظ في درجة حرارة السلك) .

- هل تغيرت الطاقة الداخلية للسلك بعد عملية الحك ؟ لماذا ؟ ... (نعم بدليل ارتفاع حرارة السلك) .

- مثل الحصيلة الطاوقية للسلك بين بداية و نهاية الحك ... (أنظر النموذج جانبه) .

- أعط تفسيرًا على المستوى المجهري لتغير الطاقة الداخلية للسلك .

... (بعد مرور بضع دقائق على الحك تتعادل درجة حرارة السلك ، إذ أن الجسيمات المكونة للسلك الموجودة عند طرفه تكتسب طاقة حركية نتيجة الاحتكاك مع السطح الخشن ، هذه الجسيمات تُقدم جزءًا من طاقتها الحركية للجسيمات التي تجاورها ، وبدورها هذه الأخيرة تُحوّل جزءًا من طاقتها إلى الجزيئات التي بالقرب منها ... وهكذا يستمر التحويل إلى أن يصبح لكل الجزيئات في المتوسط نفس الطاقة الحركية ، وتصبح لكل نقطة من السلك نفس درجة الحرارة نقول حينئذٍ على الجملة "السلك" أنها في حالة توازن حراري) .

● نتيجة : استنتج بإكمال الفراغات

يدل ارتفاع درجة حرارة الجملة على تغير طاقتها الداخلية  $\Delta E_{th}$  . ارتفاع الطاقة الداخلية للجملة ناتج عن زيادة الطاقة الحركية المجهرية "الميكروسكوبية" لجسيمات الجملة . يُقاس هذا التغير في الطاقة الداخلية بقيمة التحويل الحراري  $Q$  بين الجملة و الوسط الخارجي .

1 - ①) العوامل التي يتعلّق بها التحويل الحراري :

● نشاط - 1 " علاقة التحويل الحراري بتغير درجة الحرارة " :

Ⓐ - ضع كمية من الماء البارد (200 g مثلاً) درجة حرارته الابتدائية  $\theta_1 = 20^\circ\text{C}$  في وعاء و أضف له نفس الكمية من ماء ساخن درجة حرارته  $\theta_2 = 60^\circ\text{C}$  . اعتبر الجملة المكونة من كميتي الماء معزولة حراريًا أي يُهمل التحويل الحراري الذي يحدث مع الوسط الخارجي (الوعاء + المحيط) .

① مثل الحصيلة الطاوقية للماء البارد بين الحالة الابتدائية  $(\theta = \theta_1)$  و الحالة النهائية  $(\theta = \theta_2)$  . ... (أنظر النموذج جانبه)

② ماذا يُمثّل التحويل الحراري  $Q$  بين الماء البارد و الماء الساخن ؟

... (يُمثّل التحويل الحراري  $Q$  بين كميتي الماء مقدار التغير الحادث في الطاقة الداخلية لكل منهما : الزيادة في الطاقة الداخلية للماء البارد = النقصان في الطاقة الداخلية للماء الساخن) .

③ هل يمكنك تقدير درجة حرارة الجملة عند التوازن الحراري في هذه الحالة ؟

... (حيث أن كميتي الماء الممزوجتين متساويتين فإن درجة حرارتهما عند بلوغ التوازن الحراري

تأخذ معدل درجتَي حرارتهما الابتدائيتين تقريبًا أي :  $\theta = (\theta_1 + \theta_2) / 2 \approx 40^\circ\text{C}$  .

④ قس درجة حرارة الماء بعد التوازن الحراري . ماذا تلاحظ ؟ ... (بعد حدوث التوازن الحراري تثبت درجة حرارة الماء عند

القيمة المقاسة النهائية  $\theta \approx 40^\circ\text{C}$ )

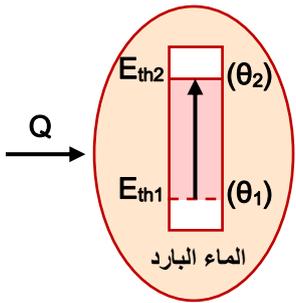
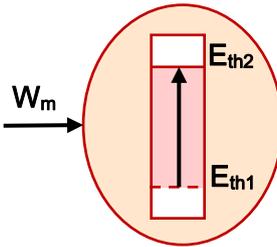
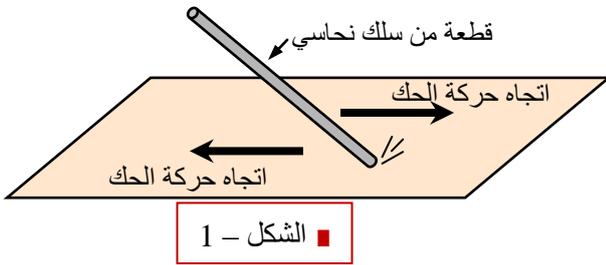
⑤ استنتج الفرق في درجة حرارة الماء البارد بين الحالة الابتدائية و الحالة النهائية .

... ( $\Delta\theta = \theta - \theta_0 = 40 - 20 = 20^\circ\text{C}$ )

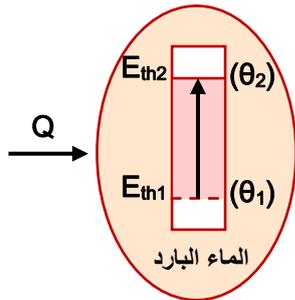
Ⓑ - أعد التجربة بأخذ نفس كمية الماء البارد السابقة ( $m = 200\text{ g}$  و  $\theta_0 = \theta_1 = 20^\circ\text{C}$ ) ثم أضف لها نفس الكمية من ماء ساخن درجة حرارته  $\theta_2 = 80^\circ\text{C}$  . اعتبر دوماً الجملة المكونة من كميتي الماء معزولة حراريًا .

① قس درجة حرارة الجملة عند التوازن الحراري في هذه الحالة ، هل لها نفس القيمة السابقة ؟ ... (لا يكون لدرجة حرارة

الماء النهائية عند بلوغ التوازن الحراري نفس القيمة السابقة  $\theta \approx 40^\circ\text{C}$  وإنما يكون لها قيمة مختلفة قدرها في هذه الحالة



$$(\theta \approx 50^\circ \text{C})$$



② استنتج الفرق في درجة حرارة الماء البارد بين الحالة الابتدائية و الحالة النهائية .

$$\dots (\Delta\theta = \theta - \theta_0 = 50 - 20 = 30^\circ \text{C}) .$$

③ مثل الحصيلة الطاقوية للماء البارد بين الحالة الابتدائية و الحالة النهائية .

... (أنظر النموذج جانبه) .

④ هل قيمة التحويل الحراري Q هي نفسها القيمة السابقة ؟ ... (لايكون للتحويل الحراري

في هذه الحالة نفس القيمة كما في الحالة السابقة) .

