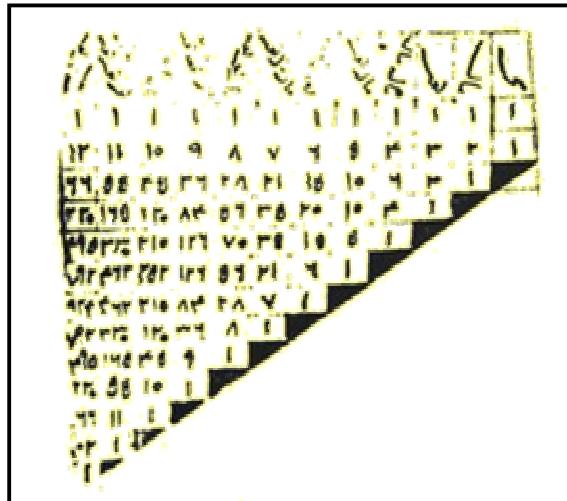


الدوال كثيرات الحدود مسائل الدرجة الثانية

الكفاءات المستهدفة



التعرف على دالة كثير حدود و على

درجتها.

حل مسائل تستخدم فيها معادلات أو

مترابحات من الدرجة الثانية

لقد قدم تعريف جدر كثير حدود ليس
بهدف حل المعادلات ذات درجة أكبر من
ثلاثة

و إنما لاستعماله في تحليل كثيرات الحدود.

٧ يبقى مفهوم إشارة ثلاثي الحدود من

أهم مميزات هذا الفصل باعتباره جديد

على التلاميذ و نظرا لتنوع استعمالاته

في مختلف الفصول القادمة.

٧ يسمح من جهة أخرى هذا الفصل

بإعادة استثمار نتائج الفصل الأول و

المتمثلة في اتجاه تغير دالة، القيم

الحدية، الدوال المرفقة ...

٧ يتم في هذا الفصل الربط بين الجانب

الجيري المتمثل في حل معادلات و

مترابحات

و الجانب البياني المتمثل في دراسة الدوال.

الأنشطة

النشاط 1 :

الهدف: تحليل عدد طبيعي

(1)

$$(x^3 + 2x + 1)(x^2 + 1) = x^5 + 3x^3 + x^2 + 2x + 1$$

$103121 \cdot 103121 = 1021 \times 101$ ليس أوليا.

النشاط 2 :

الهدف: حل معادلات باستعمال العبارة المناسبة لدالة

$$(x+1)(x+5) = x^2 + 6x + 5 \quad (1)$$

$$(x+3)^2 - 4 = x^2 + 6x + 5$$

(2) $S_1 = \{-5, -1\}$, الحالن هما فصلنا نقطتي تقاطع (C_f) مع محور الفواصل.

(3) $S_4 = \{-4, -1\}$, الحالن هما فصلنا نقطتي تقاطع (C_f) مع المستقيم ذي المعادلة: $y = x + 1$

النشاط 3 :

الهدف: حل ببيانها متراجحة من الدرجة الثانية.

(1) شعاع الانسحاب هو $u(1, -3)$

(2) $S = \{1 - \sqrt{3}; 1 + \sqrt{3}\}$. حلول المعادلة هي فواصل نقط تقاطع (P) مع محور الفواصل.

(3) حلول المتراجحة هي فواصل نقط (P) التي تقع أسفل محور الفواصل و منه: $S = [1 - \sqrt{3}, 1 + \sqrt{3}]$

$$S = [-\infty, 1 - \sqrt{3}] \cup [1 + \sqrt{3}, +\infty]$$

يتتحقق بواسطة جدول بعد التحليل.

النشاط 4 :

الهدف: التبرير الهندسي لحل معادلة من الدرجة الثانية.

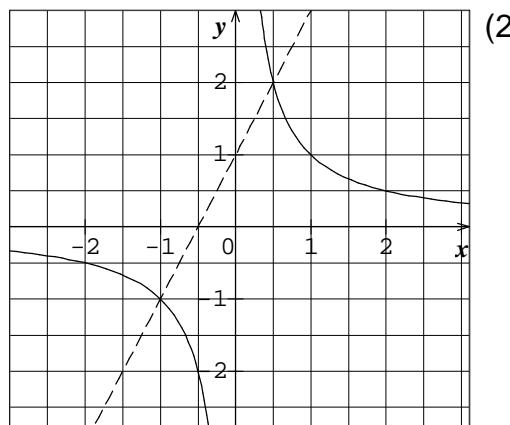
$$x = \sqrt{\left(\frac{3}{2}\right)^2 + 4 + \frac{3}{2}} = 4 \quad (2)$$

$$x = \sqrt{\left(\frac{b}{2}\right)^2 + c} + \frac{b}{2} \quad (3)$$

$$x = \sqrt{\left(\frac{4}{2}\right)^2 + 5 + \frac{4}{2}} = 5 \quad \text{التطبيق:}$$

تكتب المعادلة على الشكل: $\frac{3}{2}x + 10 = x^2$

$$x = \sqrt{\left(\frac{3}{4}\right)^2 + 10 + \frac{3}{4}} = 4$$



$$\text{مثال: } S = \left\{-1, \frac{1}{2}\right\} \quad (3)$$

الأعمال الموجهة

مجموع و جداء حل معادلة من الدرجة الثانية:

الهدف: التعرف على بعض تطبيقات مجموع و جداء الحلين.

