

إختبار الثلاثي الثاني

## التمرين الاول:

تنتج احدي الوحدات منتوجا بكمية  $q$  حيث  $0 \leq q \leq 15$ . الكلفة الهامشية المقدرة بـ  $DA$  للنتاج

وحدة اضافية معرفة علي المجال  $[0;15]$  بـ:  $C_m(q) = 3q^2 - 36q + 750$ .

نعلم بالاضافة الي ما سبق ان المصاريف الثابتة تقدر بـ  $200DA$ .

1- عين بدلالة  $q$  عبارة  $C(q)$  علي المجال  $[0;15]$ .

2- نعلم ان الدالة الكلفة المتوسطة  $C_M$  معرفة  $[0;15]$  بـ  $C_M(q) = \frac{C_m(q)}{q}$ .

- احسب  $C_M'$ .

- تحقق انه من اجل  $q$  من لدينا  $[0;15]$ :  $C_M'(q) = \frac{2(q-10)(q^2+q+10)}{q^2}$ .

- ادرس اشارة  $C_M'(q)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $C_M$  علي المجال  $[0;15]$ .

- عين الكمية  $q$  التي يجب انتاجها حتي تكون الكلفة المتوسطة اصغر ما يمكن.

- احسب في هذه الحالة الكلفة المتوسطة و الكلفة الهامشية. ماذا تلاحظ؟.

## التمرين الثاني:

$f$  دالة عددية معرفة على  $]-\infty; 1[$  كمايلي :  $f(x) = x + \alpha + \frac{\beta}{2(x-1)^2}$ .

(C) بيان للدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(\vec{o}; \vec{i}; \vec{j})$ .

حيث :  $\|\vec{i}\| = 2cm$  و  $\|\vec{j}\| = 1cm$ .

1. الدالة  $f$  تقبل قيم حدية كبري عند النقطة .

• عبر عن  $f'(x)$  بدلالة  $\alpha$  و  $\beta$  .

• جد العلاقة بين  $\alpha$  و  $\beta$  بحيث  $(C_f)$  يشمل النقطة  $O$  ، ثم عين  $\alpha$  و  $\beta$  .

2. احسب  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  ، فسر النتيجة بيانياً .

• احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  .

• احسب  $f'(x)$  و ادرس اشارتها على المجال  $]-\infty; 1[$  و شكل جدول التغيرات الدالة  $f$  .

• استنتج اشارة  $f(x)$  على المجال  $]-\infty; 1[$  .

3. • بين أن  $(C_f)$  يقبل مستقيم مقارب  $(\Delta)$  الذي معادلته  $y = x + \frac{1}{2}$  مقارباً له عند  $-\infty$  .

• ادرس الوضعية بين  $(C_f)$  و  $(\Delta)$  .

4. جد الدالة الاصلية  $F$  للدالة  $f$  على المجال  $]-\infty; 1[$  .

5. احسب مساحة الحيز لمجموعة النقط  $M(x, y)$  حيث :  $-2 \leq x \leq -1$  و  $f(x) \leq y \leq 0$  .

6. • احسب  $\int_{-3}^{-2} \frac{1}{2(x-1)^2} dx$  .

• استنتج مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحني  $(C_f)$  و المستقيم  $(\Delta)$

والمستقيمين اللذين معادلتيهما :  $x = -2$  و  $x = -3$

## التمرين الثالث :

حل في  $\mathbb{R}$  المعادلات التالية :

•  $\ln(x-1) = \ln(2x-4)$

•  $\ln(x-1) \geq \ln(2x-4)$

بالتوفيق للجميع.