⑤ بماذا تتعلق قيمة التحويل الحراري ؟ ... (تتعلق قيمة التحويل الحراري Q بالفرق في

درجة الحرارة النهائية و الابتدائية :  $\Delta\theta = \theta - \theta_0$ )

● **نشاط-2 " علاقة التحويل الحراري بكمية المادة ( الكتلة ) "** :

أعد التجربة وخذ نفس كمية الماء البارد في نفس درجة الحرارة ( $m = m_1 = 200 \text{ g}$  و  $\theta_0 = \theta_1 = 20^\circ \text{C}$ ) وأضف لها

ضعف الكمية من الماء الساخن ( $m_2 = 400 \text{ g}$ ) درجة حرارته  $\theta_2 = 60^\circ \text{C}$  .

① هل يكون للجملة نفس درجة حرارة التوازن السابقة - (الجزء -A) ؟ ... (لايكون للجملة نفس درجة التوازن كما هو الحال

في الجزء - A) من النشاط-1 أي :  $\theta \approx 40^\circ \text{C}$  بل يكون لها درجة حرارة مختلفة) .

② قس درجة حرارة الماء بعد التوازن الحراري . ماذا تلاحظ ؟ ... (درجة حرارة الماء تثبت عند قيمتها النهائية بعد حدوث

التوازن الحراري وتقدر في هذه الحالة تقريبا  $\theta = 46,66^\circ \text{C}$ ) .

③ استنتج الفرق في درجة حرارة الماء البارد بين الحالة الابتدائية و الحالة النهائية .

$$\dots (\Delta\theta = \theta - \theta_0 = 46,66 - 20 = 26,66^\circ \text{C}) .$$

④ مثل الحصيلة الطاقوية للماء البارد بين الحالة الابتدائية و الحالة النهائية . (أنظر النموذج جانبه)

⑤ قارن بين قيمة التحويل الحراري Q لهذا النشاط و قيمته في النشاط-1 (الجزء -A) .

... (بما أن كمية الماء البارد هي نفسها في النشاط-1 - الجزء A) وكذا في النشاط-2 بينما التغير

الحدث في درجة حرارة الماء مختلفة في الحالتين "  $\Delta\theta \approx 20^\circ \text{C}$  في الحالة الأولى "

و "  $\Delta\theta \approx 26,66^\circ \text{C}$  في الحالة الثانية " فإن قيمة التحويل الحراري Q غير متساوية في الحالتين) .

● **نشاط-3 " علاقة التحويل الحراري بنوع المادة "** :

أعد التجربة وخذ نفس كمية الماء البارد في نفس درجة الحرارة ( $\theta_1 = 20^\circ \text{C}$  و  $m = 200 \text{ g}$ )

و أضف لها نفس الكمية من معدن النحاس (سلك نحاسي  $m_{\text{Cu}} = 200 \text{ g}$ ) درجة حرارته  $\theta_2 = 60^\circ \text{C}$  (عملياً : يُستخرج

السلك النحاسي من حمام مائي درجة حرارته  $60^\circ \text{C}$  ويوضع مباشرة في الماء البارد) .

① قس درجة حرارة الجملة عند التوازن الحراري في هذه الحالة ، هل لها نفس القيمة التي حصلت عليها في النشاط 1 الجزء

A) ؟ ... ( عند التوازن الحراري للجملة نقيس درجة حرارتها النهائية فنجدها مساوية  $\theta \approx 23,33^\circ \text{C}$  وبالتالي ليس لها نفس

القيمة المقاسة في النشاط-1 - الجزء A) .

② استنتج الفرق في درجة حرارة الماء البارد بين الحالة الابتدائية و الحالة النهائية

$$\dots (\Delta\theta = \theta - \theta_0 = 23,33 - 20 = 3,33^\circ \text{C}) .$$

③ بماذا تتعلق قيمة التحويل الحراري ؟ ... (تتعلق قيمة التحويل الحراري Q بطبيعة " أو نوع " المادة المستقبلة أو الفاقدة

للتحويل الحراري الحادث في الجملة المتوازنة) .

● **نتيجة** : استنتج بإكمال الفراغات

تتعلق قيمة الطاقة المحولة Q بين كميتين من المادة بـ **كتلة** و **نوع كل مادة** و **الفرق بين درجتي الحرارة النهائية و الابتدائية لكل مادة تفقد أو تستقبل طاقة بتحويل حراري Q حيث يساوي هذا التحويل التغير في الطاقة الداخلية لكل مادة  $Q = \Delta E_{\text{th}}$**  .

1-2) **علاقة التحويل الحراري Q :**

تناسب قيمة التحويل الحراري المصحوب بتغير في درجة الحرارة و غير المرفق بتغير في الحالة الفيزيائية للمادة مع كتلة هذه الأخيرة و الفرق في درجة الحرارة بين الحالة النهائية و الحالة الابتدائية للجملة المدروسة ، حيث تُكتب عبارة هذا التحويل بالشكل

$$\text{التالي : } Q = mc (\theta_f - \theta_i) = C \cdot \Delta\theta \text{ وفيها :}$$

Q : تمثل التحويل الحراري و يقدر بوحدته الدولية الجول ( J ) .

m : تمثل كتلة المادة المستقبلة أو الفاقدة للتحويل الحراري مقدره بوحدتها الدولية الكيلوغرام ( kg ) .

c : تمثل معامل ثابت يعرف باسم الحرارة الكتلية للمادة المعتبرة وهي تتعلق بنوع المادة حيث :  $C = mc$  هي السعة الحرارية للمادة ... (تقدر الحرارة الكتلية c بوحدتها الدولية الجول لكل كيلوغرام في الدرجة المطلقة (أو : المنوية) :  $J / (kg \cdot ^\circ C)$  ، وتقدر السعة الحرارية C بوحدة الجول لكل درجة :  $J / ^\circ C$  ) .  
 $\theta_i$  : درجة الحرارة الابتدائية و  $\theta_f$  درجة الحرارة النهائية وتقدران بوحدة  $^\circ C$  حيث :  $\Delta\theta = \theta_f - \theta_i$  الفرق في درجة الحرارة .

### ● ملاحظات :

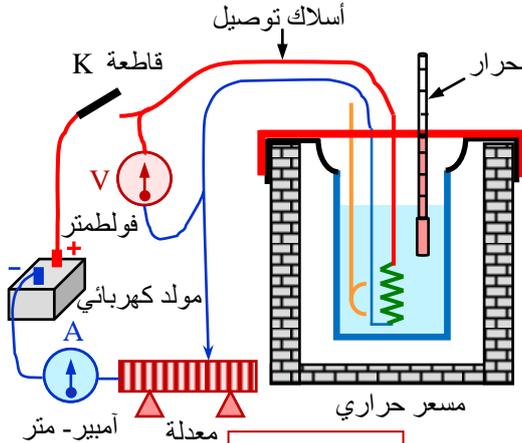
- إذا كانت :  $\theta_f > \theta_i$  فإن :  $Q > 0$  " يحدث ارتفاع في المركبة الحرارية لطاقة الجملة الداخلية " أي أن : الجملة استقبلت طاقة .
- في الحالة المعاكسة : الجملة تفقد الطاقة أي  $\Delta E_{th} = Q < 0$  .
- السعة الحرارية لجملة تعادل مجموع السعات الحرارية لكل مكوناتها :

$$C = \sum C_i = \sum m_i c_i = m_1 c_1 + m_2 c_2 + m_3 c_3 + \dots$$

1-3) فيل جول : فعل جول هو التحويل الحراري الذي يرافق مرور تيار كهربائي في ناقل أومي .