التطبيق 1:

المثال: $a = 5$ الحل الثاني هو 0.5

التطبيق 2:

البرهان: بفرض $a+b=S$ و $ab=P$ يكون لدينا: $a^2 - Sa + P = 0$ أي: $a(S-a) = P$ و $b = S-a$

و بالتالي فإن a حل للمعادلة $x^2 - Sx + P = 0$. $x^2 - Sx + P = 0$ كذلك b هو حل للمعادلة

عكسياً إذا كان a و b حلين للمعادلة $x^2 - Sx + P = 0$ فإن: $ab = P$ و $a+b = S$.

المثال: لدينا $a+b=18$ و $ab=77$. a و b هما حلان المعادلة: $x^2 - 18x + 77 = 0$ أي 7 و 11.

التطبيق 3:

البرهان: مباشر

المثال:

m	$-\infty$	-1	$-\frac{1}{3}$	0	1	$+\infty$
Δ	-	-	+	+	+	
$\frac{c}{a}$	+	+	+	-		+
$-\frac{b}{a}$	-	+	+	+		-

باستعمال المبرهنـة يتم الاستنتاج انطلاقاً من الجدول.

المعادلات و المتراجحات مضاعفة التربيع:

الهدف: حل معادلات و متراجحات مضاعفة التربيع.

(1) التطبيق: $S_2 = \{-2, -1, 1, 2\}$, $S_1 = \{-\sqrt{2}, \sqrt{2}\}$

$$S_3 = \emptyset$$

(2) دراسة المثال: $S = [-2, -\sqrt{3}] \cup [\sqrt{3}, 2]$

التطبيق: $S = [-\infty, -\sqrt{5}] \cup [\sqrt{5}, +\infty]$

تمارين

.3) القيمة الحدية العظمى هي: $\frac{1}{3}$

.4) متزايدة تماما على المجال $[-\infty, \frac{1}{3}]$

.5) متناقصة تماما على المجال $[\frac{1}{3}, +\infty)$

$$\text{. } f : x \rightarrow 3x^2 - 6x - 24 \quad 19$$

$$\text{. } P(x) = x^3 + 7x^2 + 16x + 12 \quad 20$$

.3 درجة

$$\text{. } P(x) = x^3 - 3x^2 - 11x + 5 \quad 2$$

.3 درجة

$$\text{. } P(x) = x^3 - x^2 - 21x + 45 \quad 3$$

.3 درجة

$$\text{. } P(x) = 12x - 14 \quad 4$$

.1 درجة

$$\text{. } P(x) + Q(x) = -x^2 + 5x - 6 \quad 21$$

$$\text{. } P(x) - Q(x) = -5x^2 - 3x - 4 \quad 1$$

$$\text{. } 2P(x) + 3Q(x) = 14x - 13$$

$$\text{. } P(x) + Q(x) = 2x^3 - 2x^2 + x - 2$$

$$\text{. } P(x) - Q(x) = 2x^3 + 2x^2 + x - 9 \quad 2$$

$$\text{. } 2P(x) + 3Q(x) = 4x^3 - 6x^2 + 2x + 2$$

.1) درجة $P(x)$ هي 5 و معامل حده الأعلى -6

.2) درجة $Q(x)$ هي 7 و معامل حده الأعلى 27

.3) درجة $R(x)$ هي 4 و معامل حده الأعلى 5

$$\text{. } f(x) = 0 \quad (1) \quad \text{إذن } -1 \text{ - جذر لـ } f(x) = 0 \quad 23$$

نفس الشئ مع (2) و (3).

$$\text{. } a=1, b=0, c=-4 \quad (1) \quad 24$$

$$\text{. } P(x) = (x-1)(x-2)(x+2) \quad (2)$$

.3) الجذور هي: -2, -1, 2

.1) صحيح.

.2) خاطئ.

.3) خاطئ.

.4) خاطئ.

.5) صحيح.

.6) .0 (1) (2) (3) (4) (5) ليست دوال كثيرات حدود.

.7) (1) صحيح. (2) خاطئ. (3) صحيح.

.8) (1) صحيح. (2) خاطئ. (3) صحيح.

.9) صحيح.

.10) .(2)

.11) .(2)

.12) .(3)

.13) .(1)

.14) .(2)

.15) (1) لأنها ليست معرفة على \mathbb{R} .

.2) لأنها ليست معرفة على \mathbb{R} .

.3) لأنها ليست من الشكل

$$x \rightarrow a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + 1$$

.4) لأنها ليست من الشكل

$$x \rightarrow a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + 1$$

.16) .(1)

$$x' = -\frac{1}{3}, x'' = \frac{1}{2} \quad (6)$$

$$P(-2)=0 \quad (1) \quad 25$$

$$6x^2 - x - 1 = 0$$

$$P(x) = 4(x+2)(x-\frac{3}{2})^2 \quad (2)$$

$$x' = 0, x'' = -\frac{3}{2} \quad (7)$$

$$\frac{3}{2}, -2 \text{ الجذور هي: } \quad (3)$$

$$2x^2 + 3x = 0$$

$$\cdot \frac{21}{2} b=5, a= \quad 26$$

$$x' = x'' = \frac{2}{3} \quad (8)$$

$$9x^2 - 12x + 4 = 0$$

$$. a=-1, b=3, c=1 \quad 27$$

. 3 ، 0 حلين: (1)

. 2 ، 2- حلين: (2)

