

- المجال : المادة و تحولاتها
- الوحدة ① : نموذج الغاز المثالى

- طريقة لقياس كمية المادة في الحالة الغازية -

- الأهداف :
 - يكتشف أن للغازات نفس السلوك في درجة حرارة و ضغط منخفضين .
 - يعطي التفسير الميكروسكوبى لدرجة حرارة و ضغط غاز .
 - يحسن استعمال المعادلة $nR\Delta T = PV$ من أجل حساب كمية المادة .

① المقادير المميزة للغاز :

①- ١° الحالة الماكروسكوبية (الضغط - الحرارة - الحجم - كمية المادم) :

يبين الشكل جانبه تحقيق تجربة عملية بسيطة جداً :

- تسكب كمية قليلة من الماء المغلي (100°C) في قارورة بلاستيكية (الشكل ①) ثم تسد بإحكام مباشرة و تترك عند درجة الحرارة السائدة في المكان ، بعد لحظات يلاحظ حدوث انقباض للقارورة (الشكل ②) .

- ٢° ما طبيعة الغاز الذي تحتويه القارورة في بداية التجربة (مباشرة بعد سدها) ؟

- ٣° مابين بداية و نهاية التجربة كيف يتغير (تغير) :

(أ) - درجة حرارة الغاز داخل القارورة المسدودة ؟

(ب) - حجم القارورة ؟

(ت) - ضغط الغاز داخل القارورة ؟

(ث) - كمية مادة الغاز داخل القارورة ؟

• الجواب : - ١° الغاز هو بخار الماء .

- ٢° ما بين بداية التجربة و نهايتها يحدث ما يلى :

(أ) تنخفض درجة حرارة البخار المحجوز داخل القارورة المسدودة من $100^{\circ}\text{C} = \theta$ إلى درجة الحرارة السائدة في المكان فتتغير حالته الفيزيائية من بخار غازي إلى ماء سائل يرافق ذلك تشكيل فراغ (خلاء) داخل القارورة المسدودة .

(ب) انقباض القارورة و يتناقص حجمها بسبب خلوها من البخار (تناقص حجم البخار إلى أن ينعدم) .

(ت) انخفاض ضغط الغاز داخل القارورة بكثير عن قيمة الضغط الجوى خارجها .

(ث) إنعدام كمية المادة الابتدائية لبخار الماء المحجوز في بداية التجربة بعد تحوله كلية إلى ماء سائل في نهايتها .

①- ٢° العلاقة بين المقادير الماكروسكوبية للغاز :

• نشاط ① :

- ١° ما المقدار الماكروسكوبى الذي بإمكانه تغيير ضغط الغاز ؟

- حقق التجارب الثلاثة التالية :

الشكل ① ▶ إضغط ببطء شديد على مكبس الحقة الموصولة بمقاييس الضغط *Manomètre*

الشكل ② ▶ الدورق المسدود والمزود بمحرار و مقاييس الضغط يوضع في مسخن دوارق مخبرى

الشكل ③ ▶ داخل الدورق المسدود والحاوى على كمية من حمض كلور الماء (محلول HCl :)

ندخل شريط صغير من المغنيزيوم Mg ، ثم يوضع الدورق في حمام مائي درجة حرارته ثابتة ويوصل بمقاييس الضغط .

- لأجل كل تجربة :

١) بين المقادير الماكروسكوبية التي لم يتم تغييرها تجربياً و تلك التي تغيرت أثناء إجراء التجربة .

٢) حدد جهة تطور المقادير المتغيرة في كل تجربة .

• الجواب : في كل تجربة من التجارب السابقة تم تثبيت مقدارين من المقادير الماكروسكوبية الأربعة للغاز ، حيث يمكننا التأكد من أن ضغط الغاز يتعلق بالمقدار الذي يتم تغييره في كل مرة ، في التجربة ① تم تثبيت كمية المادة الغازية (حجز كمية ثابتة من الهواء داخل الحقة)

و كذا الحرارة (دفع المكبس ببطء شديد حتى لا ترتفع درجة حرارة الهواء المضغوط) بينما تم تغيير حجم الغاز فتح عن ذلك تغير ضغطه .

في التجربة ② تطور الضغط مرتبط بالحرارة (ثبوت كمية المادة والحجم) بينما في التجربة

③ تطور الضغط مرتبط بكمية المادة (ثبوت الحرارة و الحجم) .