### ● نشاط : التحقق من قانون جول :

حقق التركيب المبين في الشكل 2- و المكون من مسعر حراري و لوحه معدلة كهربائية ؛ مولد كهربائي ؛ أميتر ؛ فولتметр ؛ مقاومة لتسخين الماء ؛ ...



الشكل 2 -

- ضع كمية من الماء كتلتها  $m = 300$  g في المسعر و قس درجة الحرارة الابتدائية .

- أغلق القاطعة و قس الزمن اللازم لرفع درجة حرارة الماء داخل المسعر

بعشر درجات مئوية :  $\Delta\theta = 10^\circ C$

- قس في نفس الوقت شدة التيار الكهربائي المار في المقاومة و فرق الكمون المطبق بين طرفيها .

- غير في شدة التيار ، وذلك بتغيير قيمة مقاومة المعدلة ، و قس شدة التيار و فرق الكمون و الزمن اللازم لرفع درجة حرارة الماء داخل المسعر بعشر

درجات مئوية ( $10^\circ C$ ) .

- كرر العملية عدة مرات بتغيير شدة التيار ، ثم دَوّن نتائجك في الجدول التالي :

### ● تحليل نتائج القياس :

- أ - أكتب عبارة الطاقة المكتسبة من طرف الماء .
- ب - أكتب عبارة الطاقة الكهربائية المحولة إلى المقاومة .
- ج - باعتبار المسعر معزولاً حرارياً وأن المقاومة تُحوّل كل الطاقة الكهربائية التي تستقبلها ، أكتب معادلة انحفاظ الطاقة .
- د - هل نتائج التجربة تحقق قانون جول ؟

### ● الجواب :

- جدول القياسات ..... (أنظر الجدول المقابل : لأجل  $R = 500 \Omega$ )

I (A)	t (s)	$I^2 t (A^2 \cdot s)$

I (A)	t (s)	$I^2 t (A^2 \cdot s)$
0,5	100	25
1,0	25	25
1,5	11,1	25
2,0	6,25	25

أ - عبارة الطاقة المكتسبة من طرف الماء : بإهمال السعة الحرارية للمسعر و لوحه فإن عبارة الطاقة المكتسبة من الماء هي :

$$Q = \Delta E_{th} = mc(\theta_f - \theta_i) = C \cdot \Delta\theta$$

ب - عبارة الطاقة الكهربائية المحولة إلى المقاومة :  $E_e = R \cdot I^2 \cdot t$  ...

ج - معادلة انحفاظ الطاقة : مما سبق وحسب مبدأ انحفاظ الطاقة للجمال المعزولة فإن :

$$E_0 = E \Leftrightarrow E_e = Q \Leftrightarrow R \cdot I^2 \cdot t = mc(\theta_f - \theta_i) = C \cdot \Delta\theta$$

د - لدينا :  $m = 300$  g و  $\Delta\theta = 10^\circ C$  ونعلم أن :  $c = 4,185 J/g \cdot ^\circ C$  (الحرارة الكتلية للماء) بالتالي :

وهي الطاقة المكتسبة من طرف الماء من المقاومة الكهربائية .  
 $Q = mc(\theta_f - \theta_i) = 300 \times 4,185 \times 10 = 12555 J$

لدينا كذلك :  $R = 500 \Omega$  و بالرجوع إلى جدول القياسات نجد :  $I^2 \cdot t = C \frac{\Delta\theta}{R} = 25 u.I \dots (A^2 \cdot s)$  بالتالي :

وهي الطاقة الكهربائية المحولة إلى المقاومة .  
 $E_e = R \cdot I^2 \cdot t = 500 \times 25 = 12500 J$

∴ واضح أن :  $Q \approx E_e$  أي أن : نتائج التجربة تحقق قانون جول في حدود أخطاء القياس :  $E_e = Q = R \cdot I^2 \cdot t$

### ● نتيجة : استنتج باكمال الفراغات :

عندما يعبر تيار مقاومة كهربائية تستقبل هذه الأخيرة طاقة كهربائية وتحولها كاملة إلى الوسط الخارجي على شكل تحويل حراري . تُدعى الظاهرة التي تصحب مرور التيار في ناقل أو مقاومة بفعل جول .

- **ملاحظة:** يكون فعل جول مفيداً في بعض الحالات وغير مفيد في الكثير من الحالات :  
- مفيد إذا كان الهدف هو الاستفادة من ذلك التحويل الحراري الناتج عنه كما هو الحال في : المسخن الكهربائي ، المكواة ، الفرن الكهربائي ، فواصم الدارات ، ...  
- غير مفيد في الحالة التي يكون فيها رفع درجة الحرارة غير مرغوب فيه : حالة دارة كهربائية ، الضياع في الخط ، ...

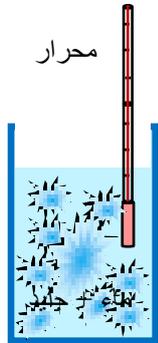
#### 4 - (2) مركبة الطاقة الداخلية المنسوبة للحالة الفيزيائية - الكيميائية للجملة :

عندما يحدث تغيير في الحالة الفيزيائية لجملة يرافقه امتصاص أو فقدان طاقة نتيجة تغير في التأثيرات المتبادلة بين جسيمات المادة . كذلك التفاعلات الكيميائية يمكنها امتصاص أو فقدان الطاقة ، وفي كلتا الحالتين تعتبر الطاقة المحولة عبارة عن " تغير في الطاقة الداخلية للمادة " .

يجب التمييز بين : التحويل الفيزيائي الذي ينتج عنه طاقة ندعوها : طاقة التماسك وبين التحويل الكيميائي الذي ينتج عنه طاقة الرابطة الكيميائية ، كما يجب تقدير رتبة التحويلات الحرارية المرافقة لكل تحول .  
تتكون المادة في كل حالاتها الفيزيائية (الصلبة - السائلة - الغازية) على المستوى المجهرى من جسيمات (جزيئات ، ذرات أو شوارد) وإن حالة المادة تتعلق بشدة التأثير المتبادل بين هذه الجسيمات .

- **الحالة الصلبة :** هي الحالة التي تتوزع فيها جسيمات المادة على شبكة بلورية حيث تكون شديدة الارتباط فيما بينها . تؤمن هذه الروابط تماسك البنية البلورية للمادة .
- **الحالة السائلة :** هي الحالة التي تكون فيها جسيمات المادة ضعيفة الارتباط فيما بينها حيث يكون التأثير المتبادل بين جسيمات المادة ضعيف الشدة .
- **الحالة الغازية :** هي الحالة التي تكون فيها شدة التأثير المتبادل بين الجسيمات مهملة (جسيمات مستقلة حرة غير مترابطة) .