. 1 ، 1- حلين: (3)

$$\frac{\sqrt{7}}{2}, -\frac{\sqrt{7}}{2} \text{ حلبن: (4)}$$

$$f(x) = (x-3)^2 - 1 \quad (1) \quad 28$$

حلول المعادلة هي: 4 ، 2

$$f(x) = (x+\frac{1}{2})^2 - \frac{25}{4} \quad (2)$$

حلول المعادلة هي: -3 ، 2

$$f(x) = -\left[(x-\frac{3}{2})^2 + \frac{11}{4} \right] \quad (3)$$

المعادلة لا تقبل حلول.

$$f(x) = 3\left[(x-\frac{7}{6})^2 - \frac{25}{36} \right] \quad (4)$$

حلول المعادلة هي: 2 ، $\frac{1}{3}$

$$f(x) = \left[(x-1)^2 - \frac{1}{5} \right] \quad (5)$$

حلول المعادلة: $1 - \frac{1}{\sqrt{5}}, 1 + \frac{1}{\sqrt{5}}$

$$f(x) = -5\left[(x-\frac{3}{2})^2 - \frac{9}{4} \right] \quad (6)$$

حلول المعادلة هي: 0 ، 3

بما أن a , b متعاكسين في الإشارة فإن المعادلة تقبل حلين متباينين.

$$x' = 1, x'' = 2$$

$$f(x) = (x-1)(x-2) \quad (1) \quad 33$$

$$x' = \frac{4}{3}, x'' = 2 \quad (2)$$

$$f(x) = 3(x-\frac{4}{3})(x-2)$$

$$x' = \frac{1}{3}, x'' = -\frac{2}{9} \quad (3)$$

$$f(x) = -9(x-\frac{1}{3})(x+\frac{2}{9})$$

$$x' = \frac{3}{5}, x'' = 1 \quad (4)$$

$$f(x) = -5(x-\frac{3}{5})(x-1)$$

$$x' = 2, x'' = 3 \quad (1) \quad 29$$

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$x' = -3, x'' = \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$2x^2 + 5x - 3 = 0$$

$$x' = 0, x'' = 3 \quad (3)$$

$$x^2 - 3x = 0$$

$$x' = x'' = -2 \quad (4)$$

$$x^2 + 4x + 4 = 0$$

$$x' = 5, x'' = -1 \quad (5)$$

$$x^2 - 4x - 5 = 0$$

$$\Delta = 9$$

$$x' = -1$$

$$x'' = \frac{3-m}{m}$$

لما $m = -1$ المعادلة تقبل حل وحيد 3

$$\Delta < 0 \quad m \in \left[-\sqrt{\frac{7}{8}}, \sqrt{\frac{7}{8}} \right] \text{ لما .}$$

المعادلة لا تقبل حلول.
لما

$$\Delta > 0 \quad m \in \left[-\infty, -\sqrt{\frac{7}{8}} \right] \cup \left[\sqrt{\frac{7}{8}}, +\infty \right]$$

المعادلة تقبل حلين متباينين.

$$m = -\sqrt{\frac{7}{8}} \text{ أو } m = \sqrt{\frac{7}{8}} \text{ لما}$$

المعادلة تقبل حل مضاعف.

لما $m = 3$ المعادلة تقبل حل وحيد 1. 4

لما $m \neq 3$
 $\Delta = 25$
 $x' = -1$
 $x'' = \frac{2+m}{3-m}$

$$m = \frac{1}{2} \text{ لما } 5$$

لما $m \neq \frac{1}{2}$

$$\Delta' = 1$$

$$x' = -1, \quad x'' = \frac{2m+1}{1-2m}$$

استخدام الحاسبة البيانية. 40

استخدام الحاسبة البيانية. 41

$$(\sqrt{3}-1)^2 = 4 - 2\sqrt{3} \quad 1 \quad 42$$

$$\Delta' = 4 - 2\sqrt{3} \quad 2$$

$$x' = \frac{\sqrt{3}}{2}, \quad x'' = \frac{1}{2}$$

$$(x-x_1)(x-x_2) = x^2 - (x_1+x_2)x + x_1x_2 \quad 43$$

مما سبق نلاحظ أن:
 $f(x) = (x-\sqrt{2})(x-\sqrt{3})$

$$x' = \frac{9-\sqrt{3}}{4}, \quad x'' = \frac{-9-\sqrt{3}}{4}$$

$$f(x) = 2(x - \frac{9-\sqrt{3}}{4})(x + \frac{9+\sqrt{3}}{4}) \quad 5$$

.2 حلين: -5 ، 2 34

.3 حلين: 1 ، 3

لا يوجد حلول.