• نتيجة : يستنتج بإكمال الفراغات

في غاز متوازن يرتبط (الضغط) بأحد المقادير الماكروسكوبية (الثلاثة) للغاز بـ (ثبوت) المقدارين الآخرين وهي (كمية المادة) و (الحجم) و (الحرارة) .

٢) - بـ مالعلاقة الكائنة بين المقادير الماكروسكوبية الأربع للغاز ؟

لمايكننا إيجاد العلاقة بين المقادير الماكروسكوبية الأربعة السابقة للغاز المتوازن إذا ما تغيرت آنئاً دفعه واحدة كما في تجربة القارورة السابقة ، و من الضرورة بما كان الإحتفاظ دوماً بمقدارين ثابتين عند دراسة العلاقة الكائنة بين المقادير الآخرين .

① العوامل الماكروسكوبية المؤثرة في الغاز :

٣) - أـ كيف يتغير ضغط الغاز تبعاً لحجمه (بثبوت الحرارة و كمية المادة)؟

- قانون بويل - ماريוט : في التجربة الموضحة بالشكل ① قمنا بتثبيت المقادير العينيين وهما الحرارة و كمية المادة ففتح عن ذلك زيادة في الضغط بقصان الحجم .

في عام 1662 أوضح الفيزيائي الإيرلندي - بويل Robert BOYLE عن قانون الانضغاط للهواء :

"يتناصف حجم الهواء عكساً مع الضغط الذي يتلقاه"

في عام 1676 أكمل الفيزيائي الفرنسي - ماريوت Edmé MARIOTTE قانون بويل بإضافة " عند درجة حرارة ثابتة "

و أصبح القانون بشكله النهائي يعرف بـ قانون بويل - ماريوت : La loi de BOYLE-MARIOTTE

" عند درجة حرارة ثابتة ، و لأجل كمية مادة محددة (ثابتة) من الغاز ، جداء الضغط بالحجم V الذي يشغل الغاز يكون ثابتاً

أي : $p \cdot V = C^{\text{ثابت}}$

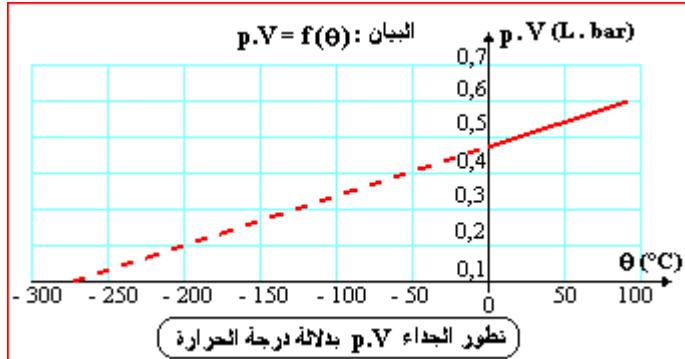
- ملاحظة : هذا القانون يخص الغاز المثالي و يتحقق أيضاً بالنسبة للغاز الحقيقي المتوازن مما كانت طبيعته شرط أن يكون مأخوذاً في ظروف تكون فيها الحرارة منخفضة و كذلك الضغط منخفض .

٣) - بـ كيف يرتبط الجداء $V \cdot p$ بدرجة الحرارة ؟

إن الجداء $V \cdot p$ للضغط p بالحجم V لغاز يكون ثابتاً حسب قانون بويل - ماريوت وذلك من أجل كمية مادة n (عدد من المولات) محددة و ثابتة من الغاز و عند درجة حرارة θ ثابتة و محددة كذلك ، لاحتفظ بكمية مادة ثابتة من الغاز و نقوم بتغيير درجة حرارتها .

• نشاط ② : كيف يتطور الجداء $V \cdot p$ بدلالة درجة حرارة الغاز θ ؟

- بعد إجراء سلسلة من القياسات للضغط و درجة الحرارة في المخبر باستخدام التجهيز التجريبي الخاص بالتجربة الموضحة بالشكل ② - النشاط ① والتي يكون فيها حجم الغاز V ثابتاً تسمح النتائج المحصل عليها برسم البيان المرفق: $p \cdot V = f(\theta)$.