#### 2- (1) طاقة التماسك (التحويل الفيزيائي) :



● **نشاط-1 :** خذ قطعة من الجليد وضعها داخل وعاء معدني فيه كمية من الماء البارد درجة حرارته تقارب  $0^{\circ}\text{C}$  (الشكل - 3) . راقب لمدة كافية ، باستعمال محرار ، درجة حرارة الجملة (كمية الماء البارد + قطعة الجليد + الوعاء) .

1- هل الجملة معزولة حرارياً ؟ ... (نعم ، تبقى درجة حرارتها ثابتة تقريباً في حدود  $0^{\circ}\text{C}$ )

2- قس باستعمال ميفاتية مدة ذوبان الجليد . ... (مدة كافية معتبرة  $\Delta t$ ) .

3- هل درجة حرارة الجملة تغـ يـرت مدة ذوبان الجليد ؟ ... (لا تتغير و تظل ثابتة تقريباً عند القيمة  $0^{\circ}\text{C}$ ) .

● **ملاحظة للطاقة الممتصة من طرف الجليد لا ترفع من درجة حرارته وإنما تغـ يـر حالته الفيزيائية .**

4- هل الجملة اكتسبت طاقة من الوسط الخارجي مدة ذوبان الجليد ؟ ... (باعتبار الجملة هي (قطعة الجليد) : نعم اكتسبت الجملة طاقة من الوسط الخارجي) .

5- إذا كان الجواب نعم ، ماهو أثر الطاقة المكتسبة على الجملة ؟ ... (يذوب الجليد بفك ارتباط جزيئات الماء فيما بينها فيه وجعلها ضعيفة الارتباط و يتطلب ذلك طاقة يقدمها الوسط الخارجي بسبيل حراري  $Q$  تزداد به الطاقة الحركية المجهرية لجزيئات الماء)

● **ملاحظة :** تغير الحالة يحدث عند درجات حرارة ثابتة ... فالطاقة المستقبلية من قبل الجليد خلال مدة ذوبانه لم ترفع في درجة حرارته بل كانت سبباً في ذوبانه .

#### ● **نتيجة :** استنتج بإكمال الفراغات :

تمتص قطعة الجليد تحويلاً حرارياً من الوسط الخارجي حتى تتحول من قطعة جليدية عند درجة حرارة  $0^{\circ}\text{C}$  إلى ماء سائل عند نفس درجة الحرارة .

#### ● **نشاط-2 :** أعد التجربة السابقة بأخذ ضعف كتلة الجليد السابقة .

- قس مدة ذوبان الجليد . ... (يزداد الوقت المرافق لفك ارتباط الجزيئات بحسب كتلة المادة)

- قارن هذه المدة مع مدة ذوبان قطعة الجليد في تجربة النشاط - 1 . ماذا تستنتج ؟ ... (مدة أكبر من المدة الأولى و يتطلب ذلك تحويل حراري مضاعف) .

- في رأيك هل قيمة التحويل الحراري في هذا النشاط أكبر من قيمة التحويل في النشاط - 1 ؟ لماذا ؟ ... (نعم قيمة التحويل الحراري  $Q'$  في هذا النشاط أكبر من قيمته  $Q$  في النشاط - 1 السابق لأن التحويل الحراري  $Q$  يتعلق بكتلة المادة المستقبلية للطاقة وهي أكبر

بمرتين في هذه الحالة عما كانت عليه في الحالة السابقة أي :  $Q' = 2Q \Rightarrow m' = 2m$  .

● **نشاط-3 :** أعد التجربة السابقة بأخذ كتل مختلفة للجليد ( $3m, 4m, \dots$ ) و قس في كل مرة مدة ذوبان الجليد . ماذا تلاحظ ؟ ماذا تستنتج ؟ ... (نلاحظ أن مدة التحويل تتضاعف بتضاعف الكتلة وبالتالي تتضاعف قيمة التحويل الحراري أي أن :  $Q$  يتعلق ب-  $m$  (تناسب طردي) .)



- استنتج الطاقة  $E_L$  التي تتحرر عن احتراق كتلة  $m = 1 \text{ g}$  من الوقود علماً أن الكتلة الحجمية لوقود القداحة  $\rho = 0,58 \text{ g/cm}^3$ .

..... بإهمال الضياع في الطاقة إلى المحيط  $Q_p$  فإن :  $E_L \approx Q \approx 2500 \text{ J}$  لكن في كل الحالات فإن : طاقة الرابطة  $E_L$

أكبر دومًا من الطاقة المحولة للماء  $Q$  حيث : - بعد معايرة خزان القداحة لدينا حجم الوقود المستهلك هو :  $V \approx 0,26 \text{ cm}^3$  بالتالي :

كتلة الوقود المستهلك هي :  $m = \rho \cdot V = 0,58 \times 0,26 \approx 0,15 \text{ g} \approx 150 \text{ mg}$  و الطاقة المتحررة عن احتراق هذه الكمية

من الوقود هي عمليًا :  $E_L \approx Q \approx 2500 \text{ J}$  بالتالي :

$$E_L = \frac{1 \times 2500}{0,15} = 16600 \text{ J} \left\{ \begin{array}{l} 2500 \text{ J} \leftarrow \text{من الوقود } m = 0,15 \text{ g} \\ E_L \leftarrow \text{تحرر} \quad \quad \quad m = 1 \text{ g} \end{array} \right.$$

:. طاقة الرابطة المتحررة عن احتراق الوقود هي :  $E_L \approx 16600 \text{ J/g}$ .

- الطاقة المكتسبة من الماء أقل من الطاقة المحررة من احتراق الوقود ، أي أن قيمة طاقة الرابطة الكيميائية  $E_L$  التي وجدتها في

التجربة أقل من القيمة الحقيقية لها . لماذا ؟ ..... وجدنا بالقياس التجريبي  $E_L \approx 16600 \text{ J/g}$  لكن القيمة المضبوطة لهذه

الطاقة أكبر من القيمة المقاسة هذه أي :  $E_L > 16600 \text{ J}$  نظرًا لأخطاء القياس من جهة وكذا للضياع المحول للمحيط من جهة ثانية و الأهم من ذلك كله يعود لكون " طاقة الرابطة هي الطاقة اللازمة لتغيير الحالة الكيميائية للمادة بسبب التفاعل بين الذرات

و تحطيم و تشكيل الروابط وهي أكبر دومًا من طاقة التماسك اللازمة لتغيير الحالة الفيزيائية للمادة" و بعبارة أخرى :

- طاقة التماسك  $Q$  هي الطاقة المحولة للماء و هي : ط . الحالة الفيزيائية (طاقة تحطيم التماسك بين الجزيئات) .

- طاقة الرابطة  $E_L$  هي الطاقة المحررة من الوقود وهي : ط . الحالة الكيميائية (ط . تلاشي و تكوين الروابط بين الذرات) .