.4 حلين: $\frac{-5-\sqrt{5}}{2}, \frac{-5+\sqrt{5}}{2}$

.5 حلين: 19 ، -2 19

$$\Delta = 4(b'^2 - ac) \quad 1 \quad 35$$

$$\Delta' = b'^2 - ac \quad 2$$

(3) إذا كان $\Delta' \geq 0$ فإن: $\Delta \geq 0$ و منه
المعادلة (E) تقبل حلين متباينين هما:

$$x' = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}, \quad x'' = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$$

و منه:

$$x' = \frac{-b' - \sqrt{\Delta'}}{a}, \quad x'' = \frac{-b' + \sqrt{\Delta'}}{a}$$

$$x' = 19, \quad x'' = -1, \quad \Delta' = 100 \quad 1 \quad 36$$

$$x' = -101, \quad x'' = -99, \quad \Delta' = 1 \quad 2$$

$$x' = x'' = \frac{\sqrt{6}}{2}, \quad \Delta' = 0 \quad 3$$

$$\Delta = 1, \quad t' = 2, \quad t'' = 3 \quad 1 \quad 37$$

$$\Delta' = 81, \quad u' = 1, \quad u'' = -17 \quad 2$$

$$\Delta = (3 - \sqrt{2})^2, \quad x' = 3, \quad x'' = \sqrt{2} \quad 3$$

$$\Delta = -3 \quad 4$$

$$m\hat{I}\hat{A}-\{-2,2\} \quad 1 \quad 38$$

$$x = -\frac{2}{3}.m = 1 \quad 2$$

$$\Delta' = m^2 + 5 \quad 39$$

$$x' = m - \sqrt{m^2 + 5} \quad 1$$

$$x'' = m + \sqrt{m^2 + 5}$$

(2) لـ $m=0$ المعادلة تقبل حل وحيد 1.
 (1) لـ $m \neq 0$

و منه حلول المعادلة هي: $(\sqrt{2}), (\sqrt{3})$ نفس الحلول.

$$x^2 + 3x - 27 = 0 \quad (1)$$

$$x^2 - \frac{10}{3}x + 1 = 0 \quad (2)$$

$$x^2 - 3x = 0 \quad (3)$$

$$x^2 - \frac{1}{3}x - \frac{2}{3} = 0 \quad (4)$$

$$x^2 - 2x + 1 - m^2 = 0 \quad (5)$$

$$x^2 - 10x + 23 = 0 \quad (6)$$

$$8x^2 = (x+5)(12-x) \quad (44)$$

$$9x^2 - 7x - 60 = 0$$

$$x' = 3, \quad x'' = -\frac{20}{9}$$

طول ضلع المربع هو: 3 m

$$x^2 - 7x + 4 = 0$$

51

$$\Delta = 33$$

$$x' = \frac{7 - \sqrt{33}}{2}, \quad x'' = \frac{7 + \sqrt{33}}{2}$$

52

$$\begin{cases} a+b=4 \\ a \times b=-1 \end{cases}$$

$$S = \{(2 - \sqrt{5}, 2 + \sqrt{5}), (2 + \sqrt{5}, 2 - \sqrt{5})\}$$

$$\begin{cases} a+b=-25 \\ a \times b=100 \end{cases}$$

$$S = \{(-20, -5), (-5, -20)\}$$

$$\begin{cases} a+b=14 \\ a \times b=33 \end{cases}$$

$$S = \{(3, 11), (11, 3)\}$$

$$\begin{cases} a+b=1+\sqrt{3} \\ a \times b=1+\frac{\sqrt{3}}{2} \end{cases}$$

$$S = \left\{ \left(\frac{1+\sqrt{3}}{2}, \frac{1+\sqrt{3}}{2} \right) \right\}$$

$$\begin{cases} a+b=0 \\ a \times b=\frac{-49}{4} \end{cases}$$

$$S = \left\{ \left(\frac{7}{2}, -\frac{7}{2} \right), \left(-\frac{7}{2}, \frac{7}{2} \right) \right\}$$

$$\begin{cases} a+b=\frac{10}{21} \\ a \times b=\frac{1}{21} \end{cases}$$

$$S = \left\{ \left(\frac{5-4\sqrt{6}}{21}, \frac{5+4\sqrt{6}}{21} \right), \left(\frac{5+4\sqrt{6}}{21}, \frac{5-4\sqrt{6}}{21} \right) \right\}$$

53

$$8\pi r^2 = \pi(2+r)^2 \quad (45)$$

$$r^2 - 2r - 2 = 0$$

$$r' = 1 - \sqrt{3}, \quad r'' = 1 + \sqrt{3}$$

و منه نصف القطر هو $1 + \sqrt{3}$

45

$$3x^2 + 5x = 50$$

$$3x^2 + 5x - 50 = 0$$

$$x = -5, \quad x = \frac{10}{3}$$

و منه طول ضلع المثلث هو: $\frac{10}{3}$

46

المعادلات (1)، (3)، (4)، (5) تقبل حلين لأن a, b متعاكسين في الإشارة.

أما المعادلتين (2)، (6) فالميزة موجبة وبالتالي تقبلان حللين.

مجموع و جداء الحللين للمعادلة الأولى

$$-\frac{b}{a} = \frac{3}{2}, \quad \frac{c}{a} = -2$$

نفس الشيء بالنسبة للمعادلات الأخرى.

48

نقوم بحل المعادلة (E') :

$$\Delta = (x' - x'')^2$$

$$x_1 = x', \quad x_2 = x''$$

إذن المعادلتين متكافئتين.