• مالعلاقة التي يمكن كتابتها بين الجداء $p \cdot V$ و درجة الحرارة θ المعبر عنها بالدرجات المئوية (${}^{\circ}\text{C}$) ؟

• إذا كان الضغط ليس مرتفعاً ، فإن التجربة تظهر بأن الجداء $p \cdot V$ يتناصف مع ${}^{\circ}\text{C} (0 + 273,15)$.

• نعرف درجة الحرارة المطلقة T إنطلاقاً من درجة الحرارة المئوية θ كالتالي :

درجة الحرارة المطلقة T المقدرة على السلم المطلق بوحدة الكائن (K) ، ودرجة الحرارة المئوية المقدرة على السلم المنوي بوحدة الدرجة المئوية (${}^{\circ}\text{C}$) يرتبطان بالعلاقة :

$$T (\text{K}) = 0 ({}^{\circ}\text{C}) + 273,15$$

• لأجل كمية مادة معطاة من الغاز ، فإن الجداء $V \cdot p$ يتناصف مع درجة الحرارة المطلقة T .

• درجة الحرارة المطلقة :

- درجة الحرارة المطلقة لغاز هي مقدار ماكروسكوبية يميز الحالة الحرارية للغاز ، أي التأثيرات الميكروسكوبية (الهيجان أو الإثارة) للجزيئات المكونة له .

في غياب كل تأثير حراري لجزيئات المادة (جزيئات ساكنة) ، فإن درجة حرارتها المطلقة T تساوي 0K أي الصفر المطلق ، حيث لا توجد درجة حرارة أخفض من 0K .

٣) - جـ كيف يرتبط الجداء $V \cdot p$ بكمية المادة ؟

إن الجداء $V \cdot p$ للضغط p بالحجم V لغاز يبقى ثابتاً لأجل كمية مادة n ثابتة و محددة منه عند درجة حرارة مطلقة T محددة .

• نشاط ③ : كيف يتطور الجداء $V \cdot p$ بدلالة كمية مادة الغاز n ؟

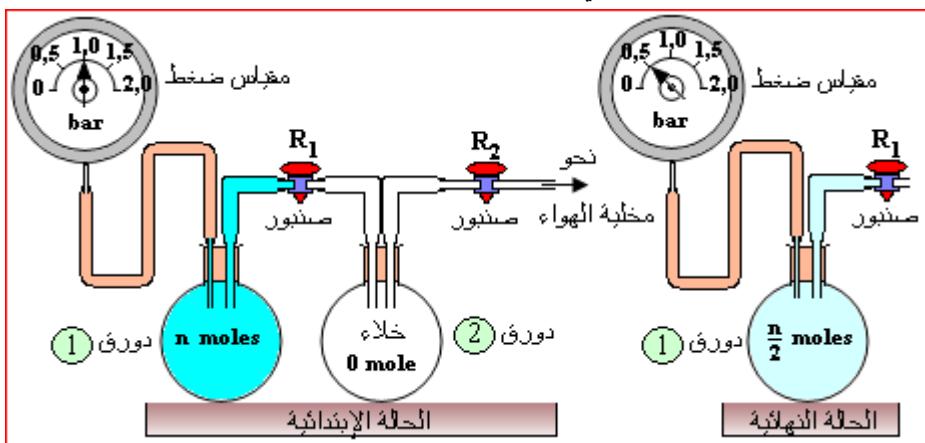
- حق التركيب التجريبي المعطى بالشكل المرفق في الصفحة الموالية

و فيه يتصل دورقين متماثلين بأنبوب زجاجي مزود بصنبور (R_1) ، يكون في البداية مغلقاً . الدورق ① تحجز فيه كمية من الهواء قدرها (n) و يوصل بمقاييس ضغط : manomètre ، و تسجل قيمة الضغط الإبتدائية p_1 .

• أفرغ الدورق ② بسحب الهواء منه تماماً ، ثم أغلق الصنبور (R_2) .

• افتح الصنبور (R_1) لكي يتصل الدورقين ببعضهما البعض .

- بعد التأكيد من بلوغ التوازن الحراري للهواء في الدورقين المتصلين ، أغلق الصنبور(R_1) و سجل بعدها القيمة النهائية لضغط p_f .
- تكلم بإيجاز عن الحالة الإبتدائية و الحالة النهائية للغاز المحتوى في الدورق① .