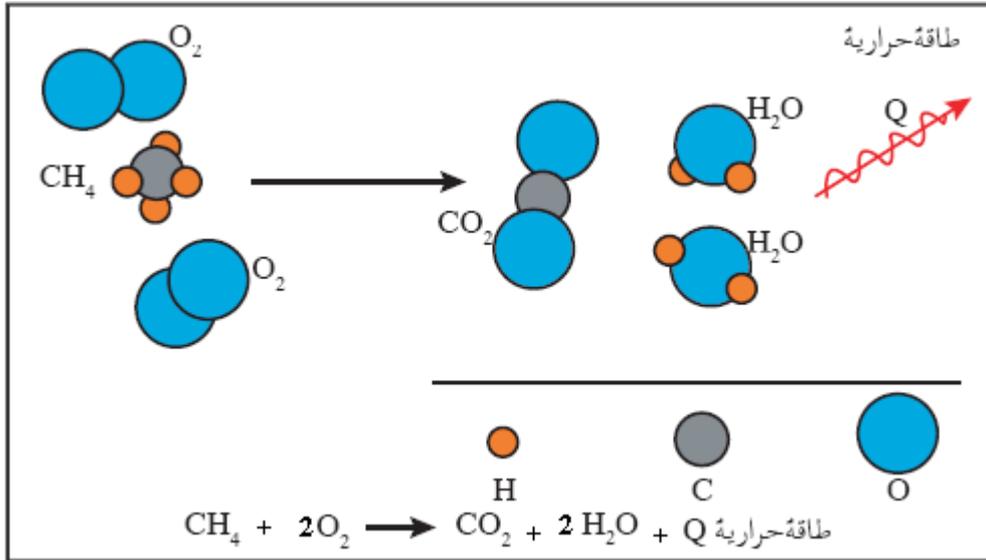
... دومًا : ط . الرابطة أكبر بكثير من ط . التماسك  $E_L \gg Q$

2- أ) التفسير المجهرى لتغير الحالة الحرارية المرافقة لتحول كيميائي:

تتغير الروابط الكيميائية نتيجة التفاعل بين الذرات حيث تنكسر روابط و تتشكل روابط أخرى مما يحدث تغييرًا في مخزون الطاقة

الكامنة الميكروسكوبية للجلمة ، تُدعى هذه الطاقة ، طاقة الرابطة الكيميائية ، وقيمتها تُعادل قيمة التحويل الحراري الذي يحدث .

الشكل المرفق أدناه يُمثل التغييرات الميكروسكوبية التي ترافق تحرير الطاقة عند احتراق غاز الميثان  $\text{CH}_4$  .



● إذا تزايد مخزون الطاقة الكامنة الميكروسكوبية للجلمة يكون التحول الكيميائي ماصًا للحرارة .

● إذا تناقص مخزون الطاقة الكامنة الميكروسكوبية للجلمة يكون التحول الكيميائي ناشئًا للحرارة .

2- ب) تطبيقي : (رتبة التحولات : تعيين ط . التماسك و مقارنتها مع ط . الرابطة الكيميائية)

ضع كمية من الماء كتلتها  $20 \text{ g}$  في علبة من الألمنيوم و سخنها حتى درجة الغليان ثم قم بوزن هذه الكمية و بعدها مباشرة أشعل القداحة و ضعها تحت العلبة . انتظر دقيقة أو دقيقتين حتى تتبخر كمية من الماء ، ثم أعد وزن الماء المتبقي في العلبة .

1- (°) حدد كتلة الماء المتبخر . ..... تقريبًا  $m = 2,0 \text{ g}$  .

2- (°) اقترح طريقة لقياس كتلة الوقود المحترق من القداحة . ..... لقياس كتلة الوقود المحترقة نقترح أخذ قداحتين متماثلتين

واحدة مملوءة و الأخرى فارغة ، ثم نقوم بوزنهما و تعيين الكتلة الكلية للوقود في القداحة المملوءة ، بعدها نُدرج هذه القداحة

بتدرجات متساوية (10 تد مثلاً) ثم إيجاد كتلة الوقود الموافقة لكل تدرجة و بعد إجراء التجربة نحدد كمية الوقود المحترق من

قياس الفرق بين مستويي الوقود قبل وبعد الاحتراق أي تحديد عدد تدرجات الوقود المختفي (المتفاعل) وحساب كتلته فنجدها مثلاً في تجربتنا هذه  $m' = 0,2 \text{ g} = 200 \text{ mg}$  .

3- أنجز الحصيلة الطاقوية ..... ( لاحظ الحصيلة أدناه أو الحصيلة الطاقوية المعطاة في الصفحة السابقة) .

4- هل يمكنك تقدير ، باستعمال نتائج النشاط السابق ، الطاقة الحرارية التي اكتسبتها كمية الماء المتبخرة .

لدينا من النشاط السابق  $1 \text{ g}$

من الوقود يحرق  $16600 \text{ J}$  ولدينا في هذا النشاط

كمية الماء المتبخر  $m = 2,0 \text{ g}$  ويحترق لأجل ذلك

كتلة من الوقود قدرها  $m' = 0,2 \text{ g}$  فتكون الطاقة

المتحررة حينئذ :  $Q' = 0,2 \times 16600 = 3320 \text{ J}$

بإهمال  $Q'_p$  المحولة للمحيط .

5- استنتج الطاقة الحرارية التي تكتسبها كتلة

$m = 1 \text{ g}$  من الماء لكي تتبخر .  $L_V$  للماء .

..... مما سبق يتضح أن :  $L_V = 1660 \text{ J/g}$

هي الحرارة التي تكتسبها كتلة من الماء قدرها  $1 \text{ g}$

لكي تتبخر وتعرف هذه الحرارة بـ " السعة الكتلية

للتبخر :  $L_V$  " .

6- قارن بين هذه القيمة و قيمة طاقة الرابطة الكيميائية لوقود القداحة  $E_L$  . ماذا تستنتج ؟ ..... لدينا مما سبق :

- طاقة الرابطة الكيميائية لوقود القداحة :  $E_L = 16600 \text{ J/g}$  .

- السعة الكتلية للتبخر :  $L_V = 1660 \text{ J/g}$  وهي نفسها طاقة التماسك  $Q$  لنفس كمية الماء المتبخرة .

بالتالي :  $E_L = 10 L_V = 10 Q$  نستنتج أنه في جميع الحالات :

" طاقة الرابطة الكيميائية  $E_L$  تعادل عدة أضعاف طاقة التماسك  $Q$  "

● **نتيجة** : استنتج بإكمال الفراغات :

تبين نتائج النشاطات السابقة أن الطاقة الكامنة المخزنة في المادة اللازمة (لتماسك) مجموعة من (الذرات) في الجزيئات تفوق بـ (عشرة) أضعاف تقريباً الطاقة اللازمة (لتماسك) مجموعة من الجزيئات .

● **قياسات حرارية " أ . تطبيقية "**

● **تطبيق : التمرين المحلول ( ص : 107 - كتاب التلميذ ) .**

**تعيين مردود مسخن ماء منزلي**

لتحديد مردود مسخن ماء يشتغل بغاز المدينة نقوم بالتجربة التالية :

- نقيس ، باستعمال محرار ، درجة حرارة ماء الحنفية قبل أن يمر عبر المسخن :  $T_i = 15 \text{ }^\circ\text{C}$  .

