

التمرين 1 ( 4 ن )	
1	(1) عين الثنائيات $(x, y)$ من مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية $\mathbb{Z}$ التي تحقق المعادلة $(E)$ حيث : $(E) : 8x - 5y = 3$
1	(2) ليكن $\alpha$ عدد صحيح نسبي، بحيث توجد ثنائية $(p, q)$ من الأعداد الصحيحة النسبية التي تحقق : $\alpha = 8p + 1$ و $\alpha = 5q + 4$ .
1	أ- بين أن الثنائية $(p, q)$ حلا للمعادلة $(E)$ .
1	ب- إستنتج أن : $\alpha \equiv 9[40]$
1	(3) نضع $\beta = \alpha + 8$ ، عين أصغر عدد $\beta$ حيث $\beta > 2008$ .

التمرين 2 ( 4 ن )	
نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة $\mathbb{C}$ المعادلة $(E)$ ذات المجهول $z$ حيث :	
$(E) : z^2 - (1 + i \sin(2\theta))z + \frac{i}{2} \sin(2\theta) = 0$ .	
حيث $\theta$ عدد حقيقي.	
1	(1) حل المعادلة $(E)$ من أجل $\theta = \frac{\pi}{4}$ .
1	(2) عين بدلالة $\theta$ حلول المعادلة $(E)$ .
1	(3) لتكن $M$ و $M'$ صورتني حلي المعادلة $(E)$ في مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j})$ ، وليكن $I$ منتصف القطعة $[MM']$ ،
1	أ- عين إحداثيات النقطة $I$ .
1	ب- بين أن النقطتين $M$ و $M'$ تنتميان إلى نفس الدائرة لما $\theta$ يمسخ $\mathbb{R}$ ، يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها.

التمرين 3 ( 6 ن )	
في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط التالية : $A(1, 1, 2)$ ، $B(0, 1, 0)$ ، $C(1, 2, 1)$ ، $D(0, 3, 0)$	
0.5	(1) بين أن النقط $A$ ، $B$ ، $C$ تشكل مستوي.
0.5	(2) ليكن المستوي $(P)$ ذو المعادلة : $2x - y - z + 1 = 0$ .
0.5	أ- بين أن المستوي $(P)$ هو نفسه المستوي $(ABC)$ .
0.5	ب- أحسب المسافة بين النقطة $D$ و المستوي $(P)$ .
0.5	(3) ليكن المستقيم $(\Delta)$ الذي يشمل $D$ ويعامد المستوي $(P)$ .
0.5	أ- أعطي تمثيلا وسيطيا للمستقيم $(\Delta)$ .
0.5	ب- عين إحداثيات $H$ نقطة تقاطع $(\Delta)$ و $(P)$ .
0.5	ج- إستنتج طريقة أخرى لحساب المسافة بين $D$ و المستوي $(P)$ .
0.5	(4) ليكن $m$ عدد حقيقي، و لتكن مجموعة النقط $(S_m)$ المعرفة كما يلي :
0.5	$(S_m) : x^2 + y^2 + z^2 - 2m(2x - y - z) - 6y + 6m(m - 1) = 0$
0.5	أ- لما $m = 0$ : عين مجموعة النقط $(S_0)$ .
1	ب- بين أن مجموعة النقط $(S_m)$ هي سطح كرة يطلب تعيين مركزها $\Omega_m$ و نصف قطرها $r$ .
0.5	ج- ماهي مجموعة النقط $\Omega_m$ لما $m$ يمسخ $\mathbb{R}$ ؟
1	د- عين مجموعة نقط تقاطع $(S_0)$ و $(P)$ .

\* الجزء الأول

- لتكن  $u$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  كما يلي :  $u(x) = 2x^3 - 1 + 2\ln|x|$
- (1) أدرس اتجاه تغيرات الدالة  $u$  ، مع تعيين القيمة الحدية . 1.5
- (2) بين أن المعادلة  $u(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  على المجال  $[\frac{1}{2}, 1]$  . 0.5
- (3) إستنتج إشارة  $u(x)$  على  $\mathbb{R}^*$  . 0.5

\* الجزء الثاني

- لتكن  $f$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  كما يلي :  $f(x) = 2x - \frac{\ln|x|}{x^2}$
- ( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$  .
- (1) أدرس تغيرات الدالة  $f$  . 1
- (2) بين أن :  $f(\alpha) = 3\alpha - \frac{1}{2\alpha^2}$  0.5
- (3) أعطي حصر ال  $f(\alpha)$  ، ثم أرسم ( $C_f$ ) . 2

\* الجزء الثالث (إضافي)

- من أجل  $x \in \mathbb{R}^*$  نضع النقطة  $M(x, y)$  من المنحني ( $C_f$ ) ، و  $N(x', y')$  نظيرتها بالنسبة لمحور الترتيب
- أ- أوجد علاقة بين الثنائية  $(x, y)$  و الثنائية  $(x', y')$  .
- ب- إستنتج أن معادلة المنحني الذي تنتمي إليه  $N$  لما  $M$  تمسح ( $C_f$ ) هي  $y = -2x - \frac{\ln|x|}{x^2}$

بالتوفيق إن شاء الله