الجواب :
خلال التجربة تبقى درجة الحرارة و حجم الغاز (الهواء) V ثابتتين في الدورق ① لكن كمية المادة n في الحالة الإبتدائية قسمت على 2 لتصبح $(n/2)$ في الحالة النهائية .
في الجدول المرفق أدناه تم تحديد تطور الجداء V بدلالة كمية مادة الغاز n في الدورق ① بين الحالة الإبتدائية و الحالة النهائية .
نتيجة :
يوضح الجدول بأن :

عند درجة حرارة ثابتة ، يتناسب الجداء $p.V$ لضغط الغاز p بحجمه V طرداً مع كمية مادة الغاز n

- ملاحظة :** هذه النتيجة تتحقق في الغاز الحقيقي المتوازن تحت ضغط منخفض و درجة حرارة منخفضة .

| الحالة | كمية المادة | الضغط | الجداء $p.V$ |
|------------|-------------|---------------|-------------------------------|
| الإبتدائية | n | p_i | $P_i \cdot V$ |
| النهائية | $n/2$ | $p_f = p_i/2$ | $P_f \cdot V = P_i \cdot V/2$ |

② معادلة الغاز المثالي:

- ② - ١°) **نموذج الغاز المثالي:** الدراسات السابقة بينت أن قيمة الجداء $p.V$ متناسبة مع درجة الحرارة المطلقة T و كمية المادة n للغاز ، شرط أن يبقى الضغط منخفضاً (أقل من بضعة بارات) .
بينت تجارب عملية عدة أن قيمة الجداء $p.V$ هو نفسه بالنسبة لجميع الغازات (التي تتشكل من نفس كمية المادة عند نفس درجة الحرارة) .

كل الغازات تحت ضغط منخفض ، تسلك سلوك الغاز المثالي

② - ٢°) معادلة الحالة للغاز المثالي:

ترتبط العوامل الأربع للغاز المثالي وهي الضغط p ، الحجم V ، درجة الحرارة المطلقة T و كمية المادة n بالعلاقة التالية المسماة بـ
"معادلة الحالة للغاز المثالي" : $p \cdot V = n \cdot R \cdot T$ حيث :

R ثابت يعرف بـ "ثابت الغاز المثالي" .

في جملة الوحدات الدولية ، قيمة الثابت R هي 8,314 عندما يقدر الضغط p بوحدة الباسكال ($\text{Pa} = 1 \text{ N/m}^2$) ، والحجم V بوحدة المتر مكعب (m^3) ، وكمية المادة n بوحدة المول (mol) ودرجة الحرارة المطلقة بوحدة الكالفن (K) .
كل غاز حقيقي ، يحقق معادلة الحالة للغاز المثالي في مجال محدد من الضغط ، يمكن اعتباره كغاز مثالي في هذا المجال .
في الواقع لا يوجد أي غاز يحقق هذه المعادلة مهما كان ضغطه و خاصة إذا كان هذا الضغط مرتفعاً .
إن الغاز المثالي هو غاز نموذجي ، إلا أنه في الشروط الإعتيادية من الضغط و درجة الحرارة يمكن اعتبار الهواء الموجود بقاعة الدراسة مثلاً كأنه غاز مثالي .

تطبيق : (الحجم المولى الغازي في الشروط النظامية)

إن الشروط التجريبية المعروفة بـ "الشروط النظامية من الضغط و درجة الحرارة" تتحدد بـ : $p = 1,013 \times 10^5 \text{ Pa}$ ، $T = 0,00^\circ\text{C}$ ،
أوجد قيمة الحجم المولى الغازي (الحجم الذي يشغله مول واحد من الغاز) باعتبار الغاز مماثل للغاز المثالي في هذه الشروط .

الجواب : - في حالة الغاز المثالي يتم حساب هذا الحجم بالإعتماد على المعادلة : $p \cdot V = n \cdot R \cdot T$
.. **الحجم المولى أو "الحجم الذي يشغله $n = 1 \text{ mol}$ من الغاز"** يرمز له بالرمز V_m ، وبالتالي نكتب :

$$V_m = V/n = R \cdot T/p$$

لأجل : $C = 0^\circ\text{C}$ فإن : $T = 0 + 273,15 = 273,15 \text{ K}$ و منه :