- نقيس درجة حرارة الماء السـاخـن (أو يمر عبر المسخن) :  $T_f = 65 \text{ }^\circ\text{C}$  .

- نقيس ، باستعمال ميقاتية ، مدة ملاء قدر سعته  $V = 10 \text{ L}$  :  $t = 5 \text{ min}$  .

- نقيس ، بالقراءة على عداد الغاز ، حجم الغاز المستعمل لتسخين الماء حتى يمتلئ القدر :  $V_g = 120 \text{ L}$  .

- نعلم من المراجع أن : الحرارة الكتلية للماء  $c_e = 4185 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$  و السعة الحرارية لغاز المدينة  $c = 2,5 \times 10^7 \text{ J/m}^3$  .

1- أحسب قيمة التحويل الحراري المحول إلى الماء ، ثم استنتج الاستطاعة المحولة .

2- أحسب قيمة التحويل الحراري الناتج عن احتراق الغاز .

3- قارن بين قيمتي التحويلين ، ثم مثل الحصيلة الطاقوية للجملتين : (الماء) و (غاز المدينة + ثنائي الأوكسجين) خلال عملية تسخين كمية الماء .

4- انطلق نتائج السؤال السابق ، عرّف ثم أحسب مردود مسخن الماء .

5- نقدر من فاتورة الكهرباء و الغاز التسعيرة المتوسطة التالية لاستهلاك الطاقة :

• سعر  $1 \text{ kWh}$  من طاقة الكهرباء يساوي  $3 \text{ د.ج}$  .

• سعر  $1 \text{ th} = 1 \text{ M cal} = 4,18 \times 10^6 \text{ J}$  من طاقة الغاز يساوي  $0,3 \text{ د.ج}$  .

أ- أحسب كلفة تسخين  $100 \text{ L}$  من الماء باستعمال هذا المسخن بالغاز .

ب- أحسب كلفة تسخين  $100 \text{ L}$  من الماء باستعمال مسخن كهربائي له نفس استطاعة التحويل لمسخن الماء الغازي السابق

و اعتبار مردوده يساوي الواحد (100 %) أي : تحول فيه كل الطاقة الكهربائية إلى طاقة حرارية . ماذا تستنتج ؟

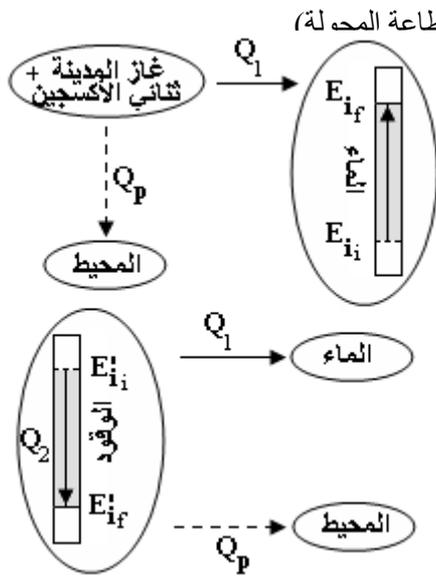
● **الحل :**

1- باعتبار الجملة المدروسة هي (الماء) فإن :

الجملة تتلقى من الوسط الخارجي (سخن الماء) تحويلاً حرارياً  $Q_1$  يرفع من الطاقة الحركية الميكروسكوبية لجزيئات الجملة

فتتغير درجة حرارة الماء دون تغيير حالته الفيزيائية حيث :

$$Q_1 = mc_e(T_f - T_i) \Rightarrow Q_1 = 10 \times 4,185 \times (65 - 15) = 2,1 \times 10^6 \text{ J}$$



كذلك بالتعريف :  $P = Q_1/t \Rightarrow P = 2,1 \times 10^6 / 300 = 7000 \text{ W}$  ... (الاستطاعة المحللة)

2- نعتبر الآن الجملة المدروسة هي وقود سخان الماء

(غاز المدينة + ثاني الأوكسجين) و الذي يحترق عند احتراقه التحويل الحراري :

$$Q_2 = c \cdot V_g \Rightarrow Q_2 = 2,5 \times 10^7 \times 120 \times 10^{-3} = 3 \times 10^6 \text{ J}$$

3- نلاحظ أن :  $Q_2 > Q_1$  بالتالي : الطاقة المحررة باحتراق الوقود لا تُسخّن الماء فحسب بل يضيع جزء منها نحو المحيط ، هذا الجزء الضائع من الطاقة (غير المفيدة) يُقدر بـ :

$$Q_p = Q_2 - Q_1 \Rightarrow Q_p = (3 - 2,1) \times 10^6 = 0,9 \times 10^6 \text{ J}$$

بالتالي الحصيلة الطاقوية للماء و الوقود خلال عملية تسخين الماء هي :

(أنظر النموذجين المرفقين جانبه ) .

34- لف مردود سخان الماء بأنه : النسبة بين الطاقة المفيدة  $Q_1$  و الطاقة الكلية المحررة من احتراق الوقود  $Q_2$  أي :

$$\eta = Q_1 / Q_2$$

بالتالي :  $\eta = 2,1 / 3 = 0,7 \Rightarrow \eta = 70 \%$

5- أ) بما أن تسخين 10 L من الماء يتطلب تحويل حراري  $Q_2 = 3 \text{ MJ}$  حرارية محررة من احتراق الوقود قدرها 30 MJ و بكلفة قدرها :

$$s_1 = (0,3 \times 30 \times 10^0) / (4,18 \times 10^0) = 2,15 \text{ D.A}$$

ب) لدينا بالنسبة للمسخن الكهربائي :  $P = 7000 \text{ W}$  وكذا :  $\eta = 100 \% = 1$

بالتالي :  $Q_2 = Q_1 = 21 \text{ MJ}$  هي الطاقة الحرارية التي يقدمها السخان الكهربائي لتسخين 100 L و بكلفة

$$s_2 = (3 \times 21 \times 10^6) / (3,6 \times 10^6) = 17,5 \text{ D.A}$$

## حلل بعض التمارين

### التمرين 1

نسمي جملة كل جسم أو جزء منه أو مجموعة أجسام نختارها قصد دراستها. لهذه الجملة حدود حقيقية أو وهمية تحيط

بعناصرها.

### التمرين 2

"الطاقة لا تستحدث و لا تزول، إذا اكتسبت جملة ما طاقة أو فقدتها فإن هذه الطاقة تكون بالضرورة قد أخذتها من جملة (أو جمل) أخرى أو قدّمها لها".

الطاقة الابتدائية للجملة + الطاقة المستقبلية - الطاقة المقدّمة = الطاقة النهائية للجملة

### التمرين 3

للطاقة الداخلية لجملة مركبات تتعلق بنوع الجملة و التغيرات التي تطرأ عليها.

