

حل معادلة من الدرجة الثانية

حل معادلة من الدرجة الثانية

كتب المقال الاستاذ فرحي

الجمعة، 10 أكتوبر 2008 11:10

المعادلة من الدرجة الثانية تكون من الشكل $ax^2+bx+c=0$

هذه المعادلة يمكن ان تقبل حل وحيد او حلان او لا تقبل حلول

ملاحظة: الحلول هي قيم x التي تتحقق المعادلة

لحل هذه المعادلة نستعمل المميز $\Delta = b^2 - 4ac$ حيث

الحالة 1) اذا وجدنا $\Delta < 0$ فالمعادلة لا تقبل حلول

$$\text{مثال : } x^2 + x + 1 = 0 \\ \Delta = 1 - 4(1.1) = -3$$

المعادلة لا تقبل حلول يعني لا توجد قيم ل x تتحقق المعادلة

الحالة 2) اذا وجدنا $\Delta = 0$ فالمعادلة تقبل حل وحيد

$$\text{مثال : } x^2 + 2x + 1 = 0 \\ \Delta = 4 - 4(1.1) = 0$$

حل المعادلة هو $x_0 = -1$ اي $x_0 = \frac{-2}{2}$

الحالة 3) اذا وجدنا $\Delta > 0$ المعادلة تقبل حلان :

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \quad x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$$

$$\text{مثال : } -x^2 + 2x + 3 = 0 \\ \Delta = 4 - (4 \cdot -1.3) = 4 - (-12) = 16$$

المعادلة تقبل حلان :

$$x_1 = \frac{-2 - \sqrt{16}}{-2} = \frac{-2 - 4}{-2} = \frac{-6}{-2} = 3$$

$$x_2 = \frac{-2 + \sqrt{16}}{-2} = \frac{-2 + 4}{-2} = \frac{2}{-2} = -1$$

ومنه الحلان هما : $x_2 = -1$ و $x_1 = 3$