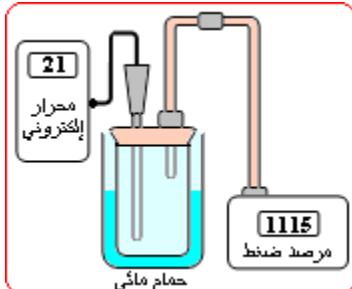
$$V_m = (8,314 \times 273,15) / (1,013 \times 10^5) = 0,0224 \text{ m}^3/\text{mol} \Rightarrow V_m = 22,4 \text{ L/mol}$$

ملاحظة : كل الغازات المماثلة للغاز المثالي يكون لها نفس الحجم المولى ، وهذا الحجم يتعلق بدرجة حرارتها و بضغطها .
إن الحجم الذي يشغله مول واحد من أي غاز في نفس الشروط من الضغط و درجة الحرارة لا يتعلق بطبيعة الغاز

يتم حساب هذا الحجم المولى دوماً بتطبيق معادلة الحالة للغاز المثالي على كمية مادة منه قدرها مول واحد .

| $\theta (\text{ }^\circ\text{C})$ | $V_m (\text{L.mol}^{-1})$ |
|-----------------------------------|---------------------------|
| 0,00 | 22,4 |
| 25,0 | 24,5 |

- **تمرين محلول** : تم استخدام التجهيز التجريبي الحديث الموضح بالشكل جانب إجراء التجربة العملية التي أحرأها الفيزيائي - شارل J. CHARLES (1746-1823) .



مسياري المحرار الإلكتروني و مرصد الضغط يسمح بتسجيل قيم درجة الحرارة و ضغط الغاز المحجوز داخل وعاء سعته 3 cm^3 و الذي يوجد داخل حمام مائي يسمح بتغيير درجة حرارة الوعاء و الغاز المتواجد فيه .

- ١) - ماهي المقاييس الماكروسکوبية للغاز التي لم يتم تغييرها في هذه التجربة ؟
 ٢) - النتائج التجريبية المحصل عليها بالقياسات التجريبية المجردة دونت في الجدول الموالي

| | | | | | | | | | |
|----------------------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| $\theta(^{\circ}\text{C})$ | 21 | 30 | 36 | 44 | 51 | 61 | 70 | 78 | 85 |
| p(hPa) | 1115 | 1150 | 1170 | 1200 | 1225 | 1270 | 1300 | 1325 | 1350 |

مثلاً بيانياً تطور ضغط الغاز p بدلالة درجة حرارته θ .

- ٣٠ - هل يمكننا القول بأن الضغط p متناسب مع درجة الحرارة θ ؟
 ٤٠ - باعتبار هذا الغاز غازاً مثالياً . أوجد كمية المادة n من الغاز التي تم
 حجزها في الوعاء .
 يعطى : $R = 8,314 \text{ u.I}$.

الجواب:

- ١٠) - المقادير الماكروسكوبية للغاز التي ثبتت ولم يتم تغييرها في التجربة
المجراة هي : كمية المادة n و الحجم V

٢٠) - البيان الممثل لتغيرات الضغط بدلالة درجة الحرارة θ عبارة عن خط مستقيم لا يمر بالبداية (أنظر البيان المرفق جانبه) .

- ٣) الضغط p تابع تالفي لدرجة الحرارة θ من الشكل :
 يمكن التأكيد بأن : $0 \neq b$ وبالتالي: p غير مناسب مع θ .

٤٠ - باعتبار الغاز المدروس غازاً مثاليًا نكتب: $p.V = n.R.T$
و لنحسب كمية مادة الغاز المحجوزة في الوعاء نجدها حسب المعادلة السابقة :

$$n = \frac{pV}{R \cdot (T + 273)}$$

$$\text{مع} : T = (\theta + 273) : \text{و منه}$$

$$n = \frac{pV}{RT}$$

نجري الحسابات العددية بإختيار زوج محدد (p, θ) على البيان مثلاً: M (44°C ; 1200hPa)

$$T = 44 + 273 = 317 \text{ K} \Leftarrow \theta = 44^\circ\text{C} ; p = 1200 \text{ hPa} = 1,20 \times 10^5 \text{ Pa} \quad \text{حيث :}$$

. و حسب المعطيات : $n = 1,1 \times 10^{-2} \text{ mol}$ ، $V = 240 \text{ cm}^3 = 2,40 \times 10^{-4} \text{ m}^3$ وبالتالي :

- ### **• تمارين تطبيقية: ت₁ (ص: 255) + ت₃ ، ت₄ ، ت₅ (ص: 256) + ت₁₇ ، ت₁₈ ، ت₁₉ (ص: 258)**

• التمرين : 1 (أجب بنعم أو لا)

على الترتيب: لا، لا، لا، تعم، لا، نعم، نعم، نعم، لا، نعم، لا، نعم.

