

التمرين الأول:

$f$  دالة عددية ذات المجهول  $x$  حيث  $f(x) = \frac{x^3 - 8x^2 + 22x - 3}{(x-3)^2}$

$$1. \text{ عين الأعداد } \alpha, \beta, \lambda \text{ بحيث } f(x) = \alpha x + \beta + \frac{\lambda}{(x-3)^2}$$

$$2. \text{ عين الدالة الأصلية للدالة } f \text{ عند } x = 4.$$

$$3. \text{ احسب القيمة المتوسطة للدالة } f \text{ على المجال } [0,1]$$

التمرين الثاني:

$f$  كثير الحدود ذات المجهول حيث

$$f(x) = x^3 - 7x + 6$$

1. بين انه يمكن كتابة  $f$  على الشكل

$$f(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$$

حيث  $a, b, c$  أعداد حقيقية يطلب تعيينها.

2. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة التالية

$$* f(x) = 0$$

$$* (\ln x)^3 = 7 \ln x - 6$$

$$* e^{3x} - e^x = 6(e^x - 1)$$

التمرين الثالث :

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$  كما يلي:  $f(x) = -x + 1 + \frac{x-1}{(x-2)^2}$

وليكن (C) منحنيا البياني في معلم متعامد و متجانس.

نعتبر كثير الحدود P حيث:  $P(x) = -x^3 + 6x^2 - 13x + 8$

1- أ) أحسب  $P(1)$  واستنتج تحليل  $P(x)$ .

ب) أدرس إشارة  $P(x)$ .

2- أ) أحسب  $f'(x)$  وبين ان  $f'(x) = \frac{P(x)}{(x-2)^3}$ :

ب) استنتج تغيرات الدالة  $f$  و أعط جدول تغيرات الدالة  $f$ .

3- أ) بين أن المنحنى (C) يقبل مستقيم مقارب مائل ( $\Delta$ ) يطلب تعيينه .

ب) أدرس وضعية المنحنى (C) بالنسبة الى ( $\Delta$ ).

ج) أكتب معادلة المماس للمنحنى (C) عند النقطة  $x_0 = 3$ .

4- أرسم المنحنى (C).

5- ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط  $m$  عدد و إشارة حلول المعادلة:  $f(x) = m$ .

الأقسام: السنة الثالثة تسيير و اقتصاد	تصحيح الاختبار الثلاثي الثاني	ثانوية: أحمد البيروني
---------------------------------------	-------------------------------	-----------------------

رقم السؤال	الإجابة	التنقيط
	<b>التمرين الأول (4 نقاط)</b>	
1	1- $\alpha$ و $\beta$ و $\lambda$ أعداد حقيقية و $f(x)$ كثير حدود $f(x) = \alpha x + \beta + \frac{\lambda}{(x-3)^2} = \frac{x^3 - 8x^2 + 21x - 3}{(x-3)^2}$	1.5
	- تعيين $\alpha$ و $\beta$ و $\lambda$ بالمطابقة نجد $\alpha = 1$ و $\beta = -2$ و $\lambda = 15$	1.5
2	2- تعيين الدالة الأصلية $F(x) = \int_0^x f(x) dx = \frac{x^2}{2} - 2x - \frac{15}{x-3}$	1.5
3	3- حساب القيمة المتوسطة $m = \int_0^1 f(x) dx = -21/4$	1
	---	
	<b>التمرين الثاني: (5 نقاط)</b>	
1	$f(x) = x^3 - 7x + 6$ كثير حدود حيث 1- تعيين الأعداد الحقيقية $a$ و $b$ و $c$ حيث $f(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$ $a=1$ و $b=1$ و $c=6$	1.5
2	2- حل في $\mathbb{R}$ المعادلات $S = \{1, -3, 2\}$ $f(x) = 0$ $S = \{e^2, e\}$ $(\ln x)^3 = 7 \ln x - 6$ $S = \{0, \ln 2\}$ $e^{3x} - e^x = 6(e^x - 1)$	1.5 1 1
	<b>التمرين الثالث (11 نقطة):</b>	
1	لتكن $f$ الدالة المعرفة على $\mathbb{R} - \{2\}$ كما يلي: $f(x) = -x + 1 + \frac{x-1}{(x-2)^2}$ نعتبر كثير الحدود $P$ حيث: $P(x) = -x^3 + 6x^2 - 13x + 8$ 1- $P(1) = 0$	0.5 1
	- استنتج تحليل $P(x) = (x-1)(-x^2 + ax + b)$ مع $a$ و $b$ عددين حقيقيين $a=5$ و $b=8$	1.5
	(ب) إشارة $P(x)$ هي إشارة $(x-1)$ لأن $(-x^2 + 5x - 8 < 0)$ $P(x) > 0$ على المجال $]-\infty, 1[$ $P(x) < 0$ على المجال $]1, +\infty[$	1.5
2	2- من أجل كل $x \in \mathbb{R} - \{2\}$ $f'(x) = 1 - \frac{x}{(x-2)^3} = \frac{P(x)}{(x-2)^3}$	1.5

1  
1  
1

ب) اتجاه التغير الدالة  $f$   
-الدالة  $f$  متناقصة تماما على المجال  $]-\infty, 1[ \cup ]2, +\infty[$  متزايدة تماما على المجال  $]1, 2[$   
-جدوت التغيرات  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  و  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = +\infty$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (f(x) - (-x + 1)) = 0 \quad (1-3)$$

منه  $(\Delta: y = -x + 1)$  مستقيم مقارب مائل بجوار  $+\infty$  و  $-\infty$ .

-3

ب) دراسة وضعية المنحنى (C) بالنسبة الى  $(\Delta)$  ..... (1)

$$f(x) - (-x + 1) = \frac{x - 1}{(x - 2)^2}$$

- اذا كان  $x > 1$  فان المنحنى (C) فوق المستقيم  $(\Delta)$
- اذا كان  $x < 1$  فان المنحنى (C) تحت المستقيم  $(\Delta)$

ج) معادلة المماس عند النقطة  $x_0 = 3$  هو  $y = -4(x - 3)$  ..... (0.5)

4- رسم المنحنى ..... (1)

5- اذا كان  $m < 0$  المعادلة تقبل حل وحيد موجب ..... (1)

- اذا كان  $m = 0$  المعادلة تقبل حلين  $x = 1$  و  $x = 3$
- اذا كان  $0 < m < 3/4$  المعادلة تقبل 3 حلول موجبة.
- اذا كان  $0 < m < +\infty$  المعادلة تقبل حلين موجبين و حل سالب.