تقسم هذه المركبات إلى أربعة أنواع:

- طاقة حركية ميكروسكوبية ناتجة عن حركة الجسيمات المكونة للجملة و هي عادة حركة عشوائية.
- طاقة كامنة ميكروسكوبية ناتجة عن كل التأثيرات المتبادلة بين مختلف مكونات الجملة: الطاقة الكامنة النووية الناتجة عن تماسك النواة
- الطاقة الكامنة الكهربائية الناتجة عن التفاعل الكهربائي بين الإلكترونات و البروتونات المكونة لذرات الجملة.
- الطاقة الكامنة المرورية الناتجة عن التشوه الذي يحدث للأجسام الصلبة.
- طاقة داخلية فيزيائية تتعلق بالحالة الفيزيائية للجملة.
- طاقة داخلية كيميائية ناتجة عن التفاعل الكيميائي.

### التمرين 4

لا: خلال تغير الحالة الفيزيائية لجملة (ذوبان الجليد مثلا ) فان الجملة تستقبل طاقة من الوسط الخارجي دون أن ترتفع درجة حرارتها.

### التمرين 5

لا: يمكن للجملة أن تستقبل نفس الطاقة التي تفقدها لذلك فإن طاقتها تبقى ثابتة ولكنها تتبادل الطاقة مع الوسط الخارجي ، إذا ليست بالضرورة معزولة.

• **التمرين 6**

التحولات الماصة للحرارة هي :-الإنبهار، التبخير و التسامي :  $Q = mL_v$  ،  $Q = mL_f$

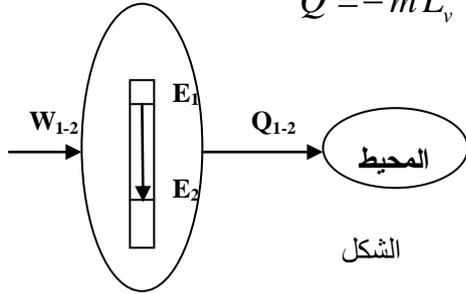
• **التمرين 7**

التحولات الناشئة للحرارة هي:-التجمد، التميع و التكتيف :  $Q' = -mL_v$  ،  $Q' = -mL_f$

• **التمرين 8**

إستطاعة تحويل حراري هي النسبة بين التحويل الحراري على المدة الزمنية التي يستغرقها هذا التحويل:

$$P = \frac{Q}{t} = \frac{mc\Delta\theta}{t} \quad \text{ت.ع.} : P = \frac{0.5 * 4185 * 60}{20 * 60} \approx 105 \text{ W}$$



• **التمرين 9**

$$Q = P.t = 500 * 3600 = 1,8 \text{ MJ}$$

• **التمرين 10**

- 1- الجملة غير معزولة لأنها تتبادل الطاقة مع الوسط الخارجي.
- 2- التمثيل المبين على الشكل

$$P = \frac{W_{1-2}}{t_2 - t_1} = \frac{6500}{10} = 650 \text{ W} \quad \text{-3}$$

• **التمرين 11**

- في البداية (مباشرة بعد وضع القطعة المعدنية ) تكون الجملة في حالة غير متوازنة ثم يبدأ حدو تبادل حراري بين عناصر الجملة.
- يحدث التحويل الحراري تلقائيا من الجملة الساخنة نحو الجملة الباردة .

• **التمرين 12**

- 1- درجة حرارة المادتين
- 2- يساوي التحويل المفقود
- 3- بالكثافة الحجمية للمادة

$$P = \frac{Q}{t} = \frac{148200}{3 * 60 + 5} = 801 \text{ W}$$

الطاقة الداخلية ،  $Q = mc\Delta\theta = 2 * 390 * 190 = 148.2 \text{ kJ}$

• **التمرين 13**

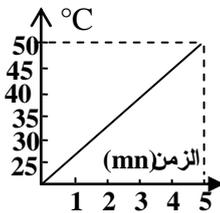
• **التمرين 15**

ت.ع:  $C = m_{Al}c_{Al} + Mc_e + mc + m_h c_h$  -

$$C = 0.45 * 890 + 4185 + \frac{2}{3} * 4185 + \frac{1}{4} * \frac{1}{2} * 4185 \approx 7899 \left( \frac{\text{J}}{\text{kg}} \right)$$

-  $Q = C\Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = \frac{Q}{C} = \frac{270000}{7899} \approx 34$

$$\theta_f = 20 + \Delta\theta = 54^\circ\text{C}$$



• **التمرين 16**

$$P = \frac{Q}{t} = \frac{mc\Delta\theta}{t} \Rightarrow c = \frac{Pt}{m\Delta\theta} = \frac{420 * 5 * 60}{1 * (50 - 20)} = 4200 \left( \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} \right)$$

• **التمرين 17**

1- تبدأ درجة حرارة القطعة الجليدية ترتفع ، باكتساب تحويل حراري من الوسط الخارجي حتى تصبح درجة حرارة القطعة الجليدية 0 وعندها تتحول حالتها من صلب إلى سائل عن نفس درجة الحرارة .  
بعدها تتحول كل القطعة إلى سائل تواصل درجة الحرارة في الارتفاع وبعد مدة كافية ،تصل درجة الحرارة النهائية إلى درجة الحرارة المحيطة 20°C.

الحالة النهائية هي عبارة عن 75g من الماء داخل إناء عند درجة حرارة 20°C.

2- قيمة التحويل الحراري Q الذي امتصته القطعة الجليدية:  $Q = m_g c_g \Delta\theta_g + m_g L_f + m_e c_e \Delta\theta$

$$Q = 0.075 * 2090 * 15 + 75 * 330 + 0.075 * 4185 * 20 \approx 33.4 \text{ kJ}$$

### • التمرين 18

$$Q = m_g c_g \Delta\theta_g + m_g L_f + m_e c_e \Delta\theta$$

$$Q = 0.020 * 2090 * 6 + 20 * 330 + 0.020 * 4185 * 30 \approx 9.36 \text{ kJ}$$

### • التمرين 19

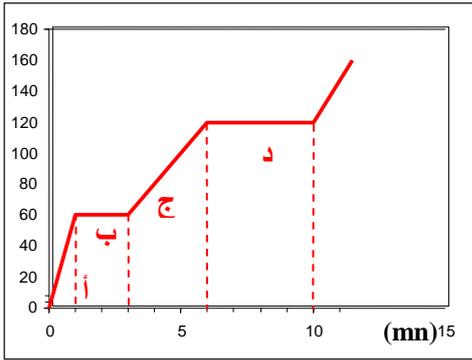
- في الحالة إضافة كمية من الماء عند 0°C للماء الموجود في الكأس فان هذا الأخير يفقد التحويل الحراري الذي يكتسبه الماء

$$Q_i = mc_e(\theta_f - \theta_i) = m'c_e(\theta - \theta_f)$$

$$\theta_f = \frac{m\theta_i + m'\theta}{m + m'}$$

- في حالة القطعة الجليدية عند نفس درجة الحرارة  $Q_i = mL_f + mc_e(\theta_f - \theta_i) = m'c_e(\theta - \theta_f)$

$$\theta_f = \frac{m\theta_i + m'\theta}{m + m'} - \frac{L_f}{c_e}$$



### • التمرين 20

1- حالة المادة :