49

50

$$\frac{c}{a} = -\frac{5}{3} \quad (1)$$

$$x'^2 + x''^2 = \frac{34}{9} \quad (2)$$

$$\frac{1}{x'} + \frac{1}{x''} = -\frac{2}{5}$$

$$(x' - x'')^2 = \frac{64}{9}$$

$$x'^4 + x''^4 = \frac{691}{81}$$

$$\begin{cases} x' + x'' = \frac{2m}{3} \\ x' \times x'' = \frac{1}{3} \end{cases} \quad \text{لدينا: } (1)$$

$$m=2, m=-2 \quad \text{و منه:} \quad \begin{cases} x'' = \frac{m}{6} \\ x''^2 = 9 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x' + x'' = \frac{1-m}{4} \\ x' \times x'' = \frac{m}{2} \end{cases} \quad \text{لدينا: } (2)$$

$$\begin{cases} m=0 \\ m=34 \end{cases} \quad \text{و منه:} \quad \begin{cases} 2x'' = -\frac{m}{4} \\ x''^2 + \frac{1}{4}x'' - \frac{m}{2} = 0 \end{cases}$$

$$m' = 1 - \sqrt{5}, \quad m'' = 1 + \sqrt{5} \quad (1) \quad (59)$$

$m \in \left] \frac{17}{12}, +\infty \right[$ لا يوجد حلول.

$$m \in \left] -\infty, -\sqrt{2} \right[\cup \left] \sqrt{2}, \frac{17}{12} \right[$$

يوجد حلين موجبين.

$$m \in \left] -\sqrt{2}, \sqrt{2} \right[\quad \text{يوجد حلين}$$

مختلفين في الإشارة.

$$\text{لما } m = \frac{17}{12} \text{ يوجد حل مضاعف,}$$

لما $m = -\sqrt{2}$ أو $m = \sqrt{2}$ يوجد حل موجب و حل معادل.

$$m \in \left] -\infty, \frac{1}{5} \right[\quad (1)$$

$$m \in \left] -\infty, -1 \right[\cup \left] -1, 1 \right[\quad (2)$$

$$m \in \left] -2, 3 \right[\quad (3)$$

$$\begin{cases} a-b=4 \\ a \times b=-1 \end{cases}$$

$$S = \left\{ (2-\sqrt{3}, -2-\sqrt{3}), (2+\sqrt{3}, -2+\sqrt{3}) \right\}$$

$$\begin{cases} a-b=5 \\ a \times b=8 \end{cases}$$

$$S = \left\{ \left(\frac{5-\sqrt{657}}{2}, \frac{-5-\sqrt{657}}{2} \right), \left(\frac{5+\sqrt{657}}{2}, \frac{-5+\sqrt{657}}{2} \right) \right\}$$

$$\begin{cases} a+3b=8 \\ a \times b=5 \end{cases}$$

$$S = \left\{ \left(3, \frac{5}{3} \right), (5, 1) \right\}$$

$$\begin{cases} a-3b=7 \\ a \times b=-5 \end{cases}$$

$$S = \left\{ \left(2, -\frac{5}{2} \right), (5, -1) \right\}$$

$$a+b=8$$

$$\frac{1}{a} \times \frac{1}{b} = \frac{8}{15}$$

$$S = \left\{ \left(4 - \sqrt{\frac{113}{8}}, 4 + \sqrt{\frac{113}{8}} \right), \left(4 + \sqrt{\frac{113}{8}}, 4 - \sqrt{\frac{113}{8}} \right) \right\}$$

$$x \times y = \frac{(x+y)^3 - x^3 - y^3}{3(x+y)} \quad (1) \quad (55)$$

$$x \times y = 72$$

$$x^2 + y^2 = (x+y)^2 - 2xy \quad (2)$$

$$x^2 + y^2 = 145$$

$$\frac{c}{a} = -34 \quad (1)$$

$$x^2 + \frac{7}{34}x - \frac{1}{34} = 0 \quad (2)$$

57

60

56

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, -\frac{1}{2} \right[\cup \left] 2, +\infty \right[\text{ لما (1)}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] -\frac{1}{2}, 2 \right[\text{ لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = -\frac{1}{2} , x = 2 \text{ لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = \frac{3}{2} , x = -1 \text{ لما (2)}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] -\infty, -1 \right[\cup \left] \frac{3}{2}, +\infty \right[\text{ لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -1, \frac{1}{2} \right[\text{ لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = -2 , x = 1 , x = 3 \text{ لما (3)}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] -\infty, -2 \right[\cup \left] 1, 3 \right[\text{ لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -2, 1 \right[\cup \left] 3, +\infty \right[\text{ لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = -\sqrt{3} , x = \sqrt{3} \text{ لما (4)}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, -\sqrt{3} \right[\cup \left] \sqrt{3}, +\infty \right[\text{ لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] -\sqrt{3}, \sqrt{3} \right[\text{ لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = -1 , x = 1 \text{ لما (5)}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, -1 \right[\cup \left] 1, +\infty \right[\text{ لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] -1, 1 \right[\text{ لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = 0 , x = \frac{7}{3} \text{ لما (6)}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, 0 \right[\cup \left] \frac{7}{3}, +\infty \right[\text{ لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] 0, \frac{7}{3} \right[\text{ لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = \frac{3}{2} \text{ لما (7)}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] \frac{3}{2}, +\infty \right[\text{ لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, \frac{3}{2} \right[\text{ لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = \frac{3}{2} , x = -2 \text{ لما (1)}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] -2, \frac{3}{2} \right[\text{ لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, -2 \right[\cup \left] \frac{3}{2}, +\infty \right[\text{ لما}$$

$$m \in \left] -\infty, \frac{1}{3} \right[\cup \left] \frac{1}{2}, +\infty \right[\text{ (4)}$$

$$m \in \left] \frac{4}{3}, \frac{97}{12} \right[\text{ (1)}$$

$$m \in \left] -\infty, -1 \right[\cup \left] \frac{3+2\sqrt{6}}{5}, +\infty \right[\text{ (2)}$$

$$m \in \left] \frac{2+6\sqrt{5}}{-11}, -\frac{4}{3} \right[\cup \left] 1, \frac{2-6\sqrt{5}}{-11} \right[\text{ (3)}$$