• التمرين 3:

خلال عملية تغيير الحجم بقيت كمية المادة ثابتة (عدد مولات الغاز لم يتغير) و درجة حرارة الغاز ثابتة أي : $p_1 \cdot V_1 = p_2 \cdot V_2$ **n.R.T**

$$\therefore p_2 = 2,5 \times 10^5 \text{ Pa} \leftarrow p_2 = p_1 \cdot V_1 / V_2 = 0,75 \times 10^5 \times 5 / 1,5 = 2,5 \times 10^5 \text{ Pa} : \text{ومنه نستنتج}$$

• التمرين 4 :

- أ°) شدة القوة المطبقة على قاعدة الأسطوانة :

$$F = p \cdot S = p \cdot \pi \cdot R^2 \Rightarrow F = 5 \times 10^5 \times 3,14 \times 0,04 = 6,28 \times 10^4 \text{ N} \Rightarrow \boxed{F = 6,28 \times 10^4 \text{ N}}$$

- بـ^٠) إذا إفترضنا ثبوت درجة الحرارة خلال عملية خفض الضغط يصبح حجم الغاز : $V' = p \cdot V / p' = 30 \times 5 / 2 = 75 \text{ L}$ و هذا الإفتراض غير ممكن لأن الأسطوانة لها حجم ثابت $L = 30 \text{ V}$ لا يتغير خلال خفض الضغط و الحل الوحيد لكي يكون بإمكاننا خفض ضغط الغاز دون تغيير كمية مادته ليشغل نفس الحجم السابق هو خفض درجة حرارته بحيث يتحقق :

$$V = C^{\text{te}} = T/p = T'/p'$$

• التمرين 5:

- أ) لدينا : كمية مادة الغاز ثابتة $C_{\text{te}} = n$ ، و درجة حرارة الغاز تبقى ثابتة $T = C_{\text{te}}$ خلال التجربة .

- ب) بعد فتح الصمام R_1 مع بقاء الصمام R_2 مغلقاً ، يحدث تغيير للحجم الذي يشغل الغاز والذي يعادل حجمي الغرفتين : $V' = V_1 + V_2$

و يرافق ذلك تغيير في ضغط الغاز بحيث :

- ج) بعد فتح الصمام R_2 يحدث كذلك تغيير للحجم الذي يشغل الغاز والذي يعادل $V'' = V_1 + V_2 + V_3 = V'$ (حجم الغرف الثلاث) و يتغير تبعاً لذلك ضغط الغاز ليصبح : $p.V = p'.V' = p''.V'' \Rightarrow p'' = 1,25 \times 10^5 \text{ Pa}$

• التمرين 17 :

كتلة و حجم الغاز ثابتين وبالتالي النسبة : $C^{te} = p/T = p_1/T_1 = p_2/T_2$ ثابتة أي : $p_1/T_1 = p_2/T_2$ (قانون شارل) \Leftarrow لدينا : $p_1 = 1,1 \times 10^5 \text{ Pa}$; $T_1 = 10 + 273 = 283 \text{ K}$ $\Leftarrow T = 0 + 273 = 273 \text{ K}$ لدينا : $T_2 = 10 + 273 = 283 \text{ K}$ \Leftarrow لدينا من معادلة الحالة للغاز المثالي :

$$p_2 = 9,64 \times 10^4 \text{ Pa} \Leftarrow p_2 = 1,1 \times 10^5 \times 283/323 = 9,64 \times 10^4 \text{ Pa}$$

$$n = p_1 \cdot V / R \cdot T_1$$

$$\therefore \text{مع: } V = 10^{-3} \text{ m}^3 \text{ نجد: } n = 1,1 \times 10^5 \times 10^{-3} / (8,314 \times 283) \approx 4,1 \times 10^{-2} \text{ mol} \text{ و بنفس الطريقة نجد:}$$

$$\therefore n = 8,2 \times 10^{-2} \text{ mol} \text{ نجد: } V = 2 \text{ L}$$

$$\therefore n = 2,05 \times 10^{-2} \text{ mol} \text{ نجد: } V = \frac{1}{2} \text{ L}$$