- في الفترة أ كانت المادة في حالتها الصلبة
  - في الفترة ب كانت المادة تتحول من الصلب إلى السائل
  - في الفترة ج كانت المادة في حالتها السائلة
  - في الفترة د كانت المادة تتحول من السائل إلى غاز
- 2- درجة حرارة انصهار المادة هي الدرجة التي تمر بها الحالة ب أي :

$$\theta = 60^\circ\text{C}$$

أما درجة غليانها في التحول الذي يحدث في الفترة د أي:  $\theta = 120^\circ\text{C}$

$$c = \frac{P\Delta t}{m\Delta\theta} = \frac{400 * 60}{60} = 400 \left( \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}} \right)$$

$$c = \frac{P\Delta t}{m\Delta\theta} = \frac{400 * 3 * 60}{60} = 1200 \left( \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}} \right)$$

$$mL_f = P\Delta t \Rightarrow L_f = \frac{P\Delta t}{m} = \frac{400 * 2 * 60}{1} = 4800 \left( \frac{\text{J}}{\text{kg}} \right)$$

$$mL_v = P\Delta t \Rightarrow L_v = \frac{P\Delta t}{m} = \frac{400 * 4 * 60}{1} = 9600 \left( \frac{\text{J}}{\text{kg}} \right)$$

### • التمرين 21

تعيين الحالة النهائية للجلمة:

1 - التحويل الحراري الذي يمكن أن يمتصه الماء و المسعر بدون تغير الحالة الفيزيائية للماء:

$$Q_i = (M + \mu)c_e(\theta - \theta_f) = 0.625 * 4185 * 15 = 39.234 \text{ kJ}$$

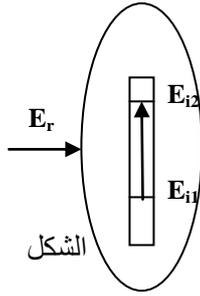
2 - التحويل الحراري الذي تفقده القطعة النحاسية إذا افترضنا درجة الحرارة النهائية  $0^\circ\text{C}$ :  
 $Q_2 = m_{Cu} c_{Cu} (\theta_f - \theta_i) = 0.3 * 390 * 15 = 1.755 \text{ kJ}$  نستنتج إذا أن درجة الحرارة النهائية أكبر من  $0^\circ\text{C}$ :

$$\theta_f = \frac{(M + \mu)c_e \theta + m_{Cu} c_{Cu} \theta_i}{(m + \mu)c_e + m_{Cu} c_{Cu}} = \frac{39234 - 0.3 * 390 * 25}{0.625 * 4185 + 0.3 * 390} = \frac{36309}{2733} \approx 13.3^\circ\text{C}$$

### • التمرين 22

- 1 - التحويل الحراري الذي يكتسبه الماء خلال دقيقة واحدة:  
 $Q = D * 60 * \rho * c_e * (\theta_f - \theta_i) = 0.1 * 60 * 1 * 4185 * 50 \approx 1.25 \text{ MJ}$
- 2 - التحويل الحراري الذي يولده احتراق الغاز خلال دقيقة واحدة:  $Q_g = 1.2 * Q \approx 1.5 \text{ MJ}$
- 3 - معدل جريان الغاز المستهلك:

### • التمرين 23



- 1 - الحصيلة الطاقوية ممثلة الشكل التالي:
- 2 - درجة الحرارة التي يخرج بها الماء الساخن:  
 $E_r = P * S = 1000 * 200 = 200 \text{ kW}$  طاقة الإشعاع الشمسي:  
التحويل الحراري الذي يمتصه الماء خلال ثانية من الزمن (الاستطاعة):

$$Q = \rho * E_r = 0.87 * 200 = 174 \text{ kJ}$$

درجة الحرارة:

$$Q = D * I * c_e (\theta_f - \theta_i) \Rightarrow \theta_f = \theta_i + \frac{Q}{D c_e} = 15 + \frac{174000}{0.8 * 4185} = 67^\circ\text{C}$$

### • التمرين 24

- 1 - الطاقة الممتصة في المحول خلال سنة:  
 $Q = D * \rho_e * 365 * 24 * c_e * (T_1 - T) = 200 * 1000 * 365 * 24 * 4185 * 50 = 367 * 10^{12} \text{ J}$
- 2 - كتلة البترول المكافئة:  $M = \frac{Q}{tep} = \frac{367000}{42} = 8738 \text{ tonnes}$
- 3 - حجم البترول المقتصد:  $v = \frac{M}{\rho_p} = \frac{8738 * 1000}{800} = 10923 \text{ m}^3$

### • التمرين 25

- 1 - يمتص الجليد و المسعر تحويل حراري  $Q_1$  حتى ترتفع درجة حرارتهما من  $-20^\circ\text{C}$  إلى  $0^\circ\text{C}$ :  
 $Q_2 = mL_f$ :  $Q_2$  التحويل إلى ماء و يمتص التحويل  $Q_1 = (mc + m'c')(T_2 - T_1)$   
و تكون قطرات الماء قد فقدت التحويل  $Q_3 = d.\theta.c_e(T - T_2)$ :  $Q_3$  و من مبدأ الحفاظ الطاقة فإن:  $Q_1 + Q_2 = Q_3$  ثم نستنتج عبارة  $L_f$ .
- 2 - حتى ترتفع درجة حرارة المسعر من  $0^\circ\text{C}$  إلى  $20^\circ\text{C}$  يجب أن يستقبل تحويل حراري  $Q_1'$ :  
 $Q_2' = c_e d \theta' (T - T_3)$ :  $Q_2'$  التحويل و تكون قطرات الماء قد فقدت التحويل  $Q_1' = \{c_e(m + d\theta) + c'm'\}(T_3 - T_2)$   
و من مبدأ الحفاظ الطاقة فإن:  $Q_1' = Q_2'$  ثم نستنتج عبارة  $\theta'$ .
- 3 - التحويل الحراري الذي فقده قطعة الألمنيوم:  $Q''_1 = m_1 c_{Al} (T'_1 - T'_2)$ . امتص المسعر و الكمية  $M = m + d(\theta + \theta')$  من الماء التحويل  $Q''_2 = \{m.c_e + c_e.d(\theta + \theta') + c'm'\}(T'_2 - T_3)$ :  $Q''_2$  و من مساواة التحويلين نستنتج  $c_{Al}$ .
- 4 - و من مبدأ الحفاظ الطاقة فإن التحويل الممتص من الغاز المثالي هو نفسه المفقود من قطعة الألمنيوم:  
 $m_1 c_{Al} (T'_1 - T'_3) = C \frac{v}{22.4} (T'_3 - T_2)$  حيث  $C = M c_2$  و  $M$  الكتلة الجزيئية للغاز و  $c_2$  سعته الحرارية الكتلية.