لا يوجد قيم لـ m (4)

$$\begin{cases} x' + x'' = 23 \\ x' \times x'' = 28 \end{cases}$$

$$x^2 - 23x + 28 = 0$$

$$x' \approx 1,28 , x'' \approx 21,7$$

$$\begin{cases} 2(x' + x'') = 12 \\ 2x' \times x'' = 9 \end{cases}$$

$$2x^2 - 12x + 9 = 0 \quad (1)$$

$$x' = 3 - 3/\sqrt{2} , x'' = 3 + 3/\sqrt{2}$$

$$\begin{cases} 2(x' + x'') = 12 \\ 2x' \times x'' > 9 \end{cases}$$

$$-2x^2 + 12x - 9 > 0 \quad (2)$$

$$x'' \in \left] 3 - 3/\sqrt{2} , 3 + 3/\sqrt{2} \right[$$

$$X' \in \left] 3 - 3/\sqrt{2} , 3 + 3/\sqrt{2} \right[$$

(3) تصحيح: المستطيل له نفس محيط المربع.

$$\begin{cases} 2(x' + x'') = 2m \\ x' \times x'' = \frac{1}{3}m^2 \end{cases}$$

$$x^2 - 2mx + \frac{1}{3}m^2 = 0$$

$$x'' = \frac{2m - \sqrt{\frac{8}{3}}m}{2}$$

$$x' = \frac{2m + \sqrt{\frac{8}{3}}m}{2}$$

64

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, \frac{2}{3} \right[\cup]1, 2[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = -1, x = 0, x = 1, x = 3 \quad \text{لما} \quad (5)$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]-1, 0[\cup]1, 3[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in]-\infty, -1[\cup]0, 1[\cup]3, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = (2x-3)(x^2+1) \quad (1 \quad 67)$$

$$P(x) = 0 \quad , x = \frac{3}{2} \quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] -\infty, \frac{3}{2} \right[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] \frac{3}{2}, +\infty \right[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = (x-1)(-x^2+x-5) \quad (2)$$

$$P(x) = 0 \quad , x = 1 \quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]1, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in]-\infty, 1[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = (x-1)^2(x-2) \quad (3)$$

$$P(x) = 0 \quad , x = 1, x = 2 \quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]-\infty, 1[\cup]1, 2[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in]2, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, \frac{2}{3} \right[\cup]1, 2[\quad (4)$$

$$P(x) = 0 \quad , x = 1, x = 2, x = \frac{2}{3} \quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] \frac{2}{3}, 1 \right[\cup]1, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, \frac{2}{3} \right[\cup]1, 2[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = x(x-1)(x^2-2x-3) \quad (5)$$

لما

$$P(x) = 0 \quad , x = -1, x = 0, x = 1, x = 3$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]-1, 0[\cup]1, 3[\quad \text{لما}$$

لما

$$P(x) > 0 \quad , x \in]-\infty, -1[\cup]0, 1[\cup]3, +\infty[$$

$$P(x) = (x^2-1)(x^2-2) \quad (1 \quad 67)$$

لما

$$P(x) = 0 \quad , x = -1, x = -\sqrt{2}, x = 1, x = \sqrt{2}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]-\sqrt{2}, -1[\cup]1, -\sqrt{2}[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = \frac{2}{3}, x = 2 \quad \text{لما} \quad (2)$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] \frac{2}{3}, 2 \right[\quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] -\infty, \frac{2}{3} \right[\cup]2, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]-\infty, +\infty[\quad \text{لما} \quad (3)$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in]-\infty, +\infty[\quad \text{لما} \quad (4)$$

$$P(x) = 0 \quad , x = \frac{3\sqrt{2}}{2} \quad \text{لما} \quad (5)$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, \frac{3\sqrt{2}}{2} \right[\cup \left] \frac{3\sqrt{2}}{2}, +\infty \right[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = \frac{\sqrt{15}}{5} \quad \text{لما} \quad (6)$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] -\infty, \frac{\sqrt{15}}{5} \right[\cup \left] \frac{\sqrt{15}}{5}, +\infty \right[$$

$$P(x) = 0 \quad , x = 6 \quad \text{لما} \quad (7)$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]-\infty, 6[\cup]6, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = \sqrt{3} \quad \text{لما} \quad (8)$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]-\infty, \sqrt{3}[\cup]\sqrt{3}, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in]-\infty, +\infty[\quad \text{لما} \quad (9)$$

$$P(x) = 0 \quad , x = \frac{3}{2} \quad \text{لما} \quad (1)$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in \left] \frac{3}{2}, +\infty \right[\quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] -\infty, \frac{3}{2} \right[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = 1 \quad \text{لما} \quad (2)$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in]-\infty, 1[\quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]1, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = 1, x = 2 \quad \text{لما} \quad (3)$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in]-\infty, 1[\cup]1, 2[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 \quad , x \in]2, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = 0 \quad , x = 1, x = 2, x = \frac{2}{3} \quad \text{لما} \quad (4)$$

$$P(x) < 0 \quad , x \in \left] \frac{2}{3}, 1 \right[\cup]2, +\infty[\quad \text{لما}$$

لما

يوجد حل مضاعف،

$$\frac{3}{4} \text{ لما } m = -1 \text{ يوجد حلين 1 ، } (4)$$

لما $m \neq -1$ المعادلة تصبح من الدرجة الثالثة تقبل ثالث حلول متباينة.