• التمرين 18 :

- 1) لتكن : m (kg) كتلة الهواء المحتوة في الحجم (m^3) V [حجم العجلة الثابت] تحت الضغط (Pa) p عند درجة الحرارة T (K)

إذا كانت : M (kg.mol⁻¹) هي "الكتلة المولية الجزيئية" للغاز فإن كمية مادته (عدد مولاته) بالتعريف هي $n = m/M$ عنها نكتب قانون الغاز المثالي $p \cdot V = n \cdot R \cdot T$ بالشكل التالي : $p \cdot V = m \cdot R \cdot T/M$ و منه :

$$\therefore m = n \cdot M \quad m = p \cdot V \cdot M / R \cdot T \quad n = p \cdot V / R \cdot T$$

$$\text{مع: } M = 29 \text{ g.mol}^{-1} \text{ (الكتلة المولية للهواء)} ; T = 20 + 273 = 293 \text{ K} ; V = 30 \text{ L} = 0,03 \text{ m}^3 ; p = 2,10 \text{ bar} = 2,10 \times 10^5 \text{ Pa}$$

- 2) مما سبق يكون لدينا : $T' = p' \cdot V / n \cdot R$ حيث المقدار الماكروسكوبى المتغير في هذه الحالة هو درجة حرارة الهواء الموجود في العجلة بتابعية الضغط المتغير وبالتالي : $T' = 2,30 \times 10^5 \times 0,03 / (2,59 \times 8,314) = 320,6 \text{ K}$ $\Leftarrow T' = 320,6 \text{ K} \Leftarrow 0' = T' - 273 = 47,6 \text{ }^\circ\text{C} \text{ أو } 0' = T' - 273 = 47,6 \text{ }^\circ\text{C}$ (كمية مادة الهواء في العجلة) ، $m = 75 \text{ g}$ (كتلته) حيث $R = 8,314 \text{ u.I}$ (ثابت الغازات المثالية) : ثابت بولتزمان ().

- 3) مما سبق يكون لدينا : $T' = p' \cdot V / n \cdot R$ حيث المقدار الماكروسكوبى المتغير في هذه الحالة هو درجة حرارة الهواء الموجود في العجلة بتابعية الضغط المتغير وبالتالي : $T' = 2,30 \times 10^5 \times 0,03 / (2,59 \times 8,314) = 320,6 \text{ K}$ $\Leftarrow T' = 320,6 \text{ K} \Leftarrow 0' = T' - 273 = 47,6 \text{ }^\circ\text{C}$ (القيم المقترحة من طرف الصناع لضغط الهواء ($M = 29 \text{ g.mol}^{-1}$) لا تختلف كثيراً عن حالة الأزوت ($M = 28 \text{ g.mol}^{-1}$) لتقرب كتلتيهما الموليين

• التمرين 19 :

بالإعتماد على المعادلة العامة للغازات المثالية : $p \cdot V = n \cdot R \cdot T$ يكون لدينا :

- 1) كمية المادة : $n = p \cdot V / R \cdot T$ و منه : $n_1 = p_1 \cdot V_1 / R \cdot T$ لأن درجة الحرارة ثابتة C^{te} $\therefore n_1 = 0,16 \text{ mol}$ $\Leftarrow T = C^{te}$ $\therefore n_2 = 0,2 \text{ mol}$ $\Leftarrow n_2 = p_2 \cdot V_2 / R \cdot T$ كذلك :

- 2) الحجم الكلي للغاز : $V_t = V_1 + V_2$ وبالتالي : $V_t = 7 \text{ L} = 7 \times 10^{-3} \text{ m}^3$ بينما كمية المادة الكلية للغاز فهي : $n = n_1 + n_2$ وبالتالي : $n = 0,36 \text{ mol}$ و بناءً عليه يكون الضغط النهائي الكلي للغاز المتوازن في الخزانين هو :

$$\therefore p_t = n \cdot R \cdot T / V_t \Rightarrow p_t = 0,36 \times 8,314 \times 300 / 7 \times 10^{-3} = 1,28 \times 10^5 \text{ Pa} \Rightarrow p_t = 1,28 \times 10^5 \text{ Pa}$$