الشكل الأول:

70

$$f(x) = 0 , x = -3, x = 1, x = 4$$

$$f(x) < 0 , x \in]-\infty, -3[\cup]1, 4[$$

$$f(x) > 0 , x \in]-3, 1[\cup]4, +\infty[$$

الشكل الثاني:

$$f(x) = 0 , x = -2, x = -1, x = 3, x = 4$$

$$f(x) < 0 , x \in]-2, -1[\cup]3, 4[$$

$$f(x) > 0 , x \in]-\infty, -2[\cup]-1, 3[\cup]4, +\infty[$$

$$S =]-\infty, -3] \cup \left[\frac{1}{2}, +\infty \right[\quad (1) \quad 71$$

$$S = \left[-2, \frac{1}{3} \right] \quad (2)$$

$$S = \left[-3, \frac{5}{2} \right] \quad (3)$$

$$S = \left[-\infty, \frac{5}{3} \right] \cup]2, +\infty[\quad (4)$$

$$S = \Re \quad (5)$$

$$S = \emptyset \quad (6)$$

$$S = \Re \quad (7)$$

$$S = \emptyset \quad (8)$$

$$S = \emptyset \quad (9)$$

$$S =]-\infty, 1[\quad (1) \quad 72$$

$$S = [1, -\infty[\quad (2)$$

$$S =]-1, 1[\cup]2, +\infty[\quad (3)$$

$$(4)$$

$$S =]-\infty, -\sqrt{3}[\cup]-\sqrt{2}, \sqrt{2}[\cup]\sqrt{3}, +\infty[\quad (5)$$

$$D_f = \Re - \left\{ \frac{1}{2}, 2 \right\} \quad (1) \quad 73$$

$$S = \left\{ \frac{1}{5} \right\} \quad (2)$$

$$S = \left\{ \frac{1-\sqrt{7}}{2}, \frac{1+\sqrt{7}}{2} \right\} \quad (1) \quad 74$$

$$S = \left\{ -1 - \sqrt{2}, -1 + \sqrt{2} \right\} \quad (2)$$

$$P(x) > 0 , x \in]-\infty, -\sqrt{2}[\cup]-1, 1[\cup]\sqrt{2}, +\infty[$$

$$P(x) = (x^2 - 1)(x^2 + 4) \quad (2)$$

$$\text{لما } P(x) = 0 , x = -1, x = 1$$

$$\text{لما } P(x) < 0 , x \in]-1, 1[$$

$$\text{لما } P(x) > 0 , x \in]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$$

$$P(x) = (x^2 - 2)(3x^2 + 4) \quad (3)$$

$$P(x) = 0 , x = -\sqrt{2}, x = \sqrt{2} \quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 , x \in]-\sqrt{2}; \sqrt{2}[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 , x \in]-\infty, -\sqrt{2}[\cup]\sqrt{2}, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$P(x) = (x-3) \left(x - \frac{1}{2} \right) (2x^2 + 6) \quad 68$$

$$P(x) = 0 , x = 3, x = \frac{1}{2} \quad \text{لما}$$

$$P(x) < 0 , x \in \left[\frac{1}{2}, 3 \right[\quad \text{لما}$$

$$P(x) > 0 , x \in \left] -\infty, \frac{1}{2} \right[\cup]3, +\infty[\quad \text{لما}$$

$$\frac{2}{3} \text{ لما } m = 1 \text{ يوجد حل وحيد } (1) \quad 69$$

لما $m \neq 1$ يوجد حلين مختلفين

$$-\frac{3}{2} \text{ لما } m = \frac{1}{2} \text{ يوجد حل وحيد } (2)$$

لما $m \neq \frac{1}{2}$ يوجد حلين مختلفين .

$$\frac{2}{3} \text{ لما } m = 0 \text{ يوجد حل وحيد } 2. \quad (3) \quad \text{لما } m \neq 0 \text{ و }$$

$$m \in \left] -\infty, \frac{-5 - \sqrt{28}}{3} \right[\cup \left] \frac{-5 + \sqrt{28}}{3}, +\infty \right[$$

لا يوجد طول

$$m \in \left[\frac{-5 - \sqrt{28}}{3}, \frac{-5 + \sqrt{28}}{3} \right]$$

يوجد حلين متباينين .

$$m = \frac{-5 + \sqrt{28}}{3} \text{ او } m = \frac{-5 - \sqrt{28}}{3}$$

لدينا: $x' \leq \frac{x'+4x''}{5}$ معناه:
 $x' \leq x''$ بعد التبسيط.
 $\frac{x'+4x''}{5} \leq x''$ و نفس الشئ مع x''

$$a + \frac{1}{a} = 3$$

$$a^2 - 3a + 1 = 0$$

$$a' = \frac{3-\sqrt{5}}{2}, \quad a'' = \frac{3+\sqrt{5}}{2}$$

$$a = \frac{3+\sqrt{5}}{2} \quad \text{و منه:}$$

82

$$x^2 - 5(5-x) = 0$$

83

$$2x^2 + mx - 3 = 0 \quad (1)$$

$$\Delta = m^2 + 24$$

المنحني (h) و المستقيم (d) يتقاطعان في نقطتين حيث $x \in \Re^*$

85

$$M\left(\frac{-m-\sqrt{m^2+24}}{4}, \frac{-m-\sqrt{m^2+24}}{2}+m\right) \quad (2)$$

$$M'\left(\frac{-m+\sqrt{m^2+24}}{4}, \frac{-m+\sqrt{m^2+24}}{2}+m\right)$$

$$\left(\frac{-m}{4}, \frac{m}{2}\right)$$

مجموعه النقط / هي المستقيم الذي معادلته:
 $y = -2x$

نفرض أن طول ضلع المربع $EBFI$ هو x

$$x^2 + (1-x)^2 = \frac{2}{3}$$

86

$$S(x) = (3-x)x + (5-x)x \quad (1) \quad \text{لدينا,}$$

$$= -2x^2 + 8x.$$

87

تكون $S(x) = \sqrt{2}$ أعظمية لما تكون

$$S = \left\{ -2, \frac{1}{6} \right\} \quad (3)$$

$$S = \emptyset \quad (4)$$

$$S = \emptyset \quad (5)$$

75

$$S = \left\{ \frac{2+\sqrt{10}}{3} \right\} \quad (1)$$

$$S = \left\{ \frac{30-\sqrt{6}}{24}, \frac{30+\sqrt{6}}{24} \right\} \quad (2)$$

$$S = \left\{ \frac{1}{2}, \frac{9}{2} \right\} \quad (3)$$

$$S = \{5, 8\} \quad (4)$$

$$S = \{197, 549\} \quad (5)$$

76

$$S =]-\infty, -3] \cup \left[-\frac{7}{3}, +\infty \right[\quad (1)$$

$$S = [1, +\infty[\quad (2)$$

$$S = \{-2\} \quad (3)$$

77

$$S = \left\{ \frac{-3+\sqrt{21}}{2} \right\} \quad (1)$$

$$S = \{-2-\sqrt{8}, -2+\sqrt{8}\} \quad (2)$$

78

$$S = \{3, 4\} \quad (1)$$

$$S = \{4, 9\} \quad (2)$$

$$S = \{4\} \quad (3)$$

$$S = \left\{ 3, \frac{1}{2} \right\} \quad (4)$$

79

(2) بعد النشر و التبسيط نجد أن المعادلتين متكافئتين.

$$S = \{4\} \quad (3)$$

$$S = \left\{ \frac{1}{2}, 3 \right\} \quad (4)$$

80

$$S = \{1\} \quad (1)$$

$$S =]-\infty, 1[\quad (2)$$

81

$$x' \leq \frac{x'+4x''}{5} \leq x'' \quad \text{نفرض أن:}$$

$$-2x^2 + 8x = \frac{15}{2}$$

(2) نقوم بحل المعادلة:
 $x = \frac{5}{2}, \quad x = \frac{3}{2}$

x	-	-1	0	1	+
$f'(x)$	-	0	+	0	-
$f(x)$	+	↓	2	↑	2

.
 $f(x)$ موجبة تماما على \mathbb{R} . (3)
 $h(x) = f(x)$ (4)
 $h(x) = f(x)$ (5)

(3)

88

$$P(x) = 2(x - \frac{3}{2})^2 - \frac{3}{2} \quad (1)$$

$$P(X) = 2X^2 \quad (2)$$

(3)

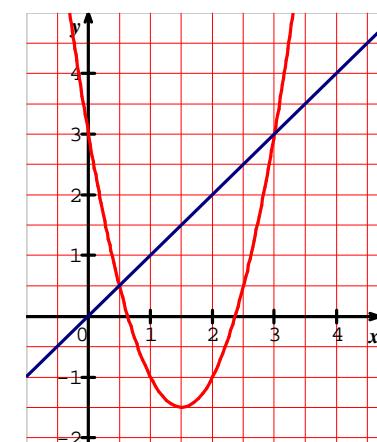
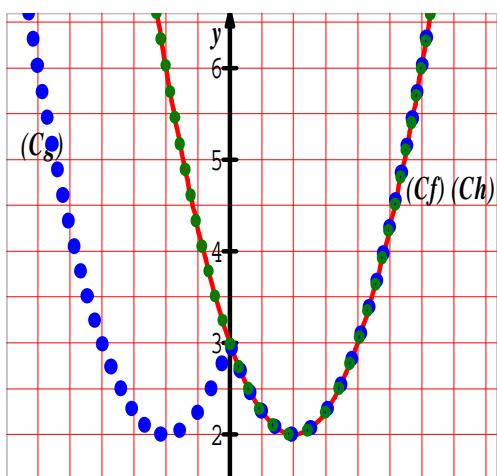
x	-	$\frac{3}{2}$	+
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	-	↓	$-\frac{3}{2}$

أصغر قيمة لـ $P(x)$ هي:

$$-\frac{3}{2} \leq P(x) \leq 23$$

$$S = \left[\frac{1}{2}, 3 \right] \quad (5)$$

(6)



نلاحظ أن (g) يكون أسفل المنصف الأول لما

$$x \in \left[\frac{1}{2}, 3 \right]$$

89

(1) من أجل نل عدد حقيقي x من:
 $g(-x) = g(x)$ و منه g زوجية.
 $x \hat{I} \hat{A}^+$ ينطبق على (C_f) لما (2)

x	-	1	+
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	-	↓	↑